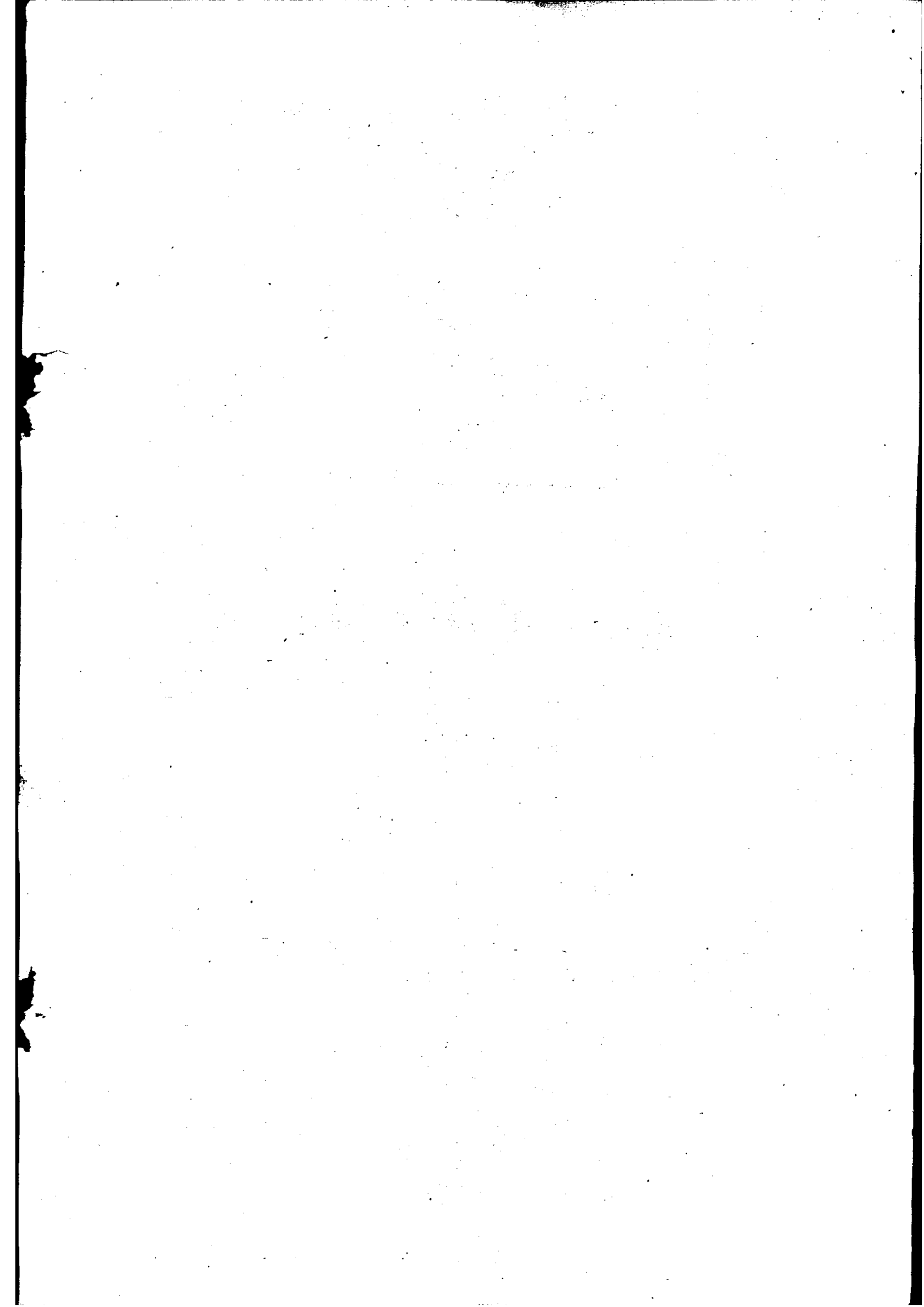


# مبادئ الاقتصاد

دكتور

محمد الزنقلى

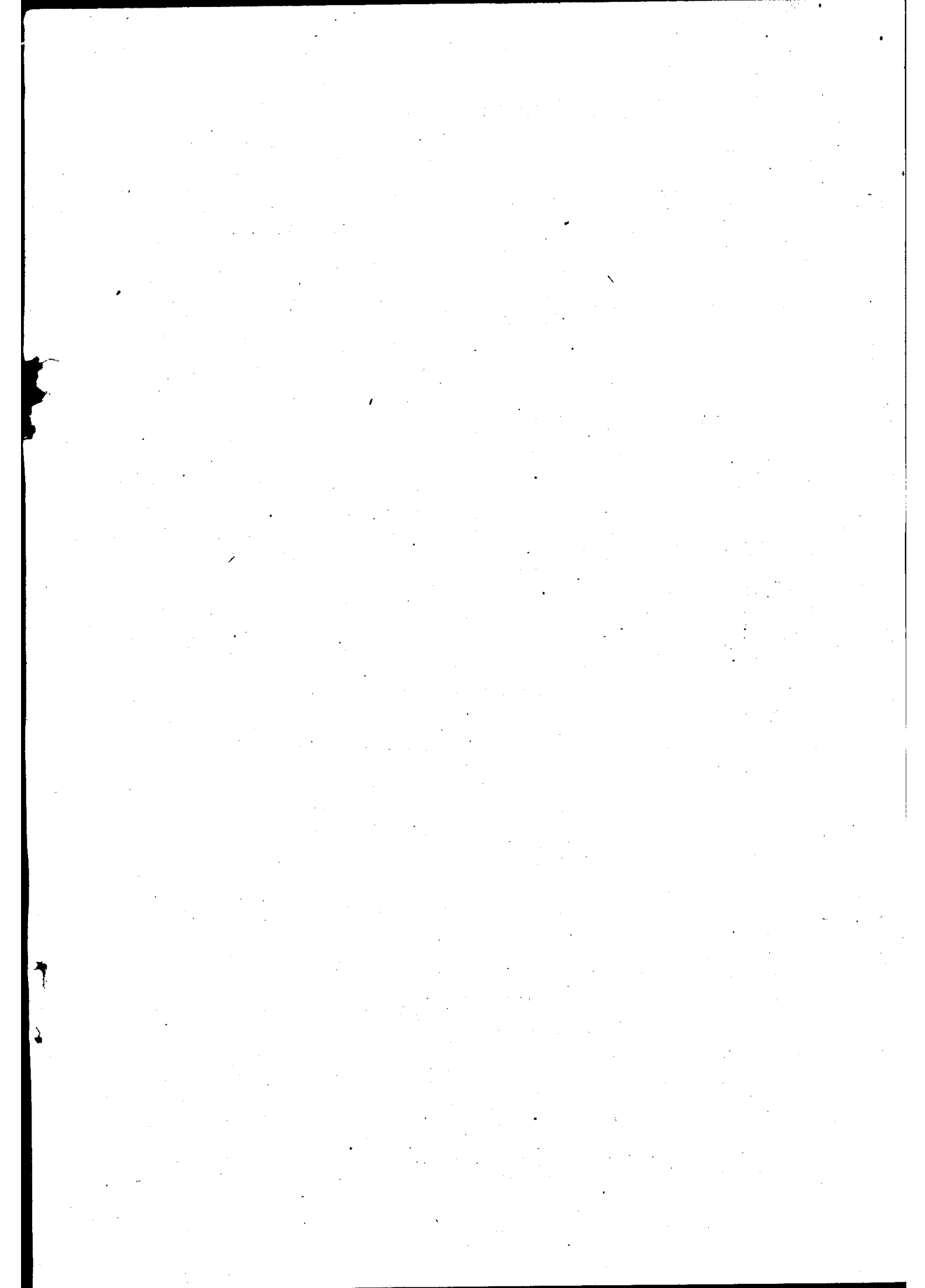


بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

**"وما توفيقى إلا  
بالله عليه توكلت  
وإليه أنيب"**

صدق الله العظيم

الآية (٨٨) سورة هود





## تقديم

يسعدنى وأن أقدم بهذا الجهد العلمى أن استعرض قدرأ مناسباً  
ومتوعاً من المعارف الأساسية فى علم الاقتصاد تعد بمثابة مبادئ  
تمكن من تنمية قدرات الفهم والتحليل بدلاً من الحفظ والتلقين ، وقد  
راعى البعد عن الحشو أو التكرار وأيضاً الابتعاد عن التزيد فى  
تفاصيل تخرج عن نطاق هذا المحتوى العلمى لمبادئ الاقتصاد وذلك  
دون الإخلال بالعمق المطلوب كلما دعت الضرورة . كما تم تناول  
العديد من الأمثلة للتسهيل والإيضاح حتى تتحقق القدرة الاستيعابية  
للفهم لدى القارئ .

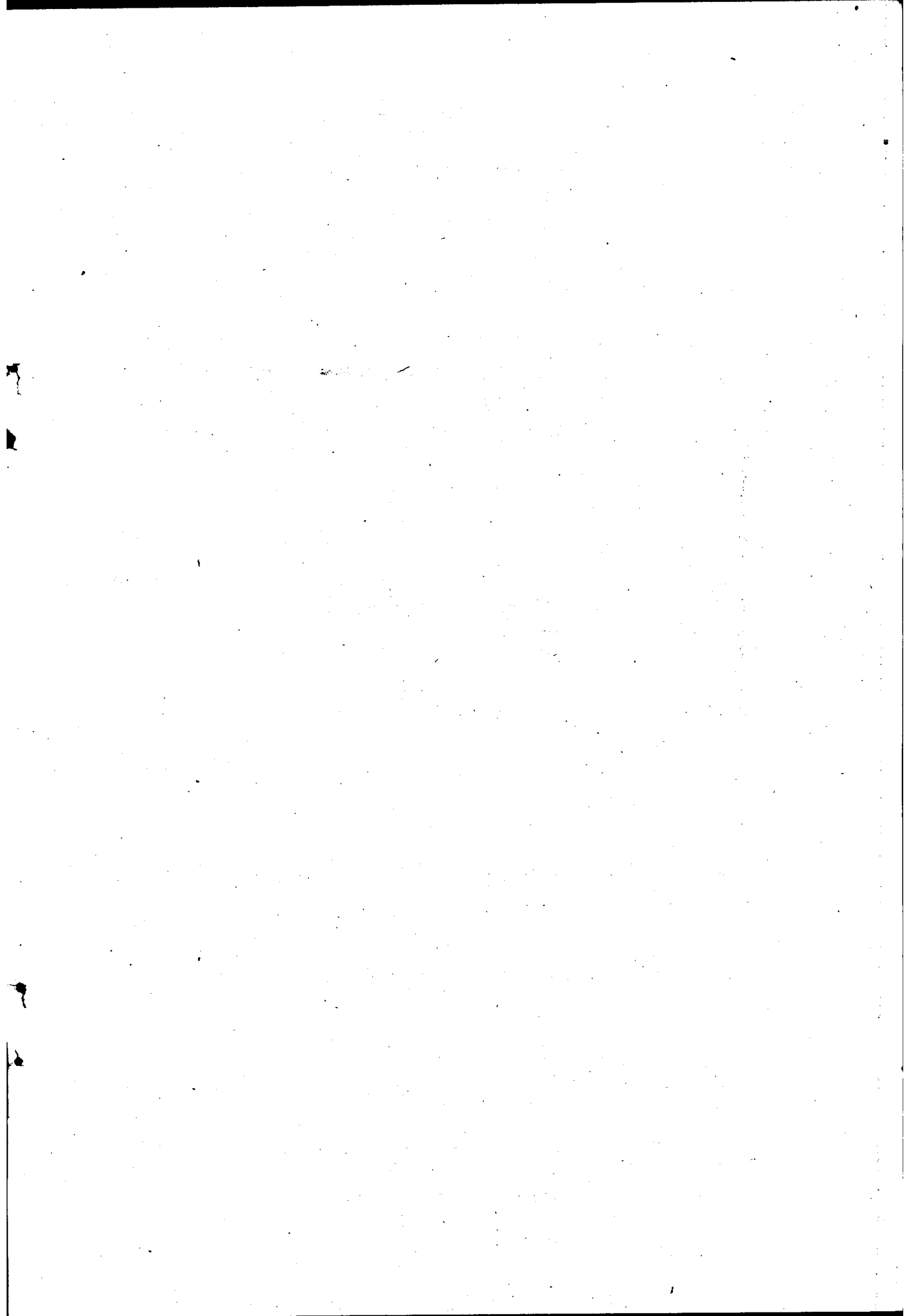
وقد تم تناول من خلال أربعة أبواب يربطها البعد المنهجى ،  
فقد تناول الباب الأول تعريف علم الاقتصاد والمشكلة الاقتصادية  
والنظم الاقتصادية ، أما الباب الثانى فقد تناول أهم الدوال الاقتصادية  
الأساسية ( دالة الطلب دالة العرض ودالة الإنتاج ودالة التكاليف ودالة  
الإيراد ) ، بينما تناول الباب الثالث التوازن فى الاقتصاد كتوازن

السوق وتوازن المستهلك وتوازن المنتج ، فى حين تناول الباب الرابع  
أساسيات فى الاقتصاد الكلى أهمها الحسابات الاقتصادية القومية والنمو  
الاقتصادى والتنمية الاقتصادية . أسأل الله الهداية والسداد والتوفيق  
والرشاد ،

د. محمد عبد العاطى الزنغلى

الباب الأول

مفاهيم أساسية



## الباب الأول

### مفاهيم أساسية

يشتمل هذا الباب على الفصلين التاليين :-

**الفصل الأول :** علم الاقتصاد ، المشكلة الاقتصادية ، النظم الاقتصادية

**الفصل الثاني :** التغير والدالة .

- مفهوم التغير
- التغير في المتغير الواحد وطرق قياسه .
- ( التغير المطلق ، التغير النسبي ، معدل التغير )
- العلاقة بين المتغيرات :-
  - (١) الدالة .
  - (٢) العرض الجبرى والجدولى والبياني للدالة .
  - (٣) التغير فى الدالة وطرق قياسه .
- (التغير المطلق ، متوسط التغير ، معدل التغير ،  
التفاضل الأول ، ..... )
- (٤) ميل الدالة .
- (٥) الدالة فى الاقتصاد .

## الفصل الأول

### علم الاقتصاد والمشكلة الاقتصادية والنظم الاقتصادية

#### أولاً : علم الاقتصاد :-

##### (١) تعريف علم الاقتصاد :

تعددت تعاريف علم الاقتصاد فى تاريخ الفكر الاقتصادى حسب وجهة نظر كبار الاقتصاديين وأرائهم فى المشاكل التى كانت تواجههم فى الأزمنة والاماكن المختلفة . وفى منتصف القرن الثامن عشر تردد أن علم الاقتصاد يمكن أن يؤدى الى زيادة الرخاء المادى وثروة الشعوب ، وعلى هذا عرف آدم سميث علم لاقتصاد بأنه العلم الذى يبحث فى طبيعة الثروة وكل ما يتصل بها .

ثم جاء جون ستيوارث ميل وأضاف على التعريف السابق مبداً توزيع الثروة بين الذين يقومون بإنتاجها ، وعلى هذا فقد عرف علم الاقتصاد بأنه العلم الذى يبحث فى إنتاج الثروة وتوزيعها بالطرق والوسائل العلمية . ويعاب على التعريفات السابقة استبعادها للخدمات كظواهر اقتصادية معترف بها .

ثم جاء مارشال الذى قاد الفكر الاقتصادى فى نهاية القرن التاسع عشر وبداية القرن العشرين وعرف علم الاقتصاد بأنه العلم الذى يدرس

سلوك الانسان فى حياته العادية أى العلم الذى يبحث فى كيفية حصول الفرد على دخله وكيفية انفاقه لهذا الدخل .

وقد ظهر الاقتصاديين المحدثين ومنهم روبنز ويرى الذين اهتموا بتعريف علم الاقتصاد فى كتاب اسمه "طبيعة علم الاقتصاد ومعناه" عام ١٩٣٢ بأنه العلم الذى يدرس سلوك الانسان بهدف التوفيق بين الاهداف الانسانية المتعددة والوسائل النادرة ذات الاستعمالات المختلفة . ويبدو من هذا التعريف أنه يتعرض لتوضيح المشكلة الاقتصادية .

ويكاد ينعقد الاجماع الآن بين الاقتصاديين على أن علم الاقتصاد هو علم اجتماعى يبحث فى إدارة الموارد النادرة لإنتاج أقصى ما يمكن من السلع والخدمات بهدف إشباع أقصى ما يمكن من الحاجات وذلك من خلال نظام اقتصادى يقوم على جهاز السوق أو على التخطيط المركز أو على التوفيق بين الأمرين .

## (٢) فروع علم الاقتصاد :

تطورت دراسة علم الاقتصاد فى نصف القرن الأخير وتعددت وتشعبت فروعه وأقسامه وأصبح لكل قسم من هذه الأقسام نظرياته وقواعد وأساليب دراسة وذلك بهدف تحليل وشرح الظواهر الاقتصادية المختلفة التى تقع تحت أى من هذه الأقسام . ويختلف تقسيم فروع علم الاقتصاد باختلاف الأساس الذى يتم على أساسه التقسيم .

### أ - التقسيم حسب الأنشطة الاقتصادية المختلفة التى يقوم بها المجتمع:

١- الإنتاج : ويقصد به العمليات الإنتاجية التى يتسبب عنها خلق أو زيادة منفعة سلعة ما أو إنتاج خدمات لها منفعة .

٢- التبادل : ويقصد به الانتقال الارادى لملكية السلع والخدمات المتحصل عليها من النشاط السابق .

٣- التوزيع : ويعنى تقسيم العائد من العمليات الإنتاجية على عناصر الإنتاج التى شاركت وساهمت فيها ، فالارض تحصل على الايجار والعمل يحصل على الأجر ورأس المال يحصل على الفائدة والادارة تحصل على الربح .

٤- الاستهلاك : ويعتبر الاستهلاك غاية النشاط الاقتصادى أى هو الاستعمال المباشر للسلع والخدمات المنتجة لاشباع رغبات الفرد .

ب- التقسيم حسب المستوى أو المجال الذى تجرى عليه الدراسة والتحليل :-

١- الاقتصاد الجزئى : Micro Economic أو الاقتصاد الوحدى لأنه يتناول سلوك الوحدات الاقتصادية كمستهلكين أو منتجين ، وهو الفرع الذى يبحث فى كيفية توزيع وتخصيص الموارد على الاستخدامات المختلفة ، أى الفرع الذى يبحث فى تحديد ماذا ينتج من السلع والخدمات ، وكيف يتم هذا الإنتاج ، وكيف يوزع الناتج على عناصر الإنتاج ، بمعنى آخر هو الفرع الذى يسمى باقتصاديات القيمة والتوزيع .

٢- الاقتصاد الكلى : Macro Economic أو الاقتصاد التجميعى لأنه يتناول المستويات العامة للنشاط الاقتصادى ، وهو الفرع الذى يبحث فى مدى تحقيق التشغيل الشامل للموارد ، أى الفرع الذى يبحث عما إذا كان جميع الموارد الاقتصادية المتاحة مستغلة أم أن هناك بعض الموارد



العاطلة، وهذا الفرع يسمى باقتصاديات التوظيف والدخل القومى .

ج - التقسيم حسب كون علم الاقتصاد نظرى أو تطبيقى :-

١- الاقتصاد النظرى أو النظرية الاقتصادية Economic Theory ، وتبحث النظرية الاقتصادية بالسلوك العام للفرد ونشاطه الاستهلاكى والإنتاجى دون التحديد بزمان أو مكان معين أى أنها تهتم بالعموميات .

٢- الاقتصاد التطبيقى وهو الذى يهتم بنشاط الإنسان الإنتاجى والاستهلاكى الذى يمكن تحديده بزمان أو مكان أو مجال معين ومن فروع الاقتصاد التطبيقى :-

- اقتصاديات المناطق مثل اقتصاديات مصر واقتصاديات الدول العربية .

- اقتصاديات الزراعة أو الاقتصاد الزراعى وهو الذى يهتم بقطاع الزراعة .

- اقتصاديات الصناعة وهو الذى يهتم بقطاع الصناعة .

- اقتصاديات النقل وهو الذى يعالج مشكلات النقل على المستوى القومى أو الدولى .

- اقتصاديات السياحة وهو الذى يهتم بقطاع السياحة .

(٣) علاقة علم الاقتصاد بالعلوم الأخرى : -

علم الاقتصاد علم انسانى وإن كان لا يبحث فى كل المشاكل الانسانية وإنما يقتصر على دراسة مشاكل الانسان من حيث كونه منتجا

ومستهلكا ، أى دراسة النشاط الذى يبذله الانسان بهدف اشباع حاجاته المتعددة باستخدام الموارد المحددة . كما أن علم الاقتصاد علم اجتماعى حيث أن الفرد يعتمد على غيره من الأفراد ويدخل معهم فى علاقات من أجل اتمام ما يقدم به من إنتاج .

لهذا وذاك يرتبط علم الاقتصاد بغيره من العلوم الأخرى وبالتالي يتمكن الاقتصادى بالاستعانة بهذه الفروع من حل أى مشكلة من مشكلات الحياة الاقتصادية . فعلوم الاجتماع والتاريخ والفلسفة وعلم النفس والسياسة والجغرافيا والديموجرافيا والرياضة والاحصاء لها علاقة بالاقتصاد .

فمثلا المنطق وهو أحد فروع الفلسفة ضرورى لتكوين تفكير اقتصادى سليم ، وعلم التاريخ يعرفنا بالماضى وما حدث فيه وهذه المعرفة قد تساعدنا فى تفسير كثير من العلاقات الاقتصادية المعاصرة والتي قد تساعدنا بالتالى على حل كثير من مشاكل المستقبل الاقتصادية ، ويستعين الاقتصادى بعلم الاجتماع وعلم النفس لتفهم العلاقات الاجتماعية بين أفراد المجتمع والتي يكون لها أثر كبير على تصرفات الفرد الاقتصادية ، أما علوم الرياضة والاحصاء فإنها تمد المحلل الاقتصادى بوسائل التحليل الرياضى والاحصائى للبيانات والمعلومات الاقتصادية التى تساعد على تفهم المشاكل الاقتصادية تحت البحث وبالتالي يمكن ايجاد الحلول لها . كما أن الجغرافيا تفيد الاقتصاد من خلال امداده بالمعرفة عن المناخ والموقع والتضاريس والتركيبات الجيولوجية للأرض وما تحتويه من ثروات سواء على ظهرها أو فى باطنها وكل هذا فى مجموعة يفيد فى تقدير موارد المجتمع ومعرفة الأهمية الاقتصادية للمجتمع ، وايضا الديموجرافيا أى علم دراسة السكان فالدراسات

السكانية هي الأخرى تفيد الاقتصاد من خلال امداده بالمعرفة المتعلقة بحجم السكان وتطورهم وتركيبهم العمري وقوة العمل وتصنيفها الى غير ذلك .

وتجدر الملاحظة أن هناك اختلافا بين علم الاقتصاد والعلوم الطبيعية ، ففي علم الكيمياء مثلا يمكن للكيميائي التحكم في جميع الظروف المحيطة بتجاربه وبالتالي فهو يستطيع التنبؤ بالنتائج التي يحصل عليها بدرجة عالية من الدقة . أما بالنسبة للاقتصادى فإنه يواجه بكثير من العوامل والمؤثرات الخارجية التي لا يمكن التحكم فيها أو يكون من الصعب عليه قياسها نظرا لتشابك المتغيرات الاقتصادية مثل الإنتاج والاستهلاك والبطالة والعمالة والأسعار والأجور والدخل والاستثمار الى غير ذلك ، ونظرا لتشابك واختلاف سلوك الأفراد في المجتمع وبالتالي يصعب على الاقتصادى الوصول إلى نتائج في نفس مستوى الدقة التي يحصل عليها الباحثون في العلوم الطبيعية .

### ثانيا : المشكلة الاقتصادية :-

هي محاولة التوفيق بين طرفين : الأول هو ندرة الموارد ، والثانى هو اشباع حاجات الانسان اللامحدودة .

#### مثال للايضاح

إذا كان هناك قطعة أرض زراعية فإنها قد تحتاج لأن تزرع أو قد تحتاج ليقام عليها مصنع أو ليقام عليها فندق أو منتجع سياحى أو ملعب . الخ ، وبالطبع لا يمكن أن تتحقق كل هذه الحاجات معا طالما أن قطعة الأرض هذه قليلة أى [نادرة] Scarcity ، وعملية التوفيق هي ضرورة [اختيار]

هدف واحد أى حاجة واحدة من هذه الحاجات والتخلى أى [التضحية] بالأهداف الأخرى أى الحاجات الأخرى رؤى تتجاوز عنها فى سبيل تحقيق الهدف المختار بهذا المورد النادر . من هنا يتضح أن المشكلة الاقتصادية هى قضية الندرة والاختيار والتضحية .

### ملاحظات :-

#### (١) حاجات الانسان لا محدودة :

الحاجة هى شعور بالحرمان مع المعرفة بوسيلة اشباع هذا الحرمان ، والفرد فى أى مجتمع له حاجات لا بد من اشباعها فهو يحتاج إلى مسكن وملبس وغذاء ، ويحتاج إلى مواصلات للنقل ، ويحتاج إلى سينما ومسرح ومنتزهات للترفيه ، ويحتاج إلى التعليم للتنقيف ويحتاج إلى الصحة للعلاج والوقاية ، ويحتاج إلى الرياضة لتنشيط جسمه إلى غير ذلك من الحاجات . وطالما أن الفرد بطبيعته طموح ولا يرضى بالقليل لذلك فرغباته أى حاجاته قابلة للنمو والتزايد ، فكلما أشبع رغبة ظهرت رغبة أخرى وبالتالي فرغباته أى حاجاته غير محدودة .

#### العوامل التى تؤثر على حاجات الانسان :-

١- درجة تقدم المجتمع : ففى المجتمعات الفقيرة تكون حاجات الانسان قليلة ومحدودة بعكس المجتمعات الغنية وذلك لأن فى الأولى تكون الموارد محدودة وأن وسائل استغلال تلك الموارد أيضا محدودة كما أن عاداتها وتقاليدها بدائية ، هذا بعكس المجتمعات الغنية .

٢- الظروف الطبيعية للمجتمع : فالمجتمع ذو المنطقة الباردة يحتاج إلى حاجات تحمي وتقي من البرد ، بعكس المجتمعات ذات المنطقة الحارة فهي تحتاج إلى حاجات تحمي وتقي من الحر .

٣- الظروف الاجتماعية للمجتمع : فالمنطقة العمالية تحتاج إلى حاجات تختلف عن حاجات المنطقة التي يتواجد فيها الأطباء والمهندسون مثلا ، كما أن المناطق الريفية تحتاج إلى حاجات تختلف عن المناطق المدنية .

٤- اختلاف أنواع الأفراد : فقد تكون الحاجة لدى شخص ما مهمة وأساسية في حين أنها تبدو عكس ذلك في نظر شخص آخر .

٥- حب التقليد : فالمجتمع الذي يجري وراء الموضة فهو بذلك يطلب حاجات وإن كانت غير ضرورية اللهم أنها حاجات المجتمعات الأعلى .

## (٢) ندرة الموارد (ندرة وسائل إشباع الحاجات) :

الموارد هي الوسائل المتاحة والقادرة على إشباع الحاجات ، يقصد بندرة المورد هي الندرة النسبية وتعني أن المورد يوجد بكمية أقل من مجموع الحاجات التي يصلح المورد لإشباعها . أما إذا كان المورد يوجد بكمية أكبر من مجموع الحاجات التي يصلح لإشباعها فهذا المورد غير نادر أي مورد حر كالهواء فهو موجود بكمية أكبر من الحاجة إليه .

**(٣) التضحية :-**

وقد سبق القول فيها بأنها التخلي عن الأهداف (الحاجات) الأخرى التي روى التجاوز عنها في سبيل تحقيق الهدف (الحاجة) المختار بالموارد النادر موضع الاعتبار . ويطلق على هذه التضحية اسم تكلفة الاختيار أو تكلفة الفرصة الضائعة Opportunity Cost .

(٤) الاقتصاد هو علم يبحث في الاستخدام الأمثل للموارد للوصول إلى أقصى اشباع ممكن للحاجات .

**ثالثا : النظم الاقتصادية :-**

يعرف النظام الاقتصادي بصفة عامة بأنه الإطار الذي يدور فيه النشاط الاقتصادي بكافة صوره والقوانين التي تحكم ابقاعه ليحقق تشغيل الاقتصاد ككل وتنتج السلع والخدمات التي يستهلكها الأفراد وتتحقق الرفاهية .

ويتشكل النظام الاقتصادي وفق تحديد معتقبيه لأسلوب حل المشكلة الاقتصادية أي الأسلوب الذي يضمن الاستغلال الأمثل للموارد وصولاً إلى تحقيق أقصى اشباع ممكن للحاجات .

فالنظام الرأسمالي يرى معتقبيه أن هذا الأسلوب هو الذي يقوم على الملكية الخاصة للفرد وآليات السوق (الحرية الاقتصادية) أما النظم الاشتراكي فيرى معتقبيه أن الأسلوب هو القائم على الملكية العامة والتخطيط المركزي (التدخل الحكومي) .

وعملية تفضيل نظام اقتصادى معين لا تبنى فقط على الحجج الاقتصادية بل يدخل فيها التفضيل السياسى وأيضاً القيم المثلى فى المجتمع التى يجب أن تكون عليها الحياة الإنسانية . (١)

وبتتبع محاولات اصلاح المجتمعات الانسانية عبر العصور تبين أن الاصلاح الاقتصادى هو أول خطوات الاصلاح ، فقد أحس الانسان الأولى بضرورة أن يعيش فى قبيله توفر له المعيشة والحماية رغم الوضع السياسى القائم على السيد والعبيد - العبيد لا رأى لهم أو فكر مستقل بل مغلوبين على أمرهم - ، ثم ظهرت بين القبائل الحروب والنزاعات المستمرة .

ولكن الله سبحانه وتعالى لم يترك الإنسانية لهذه الحياة الغريزية البهيمية ، بل أرسل مبشرين ومنذرين - لكى لا يكون للناس حجة بعد الرس - ترسم النظام الصحيح سواء من حيث العقيدة بأن الله وحده ، أو من حيث المعاملات التى تتفق مع ظروف الزمان والمكان .

ولما كان كل نظام خاص برسالة ينتهى بانتهاء مبلغ الرسالة حيث انتقاء صلاحية تلك الرسالة مع الأمم اللاحقة فكان المجتمع الانسانى يعود إلى القبلية والعرقية من جديد حيث الحروب والنزاع المستمر والسادة والعبيد والسيطرة والقهر ، واستمر سير التاريخ بالانسانية إلى أن جاء القرن السادس الميلادى .

منذ هذا التاريخ اتجه السير بالانسانية الى طريقين : أحدهما فى شبه الجزيرة العربية حيث السير بمقتضى الاسلام الذى ارتكز على تنظيم علاقة الفرد بربه ثم علاقته بنفسه ثم علاقته بالجماعة ، وهذه العلاقات

(١) ليب شقر (دكتور): تاريخ الفكر الاقتصادى ، دار النهضة مصر للطبع والنشر ، الفجالة ، القاهرة .

لثلاثة حتمية في وجودها مجتمعة ، وقد شدد الاسلام على علاقة الفرد بالجماعة سواء كانت علاقة مادية أو معنوية وسواء كانت الجماعة هي الأسرة أو العائلة أو الجيران أو البلد أو القطر أو العالم . وبهذا النظام قد تم القضاء على مبادئ النظام القبلى من حروب ونزاع مستمر وساده وعبيد وسيطره وقهر بل وتحقيق الرفاهية العامة للحياتين الأولى والأخرة.

وأما الطريق الثانى فكان فى أوربا حيث السير بمقتضى الحرية الفردية اعتقادا بأنها ستقضى على مبادئ النظام القبلى ، وترتب على الحرية الفردية أن ظهر الاقتصاد التجارى بمشروعاته الضخمة واستمر حتى القرن الثامن عشر . ثم ظهرت الرأسمالية الصناعية وأصبح لها السيادة على الرأسمالية التجارية ، وقد واكب الرأسمالية الصناعية الثورة الصناعية مما دفع إلى ازدهار الرأسمالية الصناعية فى القرن التاسع عشر، وكانت إنجلترا هى مسرح هذه الأحداث ومن ثم فهى مهد الثورة الصناعية .

وقد ترتب على الحرية الفردية فى إنجلترا أن اتسم المجتمع بالطبقية حيث طبقة رأسمالية قلة مستغلة متحكمة فى طبقة أغلبية عاملة شقيته محرومة ، مما دفع أن يتجه سير التاريخ بالانسانية مرة أخرى إلى أسلوب الجماعة حتى يمكن للمغلوبين على أمرهم أن يعيشوا ويحيوا حياة كريمة اسوة بالطبقة الرأسمالية .

من هنا بدأ تفكير المصلحين من مفكرين وفلاسفة فى اصلاح مجتمع الواقع . فمنهم من انتقد مجتمع الواقع وهاجم الرأسمالية ، ومنهم من فكر فى كيفية دعم وتعزيزه وتقوية الطبقة العاملة لمواجهة طبقة



الرأسمالية . وطبيعى كان المصلحون فى انجلترا يصطدمون بالحكومة وبأصحاب المصانع . فالحكومة قد انحصرت وظيفتها فى حماية الحرية الفردية الاقتصادية حتى وإن كانت مستغلة ومستتدة والأغلبية شقية ومحرومة ، كما أن أصحاب المصانع هدفهم هو المزيد من الأرباح وتقليل التكاليف غير بالين بمطالب المصلحين ولا بآئين العاملين . ولما لا يكون كل هذا فالبرلمان الانجليزى كله من الرأسماليين ونوى النفوذ والسلطان ومحروم على الطبقة العاملة أن يتم تمثيلها فيه . وكان نتيجة ذلك من حين لآخر قيام الإضرابات والثورات . وقد شهدت دول العالم فى النصف الأخير من هذا القرن تطورات كبيرة وعميقة فى نظمها السياسية والاقتصادية ، بل ويتجه العالم فى الوقت الراهن نحو نظام اقتصادى عالمى جديد تبدو ملامحه فيما يسمى بالعولمة والتكتلات الاقتصادية الكبيرة .

## الفصل الثاني

### التغير والدالة

#### مفهوم التغير :

التغير هو الاختلاف في سلوك الظواهر الطبيعية والإنسانية التي نشاهدها في الحياة ، فالبيانات التي تقوم بجمعها عن سلوك تلك الظواهر نجدها غير متشابهة أو غير متساوية تماما بل مختلفة متغيرة. فمثلا إذا قمنا بجمع (حصر) بيانات عن قياس درجة الحرارة كل ساعة خلال اليوم سنجد أن أمامنا ٢٤ قراءة مختلفة لدرجة الحرارة ، وكذلك طول الطالب في المرحلة الابتدائية بتغير عن طولـه في المرحلة الإعدادية عنه في المرحلة الثانوية .... ، وعلى ذلك فإن كلا من درجة الحرارة وطول الطالب يسمى متغير .

#### التغير في المتغير الواحد وطرق قياسه :

##### مثال (١)

إذا كان طول الطالب في المرحلة الثانوية ٨٠ سم وفي المرحلة الجامعية ١٢٠ سم فاحسب التغير الحادث .

## الحل

نفرض أن طول الطالب س ، والتغير  $\Delta$  س .

$$\begin{array}{ccccc} \Delta \text{ س} & = & \text{س} & - & \text{س} \\ \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ \text{التغير} & = & \text{بعد التغير} & - & \text{قبل التغير} \end{array}$$

حيث :

$$\Delta \text{ س (التغير المطلق)} = 120 - 80 =$$

$$= 40 \text{ سم}$$

$$= \frac{\Delta \text{ س}}{\text{س}}$$

$\therefore$  التغير النسبي

$$= \frac{40}{80} = 0,5$$

$$= 100 \times \frac{\Delta \text{ س}}{\text{س}}$$

$\therefore$  معدل التغير

$$= 100 \times 0,5 =$$

$$= 50\%$$

مثال (٢)

إذا كانت درجة الحرارة بالأمس هي ٣٠° واليوم ٢٧° درجة فاحسب التغير الحادث .

## الحل

نفرض أن درجة الحرارة ص

$$\therefore \Delta \text{ ص} = \text{ص}' - \text{ص}$$

$$= 27 - 30$$

$$= -3 \quad \text{وهذا هو التغير المطلق .}$$

$$\therefore \frac{\Delta \text{ ص}}{\text{ص}} = \frac{-3}{30}$$

$$= -0,1 \quad \text{وهذا هو معدل التغير النسبي}$$

$$\therefore \frac{\Delta \text{ ص}}{\text{ص}} = 100 \times \frac{-3}{30}$$

$$= -10\% \quad \text{وهذا هو معدل التغير}$$

## العلاقة بين المتغيرات :-

## تمهيد :-

من البديهي أن أهم ما يشغل الإنسان الرشيد في الحياة هو اكتشاف العلاقات بين المتغيرات ، فاكشاف هذه العلاقات يؤدي إلى حدوث التقدم المستمر في مختلف العلوم والفنون وإلى خلق ابتكارات تخدم البشرية وتحقق حاجات الأفراد : والإنسان على المستوى الشخصي يعيش في وسط ملئ بالمتغيرات سواء على أسرته أو عمله أو بيئته بصفة عامة ، والإنسان في هذه الحالة لا يستطيع أن يتلائم مع

كل هذا الوسط إلا إذا كان على ادراك هذه العلاقات والاستفادة منها .

وتلعب الرياضيات دورا رئيسيا في الكشف عن هذه العلاقات  
بأسلوب مختصر حيث يتم وضع هذه العلاقات في صورة تيسر الفهم  
والاستفادة ، ومن أهم هذه الصور المعادلات والرسوم البيانية  
والجداول الرياضية والاحصائية والدوال .

### ١ الدالة :-

هي علاقة بين متغيرين أحدهما يسمى بالمتغير التابع  
Independent variable والآخر يسمى بالمتغير المستقل  
Dependent Variable أو هي علاقة بين المتغير التابع وعدة  
متغيرات مستقلة .

#### الايضاح

ص = د (س)	أو	ص = د (س ، ع ، ل ، ..)
↓		↓
متغير تابع		متغيرات مستقلة
متغير مستقل		متغير تابع

والعلاقة الدالية هي العلاقة السببية بين المتغير التابع والمتغير أو  
المتغيرات المستقلة بمعنى أن المتغير التابع هو الذي يؤثر في متغيره  
بالمتغير أو المتغيرات المستقلة .

والدالة لا تخضع للقياس إلا إذا وضعت في صورة جبرية أي

أن الدالة  $ص = د (س)$  لا يمكن قياسها إلا إذا

وضعت على الصورة الجبرية مثلا

$ص = أ + ب س$  وهي معادلة الدرجة الأولى

لو  $ص = أ + ب س + ج س^2$  وهى معادلة من الدرجة

الثانية ، .... والمعادلة  $ص = أ + ب س$

لو  $ص = ٢ + ٣ س$  هى علاقة دالية بين المتغير  $ص$  والمتغير

$س$  تحت شرط الدالة  $(٢ + ٣ س)$  ، ويشترط لى تكون هذه المعادلة

دالة توافر شرطين :-

١- أن كل قيم  $س$  لابد أن يناظرها قيم فى  $ص$  .

٢- .. أى قيم  $س$  لا يقابلها إلا قيمة واحدة فى  $ص$  .

ويلاحظ أن المعادلة  $ص = \frac{٢٥ - س^2}{٢}$  ليست دالة حيث

أن كل قيمة فى نطاق المتغير  $س$  يقابلها قيمتان فى نطاق المتغير  $ص$  .

## ٢ العرض الرياضى والجدولى والبيضى للدالة :-

سبق إيضاح أن الدالة هى علاقة بين متغير تابع ( $ص$ ) ومتغير

مستقل ( $س$ ) أى  $ص = د(س)$  ، أو هى علاقة بين متغير تابع

( $ص$ ) وعدة متغيرات مستقلة أى  $ص = د(س١ ، س٢ ، س٣ ، ... س٣)$

وتسمى هذه الصيغة بالصيغة النظرية للدالة حيث هى مجرد وصف

للعلاقة بين المتغير التابع والمتغير أو المتغيرات المستقلة . أما الصيغة الرياضية للدالة فهي المعادلة الرياضية المحددة للعلاقة الدالية ، وتتعدد الصور الرياضية للدالة ومن أهمها :

(١) دالة الدرجة الصفر (الثابتة) .

$$ص = د (س) = ٤$$

(٢) دالة الدرجة الأولى ( الخط المستقيم )

$$ص = د (س) = ٤ + ٢ س$$

(٣) دالة الدرجة الثانية ( الخط المنحني ذو القطع المكافئ )

$$ص = د (س) = ٤ + ٢ س + س^٢$$

(٤) دالة الدرجة الثالثة ( الخط المنحني ذو نهايتين )

$$ص = د (س) = ٤ + ٢ س + س^٢ + ٣ س^٣$$

(٥) الدالة الأسية .

$$ص = د (س) = أ ب^س$$

(٦) الدالة الهندسية

$$ص = د (س) = أ س^ب$$

ويتم العرض الجدولي للدالة من خلال التعويض بقيم  $s$  في قاعدة الدالة وذلك للحصول على قيم  $s$  المناظرة لها ، ويدون ذلك في جدول من صفتين وعدة أعمدة ليعطى الأزواج المرتبة لقيم  $(s, s)$  . أما العرض البياني للدالة فيتم باستخدام مستقيمين متعامدين (الرسم الديكارتي) يمثل الأول نطاق المتغير  $s$  ويسمى بالمحور السيني وهو المحور الأفقي، ويحمل الثاني نطاق المتغير  $s$  ويسمى بالمحور الصادي وهو المحور الرأسي ، ثم يتم تصوير الدالة هندسيا (بيانيا) باستخدام جميع النقاط التي تمثل الأزواج المرتبة في العرض الجدولي.

### مثال (١)

إذا كانت الدالة  $s = d(s) - 4$  فوضح هذه الدالة جدوليا وبيانيا.

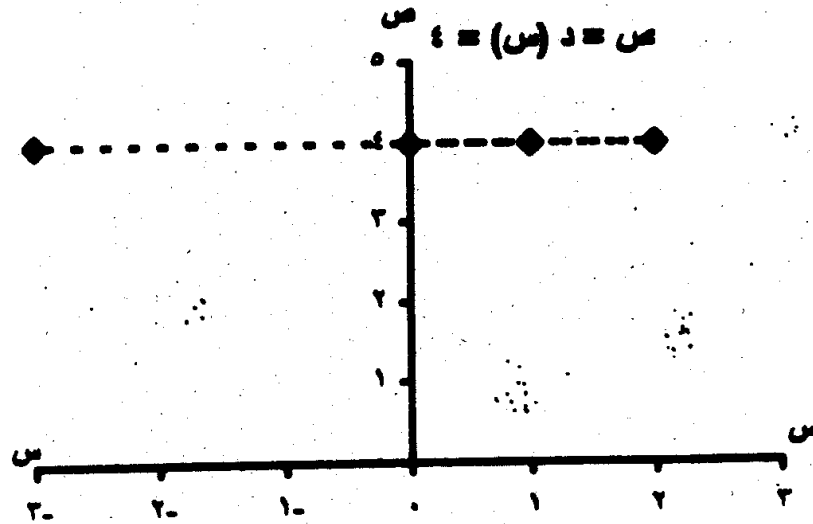
### الحل

العرض الجدولي :-

٣-	٢	٠	١	$s$
٤	٤	٤	٤	$s$



## العرض البياني :-



وبلاحظ أن التغير في س لا يتبعه تغير مناظر في ص ، بل تقلص ص ثابتة .

## مثال (٢)

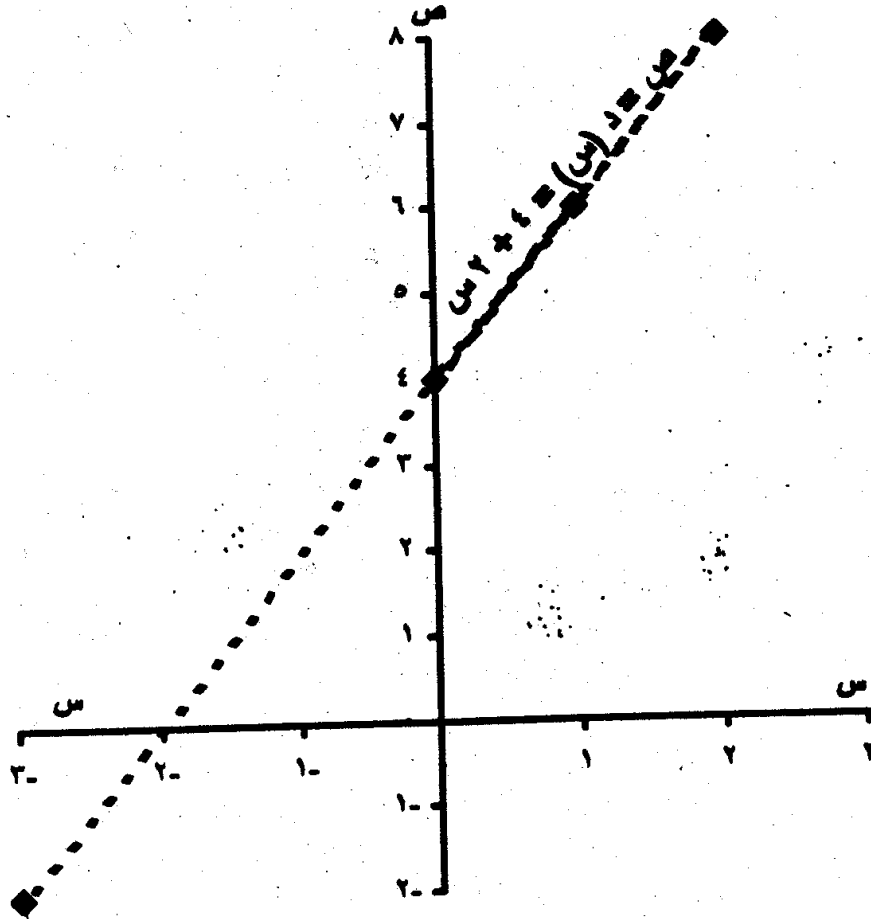
إذا كانت الدالة  $ص = د(س) = ٢ + ٤ س$  فوضح هذه الدالة جدوليا وبيانيا .

## الحل

العرض الجدولي :

س	١	٠	٢	٣-
ص	٦	٤	٨	٢-

## العرض البياني :



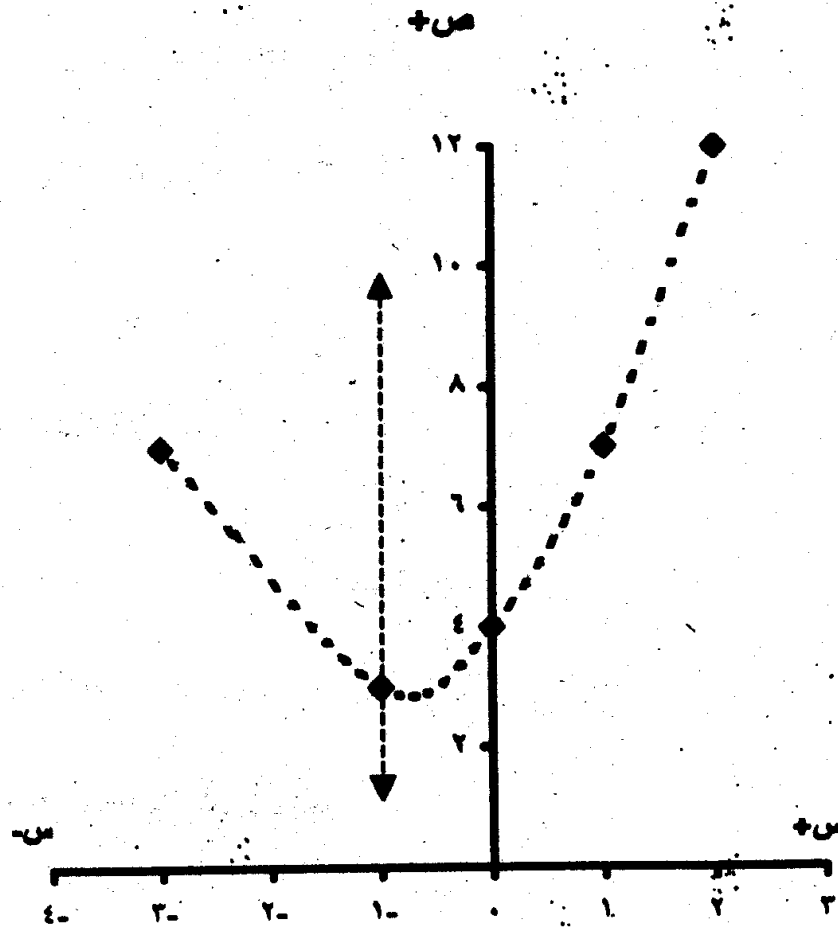
## مثال (٣)

إذا كانت الدالة  $ص = د(س) = ٤ + ٢س + س^٢$  فوضح هذه الدالة جدوليا وبيانيا .

## العرض الجدولي :-

س	٢	٠	٢	٣-
ص	١٢	٤	٧	٧

العرض البياني :-



ملحوظة :-

يجب في هذا المثال تحديد رأس منحنى القطع المكافئ حتى يتم

رسمه بدقة ، وتتحدد نقطة رأس القطع المكافئ كما يلي

س = -  $\frac{ب}{أ}$  حيث ب هي معامل س ، أ هي معامل س<sup>٢</sup>

ص = ناتج التعويض بقيمة س الناتجة في المعادلة المعطاه .

وعلى ذلك فإن س في هذا المثال  $= -\frac{2}{1 \times 2} = -1$  وبالتالي فإن قيمة ص  $= 3$  ، وعلى ذلك فرأس منحنى القطع المكافئ هي  $(-1, 3)$  ،  
 • وهنا يكون محور منحنى القطع المكافئ هو مستقيم يوازي محور  
 الصادات ويمر بالنقط  $(-1, 3)$  .

كما يلاحظ أنه بتغير س يتبعه تغير في ص ، لكن التغير في ص

غير ثابت بل متغير

مثال (٤)

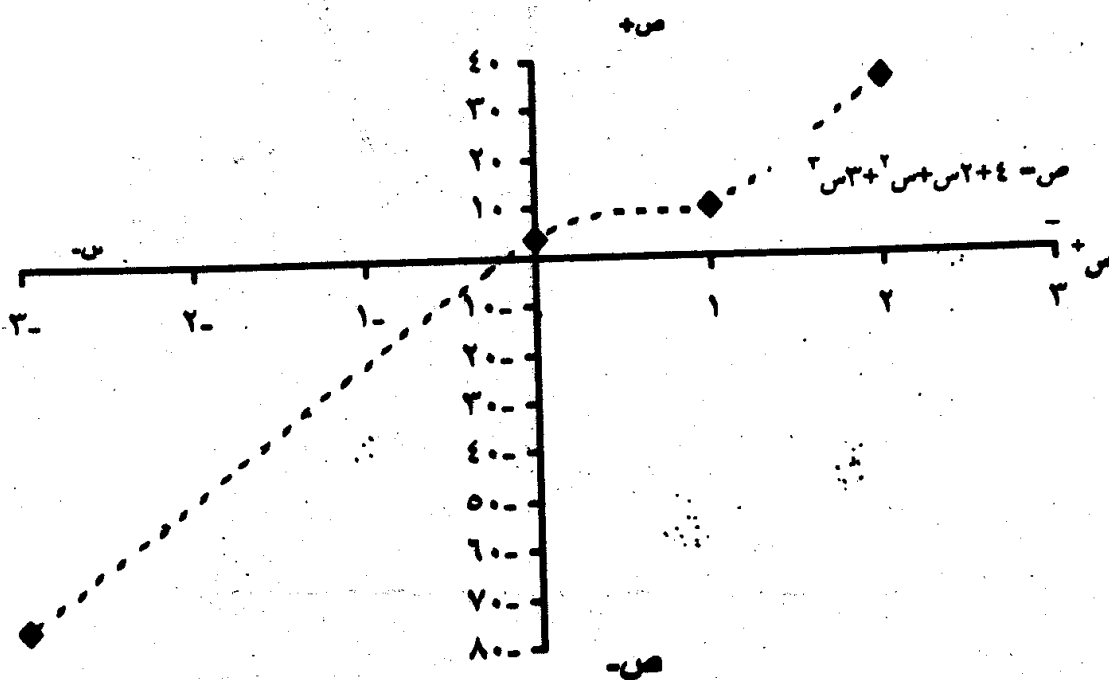
إذا كانت الدالة ص = د(س) =  $4 + 2س + س^2 + 3س^3$   
 فوضح هذه الدالة جدوليا وبيانيا .

الحل

العرض الجدولي :

س	١	٠	٢	٣-
ص	١٠	٤	٣٦	٧٤-

العرض البياني :



مثال (٥)

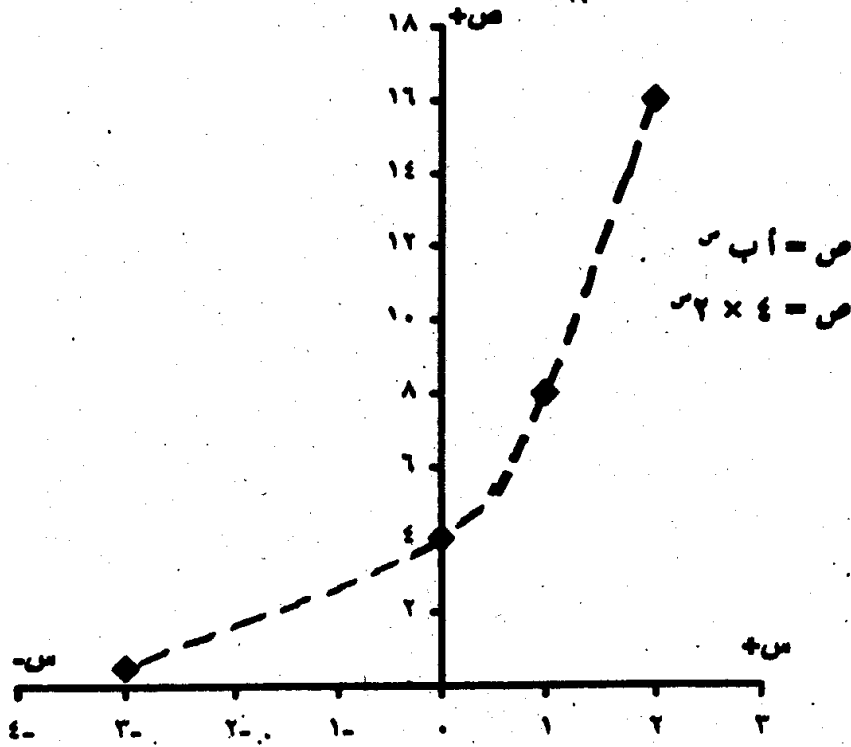
إذا كانت الدالة  $ص = د(س) = ٤ \times س$  فوضح هذه الدالة  
جدولياً وبيانياً.

الحل

العرض الجدولي :

س	١	٢	٣	٤
ص	٤	٨	١٢	١٦

العرض البياني:



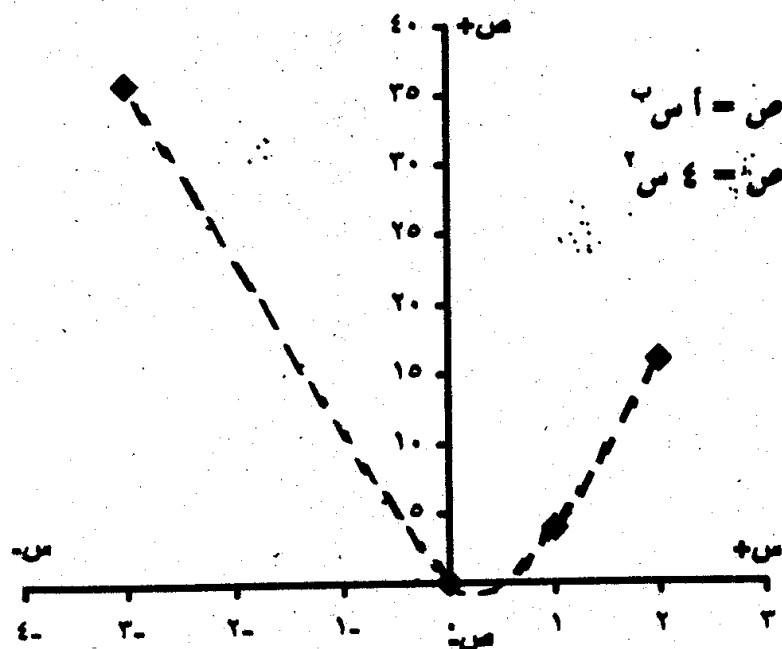
مثال (٦)

لذا كانت الدالة  $ص = د(س) = ٤س^2$  فوضح هذه الدالة جدوليا وبيانيا .

الحل

س	١	٠	٢	٣-
ص	٤	٠	١٦	٣٦

## العرض البياني :



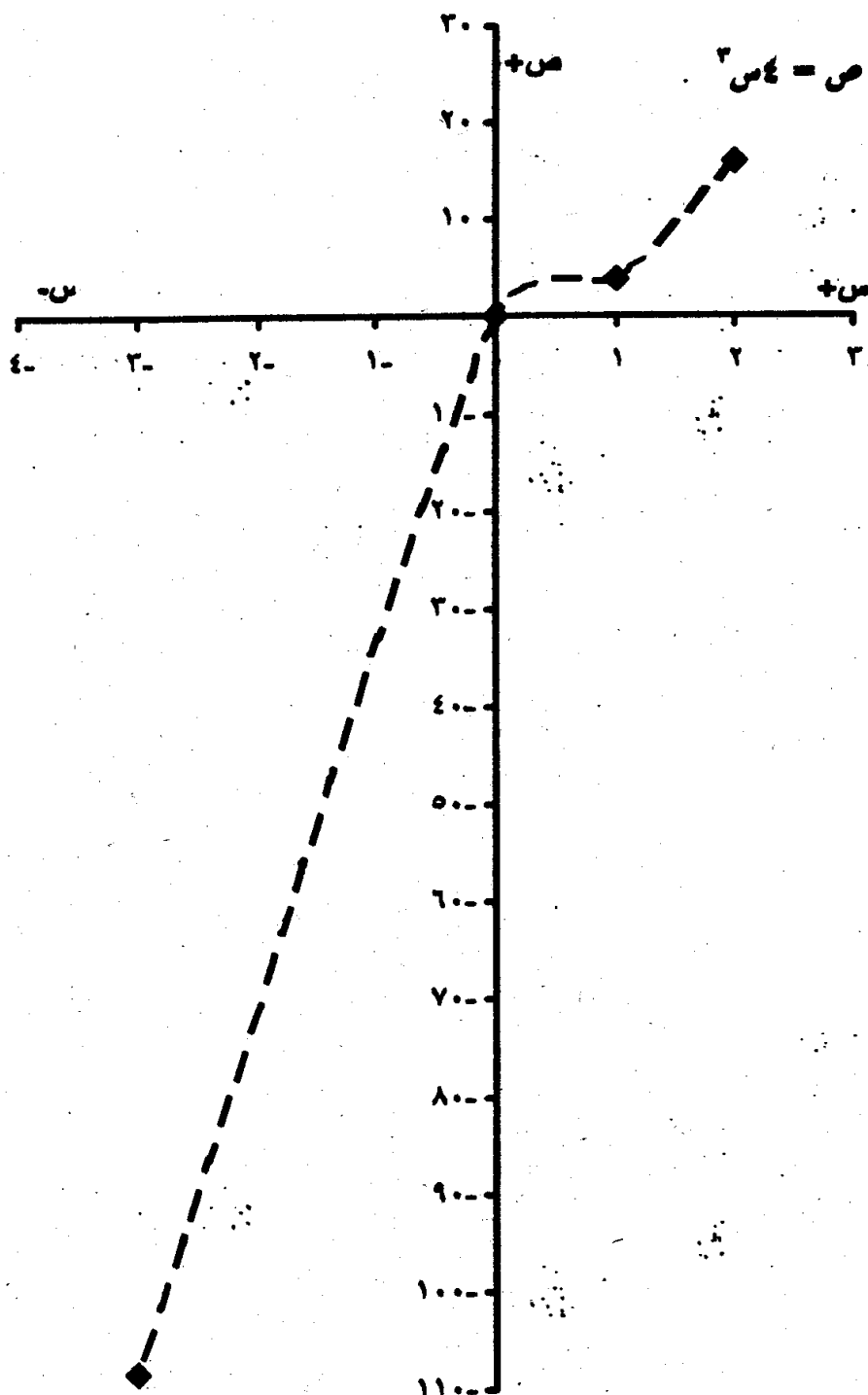
## ملحوظة :

إذا كان شكل هذه الدالة على الصورة ص = ٤ س<sup>٢</sup> فإن العرض الجدولي والبياني كما يلي :

## العرض الجدولي

س	١	٠	٢	٣-
ص	٤	٠	٣٢	١٠٨-

العرض البياني :





٣ التغير في الدالة وطرق قياسه : -

أولا : التغير المطلق :

مثال

إذا كانت الدالة  $ص = د(س) = ٢ + ٣س$  فاحسب التغير المطلق في الدالة في الحالات التالية :

\* عندما تتغير س من ١ إلى ٢

\* عندما تتغير س من ٢ إلى ٤

\* عندما تتغير س من ٤ إلى ١

الحل

\* عندما تتغير س من ١ إلى ٢

$$\therefore \Delta س = س - س =$$

$$= ٢ - ١$$

$$= ١$$

$$، \therefore \Delta ص = ص - ص =$$

$$= ٨ - ٥$$

$$= ٣$$

∴ التغير الحادث في الدالة هو زيادة ص من ٥ إلى ٨ أي

$\Delta$  ص = ٣ وذلك بسبب تغير س من ١ إلى ٢ أي بسبب زيادة س بمقدار ١.

• عندما تتغير س من ٢ إلى ٤

∴  $\Delta$  س = س - س =

$$= ٤ - ٢$$

$$= ٢$$

، ∴  $\Delta$  ص = ص - ص =

$$= ١٤ - ٨$$

$$= ٦$$

• عندما تتغير س من ٤ إلى ١

∴  $\Delta$  س = س - س =

$$= ١ - ٤$$

$$= -٣$$

، ∴  $\Delta$  ص = ص - ص =

$$= ٥ - ١٤$$

$$= -٩$$

## ثانيا : متوسط التغير في الدالة :

$$\text{متوسط التغير في الدالة} = \frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}}$$

فهو نسبة التغير الحادث في ص إلى التغير الحادث في س

## مثال

من المثال السابق احسب متوسط التغير في الدالة وفي الحالات الثلاث

## الحل

• عند تغير س من ١ إلى ٢ .

$$\therefore \text{متوسط التغير في الدالة} = \frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}}$$

$$= \frac{3}{1}$$

$$= 3$$

• عند تغير س من ٢ إلى ٤

$$= \frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}} = \frac{6}{2} = 3$$

• عند تغير س من ٤ إلى ١

$$= \frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}} = \frac{9}{3} = 3$$

## ملاحظات :

- (١) أن متوسط التغير في الدالة المعطاه وهى  $v = 2 + 3$  س  
 تبين أنه يساوى ٣ فى الحالات الثلاث ، وسيكون مساويا ٣ عند أى  
 تغير فى س والذي يتبعه تغيرا مناظر فى ص ، ويرجع السبب فى  
 ثبات متوسط التغير فى الدالة المعطاه أنها دالة تحكمها معادلة من  
 الدرجة الأولى ذات الخط المستقيم حيث التغير عليه يظل تغيرا ثابتا .
- (٢) أن متوسط التغير فى الدالة لن يكون ثابتا إذا اختلفت الدالة عن الدرجة  
 الأولى :

## مثال

إذا كانت الدالة  $v = (س) - ٤ + ٢س + س^٢$  فاحسب متوسط التغير  
 فى الدالة وفى عدة حالات (بترك كتدريب) .

## ثالثا : معدل التغير فى الدالة :

$$\text{معدل التغير فى الدالة} = \frac{\Delta v}{\Delta س} \leftarrow$$

ويعنى هذا المعدل بأنه متوسط التغير فى الدالة أى  $\frac{\Delta v}{\Delta س}$  عندما  
 تقترب  $\Delta س$  من الصفر .

ملاحظات :

(١) أن المقدار  $\frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}}$  يسمى بالمعامل التفاضلي

الأول للدالة أو المشتقة الأولى للدالة ويرمز له بالرمز

$\frac{د \text{ص}}{د \text{س}}$  وهو لا يعنى النسبة .

(٢) أنه لإيجاد  $\frac{د \text{ص}}{د \text{س}}$  لأي دالة لابد من التعرف على

نظريات التفاضل والتي نوجزها فيما يلي :

نظريات في التفاضل :

(١) إذا كانت  $\text{ص} = \text{د}(\text{س}) = \text{س}^{\text{ن}}$

فإن  $\frac{د \text{ص}}{د \text{س}} = \text{ن} \text{س}^{\text{ن}-1}$

نتيجة : إذا كانت  $\text{ص} = \text{د}(\text{س}) = \text{س}$

فإن  $\frac{د \text{ص}}{د \text{س}} = \text{س} \times \text{س}^{-1} = 1 \times 1 = 1$

نتيجة : إذا كانت  $\text{ص} = \text{د}(\text{س}) = \text{س}^{-\text{ن}}$

فإن  $\frac{د \text{ص}}{د \text{س}} = -\text{ن} \text{س}^{-\text{ن}-1}$

نتيجة : إذا كانت  $ص = د (س) = \sqrt{س}$  أصلها  $س^{1/2}$

$$\text{فإن } \frac{د ص}{د س} = \frac{1}{2} س^{1/2-1} = \frac{1}{2} س^{-1/2} = \frac{1}{2} \frac{1}{\sqrt{س}}$$

$$\times \frac{1}{\sqrt{س}}$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{1}{\sqrt{س}} = \frac{1}{2\sqrt{س}}$$

(٢) إذا كانت  $ص = د (س) = ج$  حيث  $ج$  ثابت

$$\text{فإن } \frac{د ص}{د س} = 0 \quad \text{أى أن تفاضل الثابت} = \text{صفر}$$

(٣) إذا كانت  $ص = د (س) = \text{أى بشرط د س}$

$$\text{فإن } \frac{د}{د س} (ج - ص) = ج - \frac{د ص}{د س}$$

أى تفاضل ثابت  $\times$  دالة = الثابت  $\times$  تفاضل الدالة .

(٤) إذا كانت  $ص = د (س) = ع + ن$  حيث  $ع$  من دالة فى  $س$

$$\text{فإن } \frac{د ص}{د س} = \frac{د ع}{د س} + \frac{د ن}{د س}$$

أى أن تفاضل المجموع الجبرى لدالتين = المجموع الجبرى لتفاضل الدالتين .

ملحوظة : تمتد هذه القاعدة لأى عدد منته من الدوال .

(٥) تفاضل حاصل ضرب دالتين :

إذا كانت  $ص = د (س) = ع \times ن$  حيث  $ع ، ن$  دالة في  $س$

$$\text{فإن } \frac{د ص}{د س} = ع \cdot \frac{د ن}{د س} + ن \cdot \frac{د ع}{د س}$$

أى تفاضل حاصل ضرب دالتين = الأولى  $\times$  تفاضل الثانية + الثانية

$\times$  تفاضل الأولى .

(٦) تفاضل حاصل ضرب ٣ دوال :

إذا كانت  $ص = د (س) = ع \times ن \times ف$  حيث  $ع ، ن ، ف$  قابلة للاشتقاق في  $س$

$$\text{فإن } \frac{د ص}{د س} = ن \times ف \cdot \frac{د ع}{د س} + ع \times ف \cdot \frac{د ن}{د س} + ع \times ن \cdot \frac{د ف}{د ن}$$

أى تفاضل ضرب ٣ دوال = مجموع ٣ حدود بحيث كل حد عبارة عن حاصل ضرب دالتين مضروبان في تفاضل الدالة الثالثة .

(٧) تفاضل الدالة كثيرة الحدود في  $س$  من الدرجة  $ن$

إذا كانت  $ص = أ. + أ١ س + أ٢ س + أ٣ س + ..... + أن س١$

$$\text{فإن } \frac{د ص}{د س} = أ١ + أ٢ \times ٢ س + أ٣ \times ٣ س + ..... + أن \times ن س١$$

أى أن :

تفاضل الدالة كثيرة الحدود في س من الدرجة ن هي :

هي دالة كثيرة حدود في س من الدرجة  $n-1$

مثال : إذا كانت  $v = d(s) = 3s - 5s^2 + s^3$

$$\text{فإن } \frac{dv}{ds} = 1 - 10s + 3s^2$$

(٨) مشتقة خارج قسمة دالتين ن

إذا كانت  $v = d(s) = e \div n$  بحيث ع ، ن دالة في س

$$\text{فإن } \frac{dv}{ds} = \frac{n \cdot \frac{de}{ds} - e \cdot \frac{dn}{ds}}{n^2}$$

$$\text{أى } \frac{\text{المقام} \times \text{تفاضل البسط} - \text{البسط} \times \text{تفاضل المقام}}{\text{مربع المقام}}$$

(٩) مشتقة دالة الدالة :

إذا كانت  $v = d(s) = (1 + s^0)$

$$\text{فإن } \frac{dv}{ds} = \text{تفاضل القوس} \times \text{تفاضل ما بداخل القوس} .$$

$$= 2(1 + s^0) \times (s^0)$$

$$= 10s^0 (1 + s^0)$$

$$= 10s^0 + 10s^0$$



فإذا كانت  $ص = د(ع) ، ع = د(س)$

$$\text{فإن } \frac{دص}{دس} = \frac{دص}{دع} \cdot \frac{دع}{دس}$$

(١٠) إذا  $\frac{دص}{دس}$  (ص<sup>ن</sup>) تفاضل قوى ص<sup>ن</sup> بالنسبة لـ س

$$\text{فإن } \frac{د}{دس} (ص<sup>ن</sup>) = ن ص<sup>ن-١</sup> \cdot \frac{دص}{دس}$$

$$\text{مثال } \frac{د}{دس} ص^٢ = ص^٢ - ٢ ص \cdot \frac{دص}{دس}$$

(١١) تفاضل الدالة الضمنية :-

**تمهيد :**

إذا كانت العلاقة  $ص^٢ = س - ٢٥$

فإن  $ص = \sqrt{س - ٢٥}$  وبالطبع هذه ليست

دالة حيث إذا تم التعويض بقيمة معينة لـ س سيناظرها قيمتان لـ ص .

لكن إذا تم الاستغناء عن القيم السالبة فتصبح :

$$ص = \sqrt{س + ٢٥} \text{ فهذه دالة ودالة صريحة}$$

وإذا قيل أن :

$$ص^٢ + س - ٢٥ = ٠ \text{ بحيث } ص < ٠ \text{ فهذه دالة ضمنية}$$

$$\therefore 2ص + \frac{دص}{دس} = 0$$

$$\text{أى } 2ص - \frac{دص}{دس} = 0$$

$$\therefore \frac{دص}{دس} = \frac{2ص}{2ص} = \frac{ص}{ص}$$

مثال آخر

أوجد قيمة  $\frac{دص}{دس}$  عند النقطة (٣، ٠) للدالة الضمنية

$$ص^2 + 2ص^2 + 6ص + 15 = 0 \quad \text{على أساس أن هناك شروطا}$$

تجعل هذه العلاقة دالة .

الحل

باجراء عملية التفاضل بالنسبة لـ ص

$$\therefore 2ص + 2ص + \frac{دص}{دس} = 0$$

$$\therefore 2ص + 6 + \left( \frac{دص}{دس} 2ص + \frac{دص}{دس} \right) = 0$$

$$\frac{دص}{دس} (2ص + 2) = - (6 + 2ص)$$

$$\therefore \frac{دص}{دس} = \frac{-(6 + 2ص)}{2ص + 2} = \frac{-(3 + ص)}{ص + 1}$$

$$\frac{3 + س}{1 + ص} = -$$

$$\frac{3}{4} = - \frac{3 + 0}{1 + 3} = (3,0) \left( \frac{د ص}{د س} \right) \therefore$$

(١٢) المشتقة الثانية للدالة :

$$\text{إذا كانت ص} = د (س) = س^3 - 3.$$

فإن التفاضل الثانى لهذه الدالة أى  $\frac{د^2 ص}{د س^2}$  يأتى بأجراء عملية التفاضل مرتين .

**الحل**

$$\frac{د ص}{د س} = 3س^2 - 3$$

$$\therefore \frac{د^2 ص}{د س^2} = 6س \quad \text{وإذا كان كذلك فأوجد قيمة}$$

$$\frac{د^2 ص}{د س^2} = 1 \quad \text{عندما س} = 1$$

**الحل**

$$1 \times 6 = 1 - س \left( \frac{د^2 ص}{د س^2} \right)$$

$$6 =$$

**٤** ميل الدالة :

$$\text{ميل الدالة} = \frac{د ص}{د س} = \text{ظا هـ} - \left( \frac{د^2 ص}{د س^2} \right) \text{ فى حالة دالة الخط المستقيم}$$

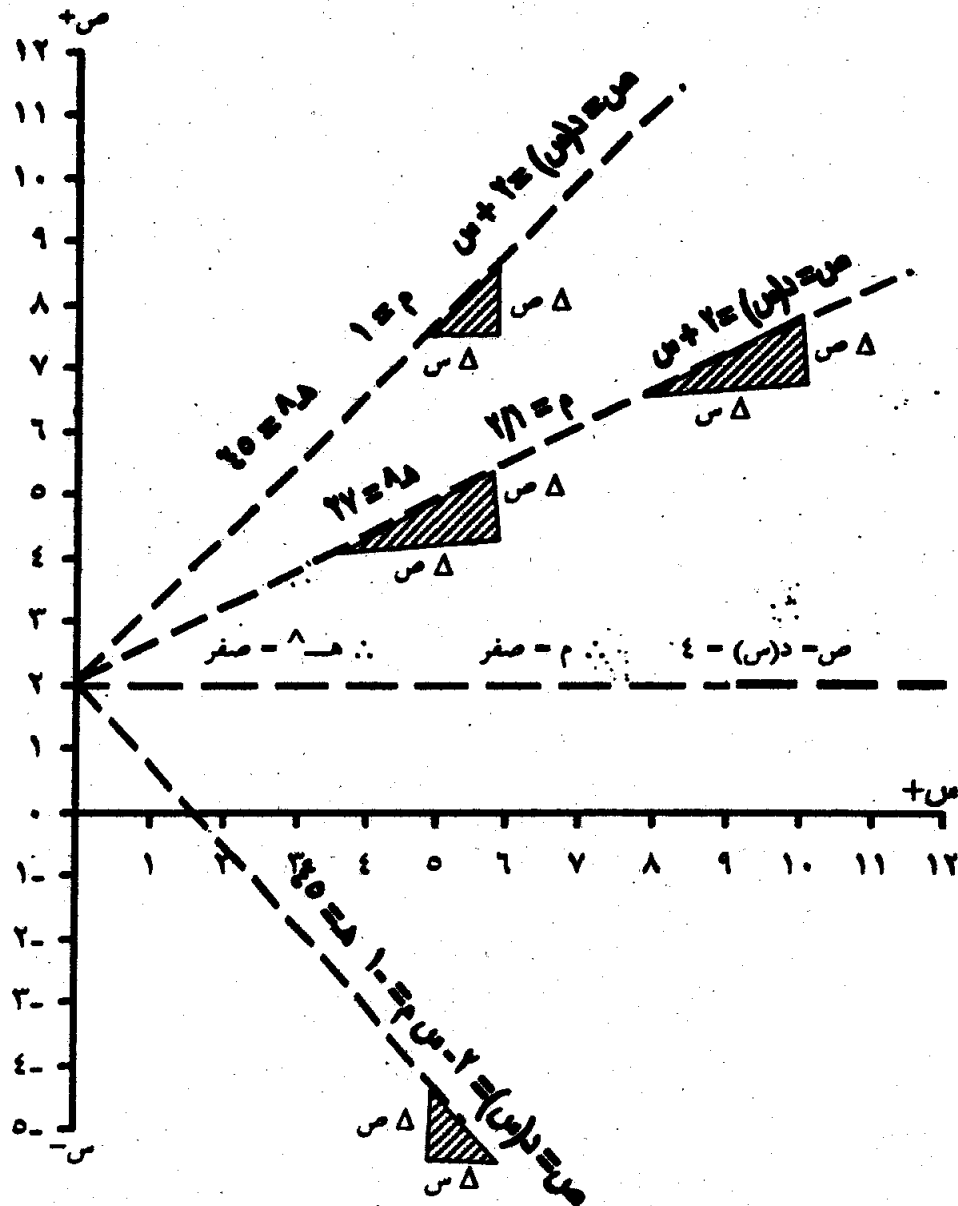
أى أن ميل الدالة جبريا هو التفاضل الأول للدالة ، وهندسيا هو ظل الزاوية التى يصنعها المستقيم مع الاتجاه الموجب لمحور السينات ، ولميل الدالة عدة خواص أهمها : -

(١) ميل الدالة الثابتة = صفر

(٢) ميل للخط المستقيم ثابت

(٣) ويتضح العرض البيانى لميل الدالة الثابتة وميل دالة الخط

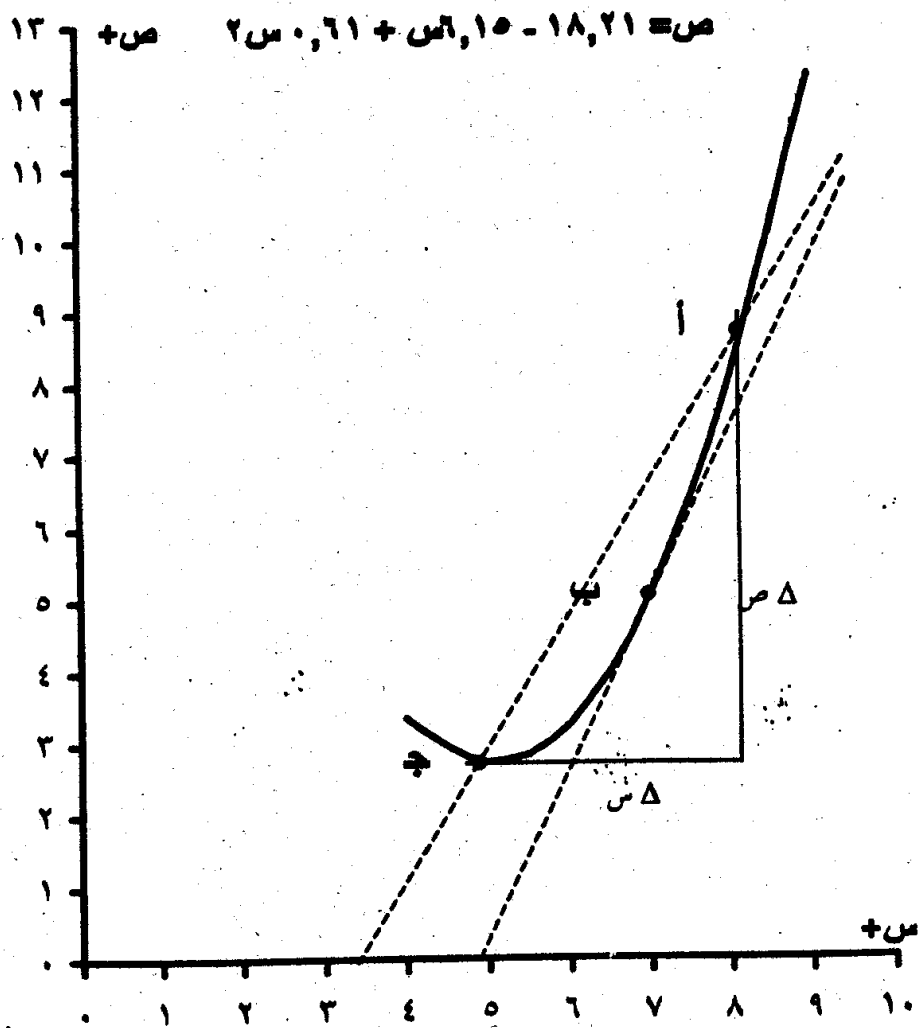
المستقيم فيما يلى : -



ويلاحظ من العرض السابق أنه كلما زادت قيمة الميل كلما زادت قيمة الزاوية  $\theta$  وكلما اقترب الخط المستقيم المعبر هندسيا عن الدالة من المحور الرأسى سواء كان الميل موجب أو سالب .

(٤) ميل المنحنى لكل نقطة على المنحنى ميل خاص بها - ويقاس بميل المماس للمنحنى عن النقطة المعنية ، ولذلك للمنحنى عدة ميول وليس ميل واحد .

(٥) ويتضح العرض البياني للميل فى حالة المنحنى فيما يلى :



ويلاحظ من العرض البياني السابق الآتى :-

(١) أن  $\frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}}$  لا تعبر عن ميل المنحنى بين النقطتين أ ، جـ ، وإنما تعبر عن ميل الخط المستقيم المار بالنقطتين أ ، جـ .

### الاثبات

∴ الميل جبريا بين نقطتين =  $\frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}}$

وعلى اعتبار أن التغير على المنحنى حدث من النقطة جـ إلى النقطة أ أى من النقطة (٨ ، ٨,٠٥) ، (٥ ، ٢,٧١) على الترتيب .

∴ الميل بين النقطتين أ ، جـ =  $\frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}} = \frac{\text{ص} - \text{ص}}{\text{س} - \text{س}} = \frac{٢,٧١ - ٨,٠٥}{٥ - ٨}$

$$= ١,٧٨$$

، ∴ الميل هندسيا = ظا  $\hat{H}$  التى يصنعها المستقيم مع الاتجاه الموجب لمحور السينات

$$\therefore ١,٧٨ = \text{ظا } \hat{H}$$

∴  $\hat{H} = ٦١$  وبالقياس على الرسم = ٦١

(٢) ولما كان للمنحنى عدة ميول تساوى عدد نقط المنحنى ، ولذلك فميل المنحنى عند أى نقطة عليه ولتكن ب يتم الحصول عليه كما يلى :

∴ ص = ١٨,٢١ - ٦,١٥ س + ٠,٦١ س<sup>٢</sup> (دالة المنحنى المرسوم)

$$\therefore \frac{د \text{ص}}{د \text{س}} = - ٦,١٥ + ١,٢٢ س$$

∴ النقطة ب هي ( ٧ ، ٥,٠٥ )

$$\therefore \frac{\text{د ص}}{\text{د س}} = \text{عند النقطة ب} = - ٦١,٥ + ١,٢٢ \times ٧ = ٢,٣٩$$

$$\therefore \frac{\text{د ص}}{\text{د س}} = \text{الميل} = \text{ظا هـ للماس المار بالنقطة ب} .$$

$$\therefore ٢,٣٩ = \text{ظا هـ}$$

$$\therefore \text{هـ} = ٦٧ \quad \text{وبالقياس على الرسم} = ٦٧$$

(٣) الميل عند النقطة أ على المنحنى :

$$\therefore \frac{\text{د ص}}{\text{د س}} = - ٦,١٥ + ١,٢٢ \text{ س}$$

$$\therefore \frac{\text{د ص}}{\text{د س}} = \text{عند النقطة أ} = - ٦,١٥ + ١,٢٢ \times ٨ = ٣,٦١$$

$$\therefore \frac{\text{د ص}}{\text{د س}} = \text{الميل} = \text{ظا هـ للماس المار بالنقطة أ}$$

$$\therefore ٣,٦١ = \text{ظا هـ}$$

$$\therefore \text{هـ} = ٧٥ \quad \text{وإذا أردنا القياس على الرسم فإن} \text{هـ} = ٧٥$$

(٤) الميل عند النقطة جـ على المنحنى :

$$\frac{\text{د ص}}{\text{د س}} = - ٦,١٥ + ١,٢٢ \times ٥ = - ٠,٠٥$$

$$\therefore - ٠,٠٥ = \text{ظا هـ}$$

$$\therefore \text{هـ} = - ٣ = ١٧٧ \quad \text{وبالقياس على الرسم فإن} \text{هـ} = ١٧٧$$

(٥) متوسط الميل بين النقطتين أ ، ب على المنحنى :

$$\text{المتوسط} = \frac{(٠,٠٥ -) + ٣,٦١}{٢} = ١,٧٨$$

وواضح أن هذا المتوسط يساوى  $\frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}}$  بين النقطتين أ ، ب لذلك

فإن  $\frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}}$  فى حالة دالة المنحنى تساوى متوسط الميل بين نقطتين على المنحنى .

### ٥ الدالة فى الاقتصاد :-

الدالة كتعبير رياضى تعد من المفاهيم الأساسية فى علم

الاقتصاد شأن كل العلوم الأخرى ، فالدالة تمكن من التصدى لتفسير

مختلف الظواهر فى شتى نواحي الحياة . ومن أمثلة الدوال الاقتصادية:

دالة الطلب ، دالة العرض ، دالة المنفعة ، دالة الإنتاج ، دالة التكاليف،

دالة الإيراد ، دالة الاستثمار ، دالة الادخار ، دالة الاستهلاك ، ....

وقد كانت الطريقة التقليدية فى دراسة الاقتصاد تعتمد على

الصياغة اللفظية والمنطق اللفظى ، ولما كانت الظاهرة - أى ظاهرها -

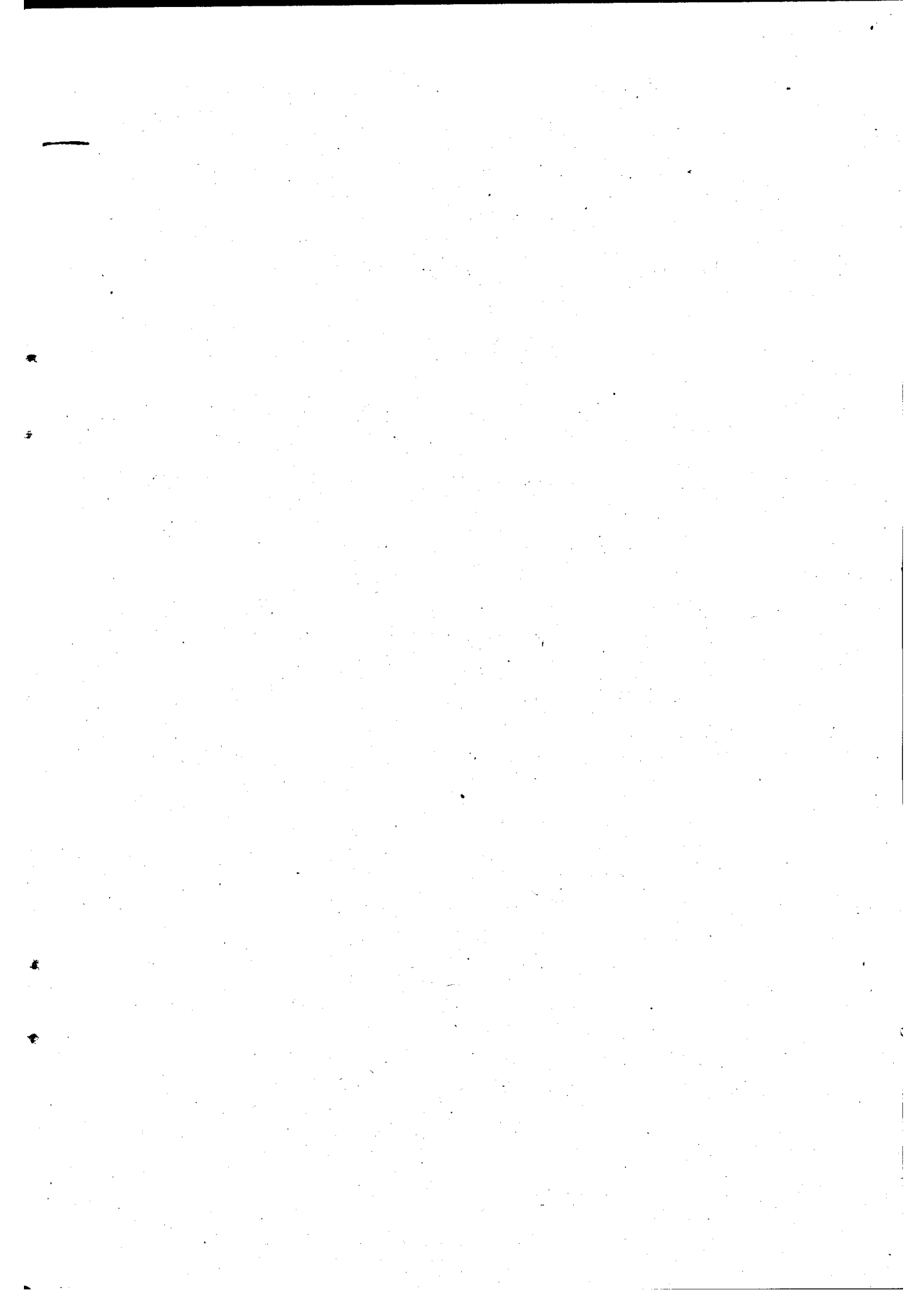
تتسم بالدرجة من التعقيد يصعب على الانسان أن يحيط بأسوارها وأن

يتفهم علاقاتها المتشابكة عن طريق الألفاظ أو المنطق ، فقد ظهرت



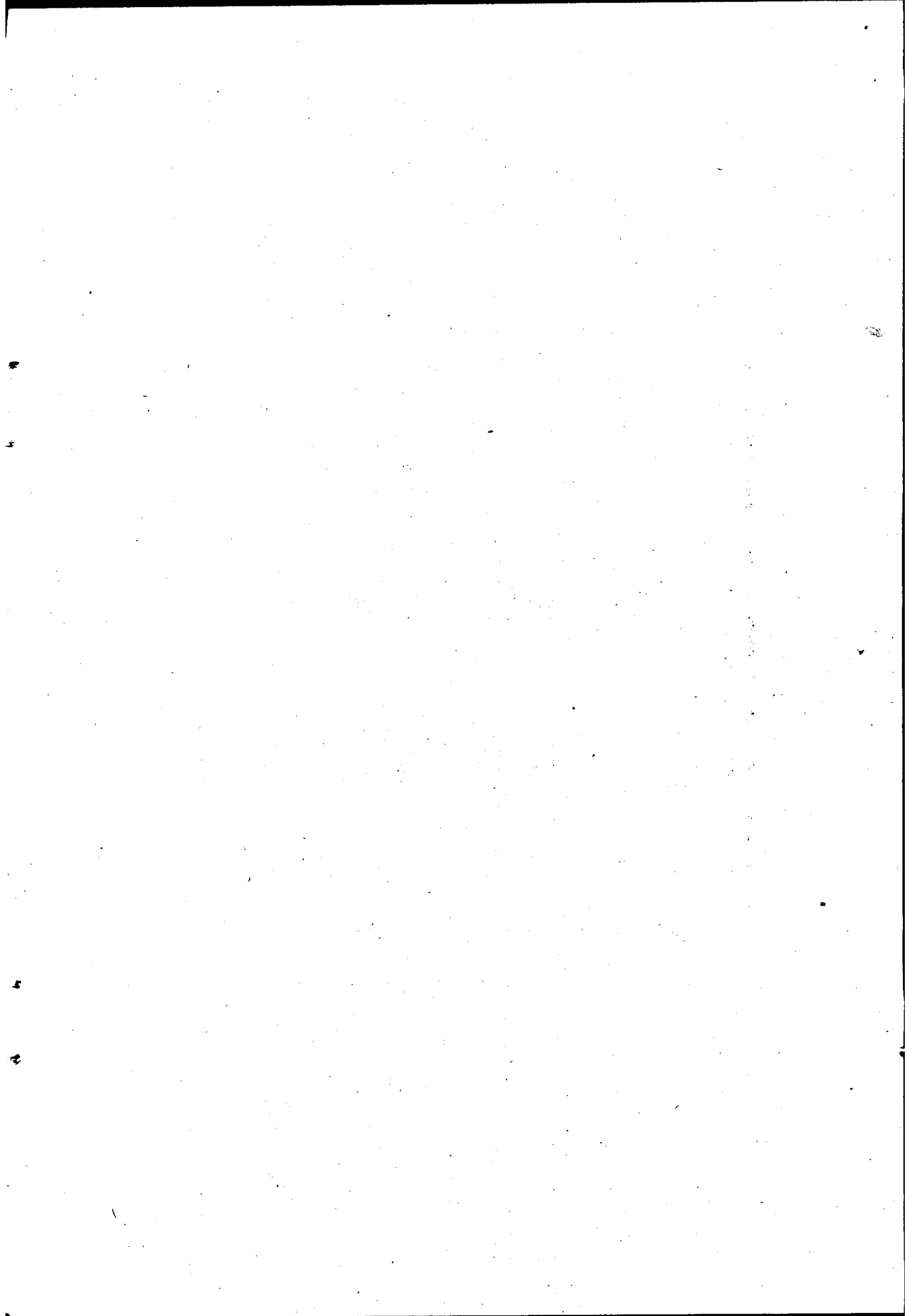
الحاجة إلى ضرورة استخدام الأدوات الدقيقة كالرياضيات حتى يتمكن العقل البشرى فى التغلب على عجز الخيال من استيعاب عدد كبير من المتغيرات فى آن واحد .

وقد يتصور البعض أن الرياضيات تجبر الإنسان على تبسيط الواقع حتى يتمكن من وضع معطيات هذا الواقع فى صورة دوال ومعادلات رياضية وبالتالي يترتب على هذا التبسيط الإخلال بحقيقة الواقع ، إلا أن هذا التصور خاطئ لأن درجة التبسيط التى تحدث فى الطريقة التقليدية أكبر بكثير من درجة التبسيط فى أى نموذج رياضى .



الباب الثانى

الدوال الاقتصادية الأساسية



## **الباب الثاني**

### **الدوال الاقتصادية الأساسية**

**يشتمل هذا الباب على الفصول التالية : -**

**الفصل الأول : دالة الطلب**

**الفصل الثاني : دالة العرض**

**الفصل الثالث : دالة الإنتاج**

**الفصل الرابع : دالة التكاليف**

## **الفصل الأول**

### **دالة الطلب**

- مفهوم السلعة
- تعريف الطلب
- دالة الطلب العامة :
  - دالة الطلب السعرية .
  - دالة الطلب الدخلية .
  - أثر العوامل الأخرى على دالة الطلب .
- التمدد والانكماش على منحنى الطلب وانتقال منحنى الطلب .
- الطلب الكلى (طلب السوق)
- مرونة الطلب :
  - مرونة الطلب السعرية
  - مرونة الطلب الدخلية
  - مرونة الطلب المقطعية .

**\* تعريف السلعة :**

تعرف السلعة بأنها أى شىء نافع يشبع حاجة الفرد وله طلب وعرض متميز عن طلب وعرض أى شىء آخر . وينظر إلى السلعة على أنها إما سلعة حرة أو سلعة اقتصادية ، والسلعة الحرة هى التى تكون موجودة بكميات كبيرة بالنسبة للطلب عليها ولذلك يتم الحصول عليها بدون مقابل كالشمس والهواء أما السلعة الاقتصادية فهى التى تكون الكميات المعروضة منها محدودة بالنسبة للطلب عليها ولذلك يتم دفع ثمن لها ، وهذه السلعة تتصف بالندرة النسبية وبأنها ذات منفعة . كما ينظر للسلعة على أنها سلعة استهلاكية وهى التى تستهلك مباشرة مثل الطعام والملبس ، أو أنها سلعة إنتاجية وهى التى تستخدم فى إنتاج سلع أخرى وبها يتم اشباع الفرد بطريق غير مباشر مثل البذور والأسمنت . وأيضا ينظر للسلعة على أنها سلعة مادية كالأرض والمباني ، أو سلع غير مادية أى غير ملموسة وهى (الخدمات) مثل شهرة المحل أو الكثير من الخدمات السياحية وأخيرا قد ينظر للسلعة على أنها سلعة خاصة وهى التى يمتلكها الأفراد ، أو أنها سلع عامة وهى التى يمتلكها المجتمع .

**تعريف الطلب :**

يعرف الطلب على سلعة معينة بأنه الكمية التي يعقل ذو شوائها الفرد بثمن معين وفي زمن معين . ويتضح من هذا التعريف أن تحديد الطلب مرتبط بعاملين أساسيين هما الثمن والزمن ، فعلى سبيل المثال فإن الطلب على القمح هو الكمية التي يطلبها المشترون من هذه السلعة عند أسعار معينة وفي زمن معين ، فالكمية المطلوبة عند سعر مرتفع تختلف عن الكمية المطلوبة عند السعر المنخفض ، كما أن الكمية المطلوبة في يوم غير الكمية المطلوبة في شهر عن الكمية المطلوبة في سنة .

ويجب الإشارة إلى أن الطلب وإن كان الأصل فيه بأنه رغبة لدى الإنسان يريد اشباعها إلا أنه لابد وأن تكون هذه الرغبة مدعومة بالقوة الشرائية ، بمعنى آخر إذا لم تتواجد القوة الشرائية لدى الفرد يصبح الطلب على السلعة مجرد رغبة ، وبالطبع هذه الرغبة لا تؤثر على الكمية المعروضة حتى وإن كانت ملخه .

**دالة الطلب :**

تعرف دالة الطلب بأنها العلاقة السببية بين الكمية المطلوبة من سلعة معينة (كمتغير تابع) والعوامل المؤثرة على تلك الكمية (كمتغيرات مستقلة) ، وتتمثل أهم العوامل المؤثرة هذه في سعر السلعة ذاتها ، ودخل



المستهلك ، وسعر السلعة البديلة ، وسعر السلعة المكمل ، وعدد المستهلكين ، وزوق المستهلك .

### دالة الطلب العامة :

يمكن إعادة صياغة دالة الطلب لتأخذ الشكل التالي :

$$K = D(S, D, X, E, N, Q)$$

حيث :

K : هي الكمية المطلوبة من السلعة وهي تمثل المتغير التابع .

S : سعر السلعة ذاتها وهي تمثل متغير مستقل .

D : الدخل المتاح للمستهلك .

X : سعر السلع الأخرى البديلة أو المكمل .

E : عدد السكان .

N : النمط الاستهلاكي (نوع المستهلكين) .

Q : توقعات الدخل والأسعار المستقبلية .

وأنه عند قياس دالة الطلب فالأسلوب الأكثر استخداما هو أسلوب الخطوة

الحكيمة Step Wise أو الخطوة خطوة ، وهو الأسلوب القائم على

دراسة تأثير متغير مستقل واحد على المتغير التابع في ظل ثبات العوامل

الأخرى<sup>(١)</sup> وسوف يتم قياس دالة الطلب في حالة تأثير سعة السلعة مع

<sup>(١)</sup> يمكن قياس هذه الدالة باستخدام النموذج الرياضي الآتي: Simulation model (خارج نطاق هذا الكتاب) .

ثبات العوامل الأخرى أى ك = د (س) ، وأيضا قياسها فى حالة تأثير

للدخل مع ثبات العوامل الأخرى أى ك = د (د) .

**دالة الطلب السعرية : ك = د (س)**

يشير قانون الطلب بأن العلاقة بين الكمية المطلوبة من سلعة ما

وسعرها علاقة عكسية ، بمعنى إذا زاد السعر لهذه السلعة انخفضت الكمية

المطلوبة منها ، والعكس صحيح أى أنه إذا انخفض السعر زادت الكمية

المطلوبة منها ، وهذا يتفق مع السلوك الرشيد للمستهلك .

**مثال (١)**

إذا كانت دالة الطلب لأحد المستهلكين خلال فترة زمنية معينة

يعبر عنها بالمعادلة التالية أى بالشكل الرياضى التالى : -

$$ك = - ٢ س$$

والمطلوب إيجاد العرض الجدولى والعرض البيانى لهذه الدالة .

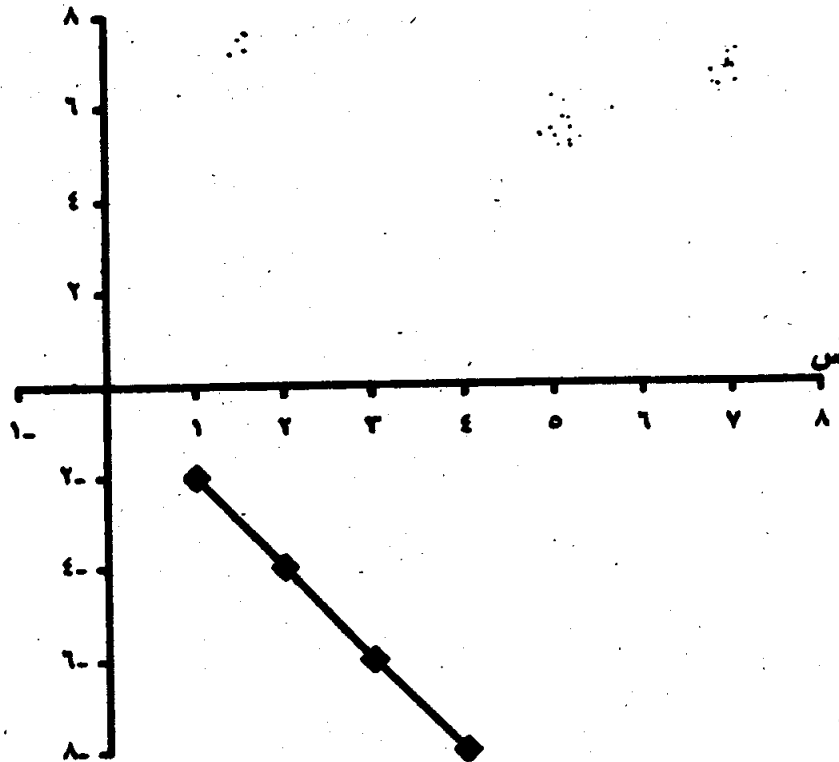
**الحل**

• العرض الجدولى وفق المنطق الرياضى :

س	١	٢	٣	٤
ك = د(س)	٢-	٤-	٦-	٨-

• العرض البياني وفق المنطق الرياضي :

ك - د (س)



وهنا تظهر ملاحظة هامة جدا وهي أنه وإن كانت النظرية الاقتصادية عند دراسة الطلب تنص على أن العلاقة بين الكمية المطلوبة من سلعة ما وسعرها علاقة عكسية ، إلا أن المنطق الاقتصادي لا يعنى أن تكون الكمية المطلوبة ذات قيم سالبة ، الأمر الذى يستلزم معه ضرورة أن تكون دالة الطلب ذات علاقة عكسية وذات قيم موجبة فى نفس الوقت وقد أمكن التوصل إلى ذلك من خلال المعادلات التالية : -

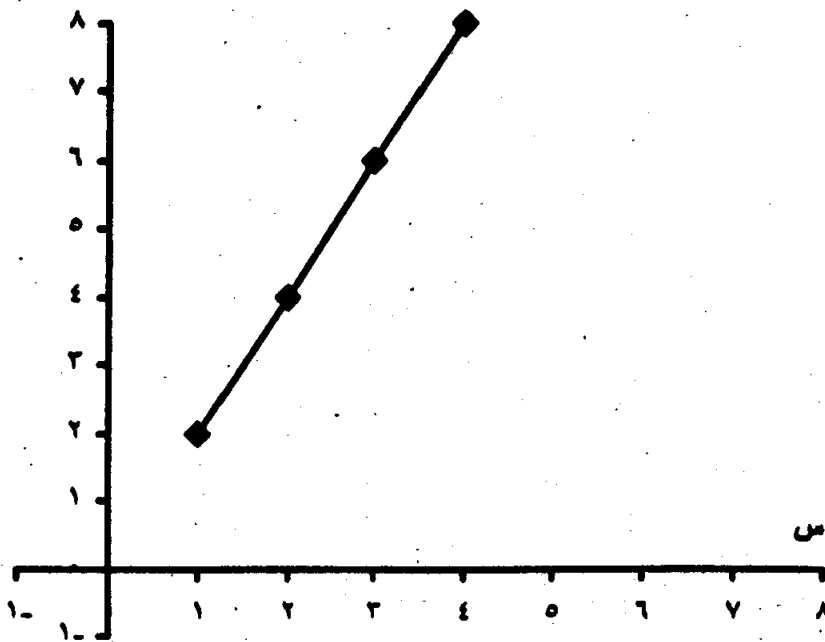
أ - الغاء الإشارة السالبة للكميات المطلوبة ثم تكوين العرض الجدولى  
والعرض البيانى وهذا ما تم فيما يلى :

العرض الجدولى :

س	١	٢	٣	٤
ك = د (س)	٢	٤	٦	٨

العرض البيانى :

ك = د (س)



ويلاحظ فى هذه المحاولة أن الدالة قد اتفقت مع المنطق الاقتصادى حيث

الكميات المطلوبة ذات قيم موجبة ، إلا الدالة تزايدية وهذا يتناقض مع

النظرية الاقتصادية .

ب- يتم وضع قيمة الدالة أى ك - د(س) على المحور الأفقى ومجالها أى س على المحور الرأسى مع المحافظة على القيمة الرياضية لكل نقطة من نقط الدالة فى الوضع قبل التحول مع الوضع بعد التحول كما يلى :

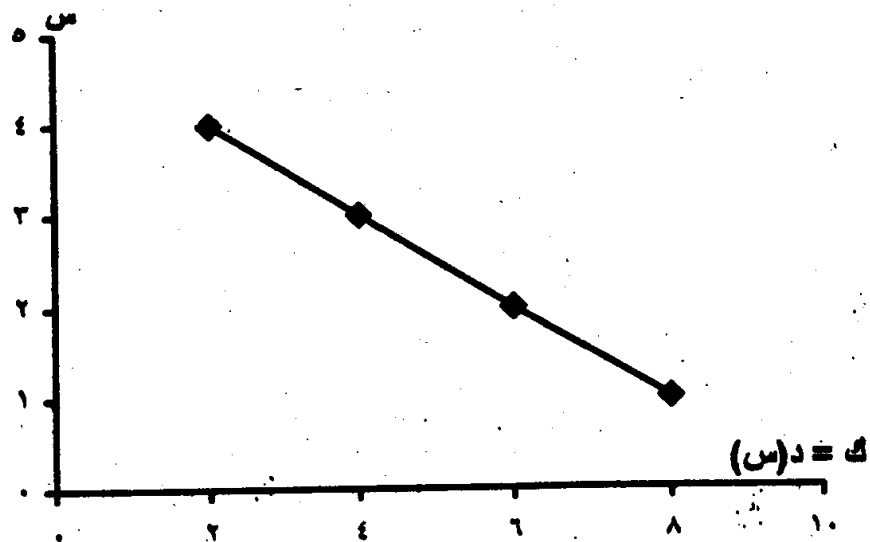
القيمة الرياضية لنقط الدالة بعد التحول	القيمة الرياضية لنقط الدالة قبل التحول
( ٨ ، ١ )	( ٢- ، ١ )
( ٦ ، ٢ )	( ٤- ، ٢ )
( ٤ ، ٣ )	( ٦- ، ٣ )
( ٢ - ٤ )	( ٨- ، ٤ )

ويعنى هذا التحول أن النقطة الأولى مثلاً وهى ( ٢- ، ١ ) يرتبط الاحداثى السينى ١ مع اكبر قيمة للدالة وهى ٢- ، وعند تحولها فى الوضع الجديد فإن الاحداثى السينى ١ لابد وأن يرتبط مع اكبر قيمة أيضاً فى الوضع الجديد أى يرتبط مع ٨- ، وهكذا لباقى النقط على التوالى ، ومن ثم يصبح العرض الجدولى والعرض البيانى كما يلى :-

## العرض الجدولي :-

س	١	٢	٣	٤
ك قبل التحول	٢-	٤-	٦-	٨-
ك بعد التحول	٨	٦	٤	٢

## العرض البياني :



وعليه فإن العرض البياني بهذا الوضع اشارة إلى أن وجود منطق اقتصادي بهذه الدالة أوجب أن يكون مدى الدالة على المحور الأفقي ومجالها على المحور الرأسى .

وخلاصة ما سبق أنه عند دراسة دالة الطلب بيانيا لابد من وضع

قيمة الدالة أى مداها على المحور الأفقى ومجالها على المحور الرأسى بالرغم من أن ذلك لا يتفق مع المنطق الرياضى .

### مثال (٢)

الدالة التالية هى دالة الطلب لأحد المستهلكين خلال فترة زمنية معينة ويعبر عنها بالشكل الرياضى التالى :

$$ك = ٢٢ - ٢ س$$

والمطلوب تكوين العرض الجدولى والعرض البيانى لهذه الدالة

### الحل

العرض الجدولى :

س	١	٢	٣	٤	٥
ك = د(س)	٢٠	١٨	١٦	١٤	١٢

وجدير بالذكر أن العرض الجدولى هذا يعبر عنه بجدول الطلب ، ويمكن

تعريف جدول الطلب بأنه بيان رقمى يظهر الكميات المطلوبة التى تشتترى

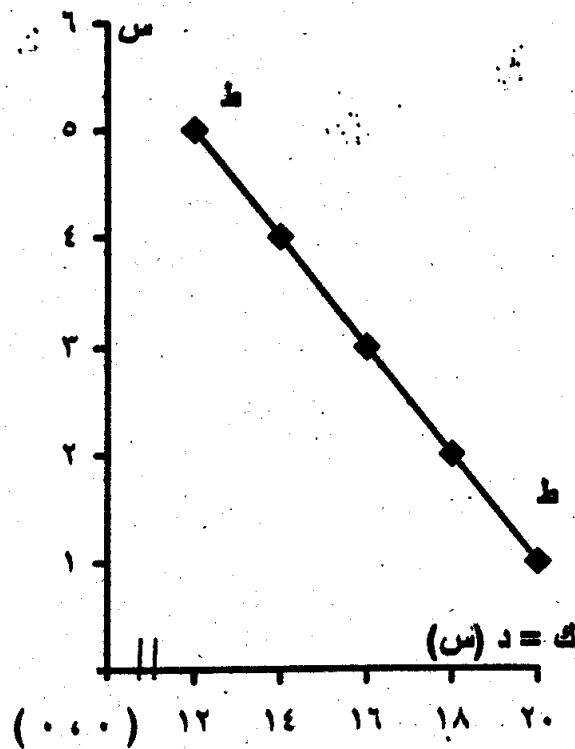
من سلعة معينة عند أسعار مختلفة وفى فترة زمنية معينة ، كما يمكن

عرض هذا الجدول بشكل آخر كما يلى :

## جدول الطلب الفردي للبرتقال خلال شهر مايو

سعر الكيلو بالجنيه	الكمية المشتراه بالكيلو عند الأسعار المختلفة
١	٢٠
٢	١٨
٣	١٦
٤	١٤
٥	١٢

العرض البياني :



وجدير بالذكر أن العرض البياني هذا يعبر عنه بمنحنى الطلب ويمكن

تعريف منحنى الطلب بأنه خط بياني يعبر عن العلاقة العكسية بين الكمية



المطلوبة من السلعة وسعرها ، كما أنه ينحدر من اليسار إلى اليمين يكون الميل سالباً<sup>(١)</sup>.

وتجدر الإشارة إلى أنه بالرغم من أن العرض البياني السابق لدالة الطلب عبارة عن خط مستقيم إلا أنه قد جرى العرف بين الاقتصاديين على تسمية جميع الخطوط البيانية لدالة الطلب بمنحنى الطلب .

### مثال (٣)

تحدد العلاقة بين الكمية المطلوبة من سلعة معينة (ك) وسعرها (س) بالمعادلة :

ك = س<sup>٢</sup> - ١٠ س + ٣٦ والمطلوب إيضاح هذه العلاقة جدولياً وبيانياً مع التفسير الاقتصادي .

### الحل

العرض الجدولي :

س	١	٢	٣	٤	٥
ك	٢٧	٢٠	١٥	١٢	١١

(١) حيث  $\frac{\Delta ك}{\Delta س}$  بين أي نقطتين - ٢ ،  $\frac{\Delta ك}{\Delta س}$  للدالة المعطاة - ٢

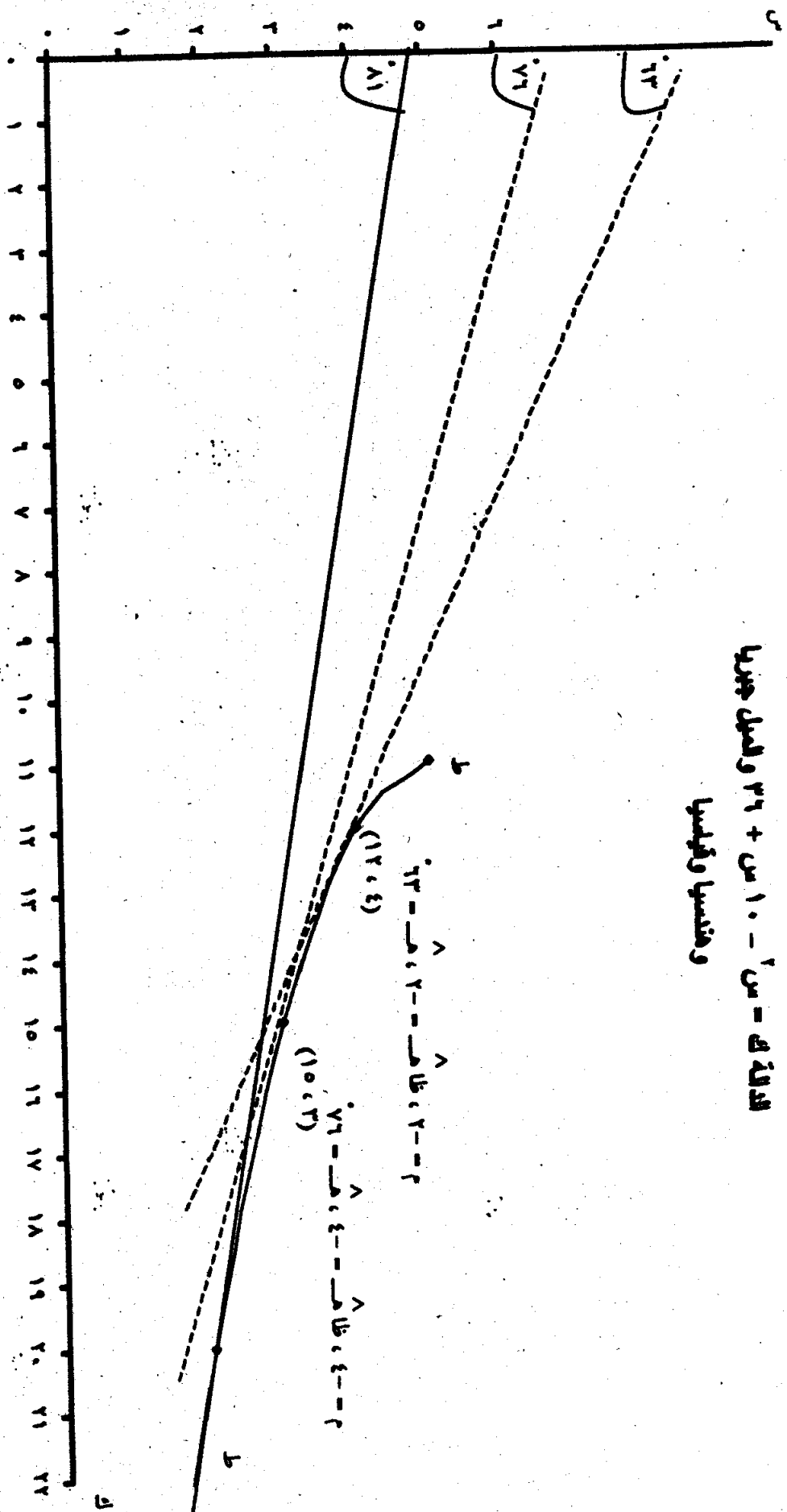
## العرض البياني :

يتضح من العرض البياني التالي الملاحظات التالية :

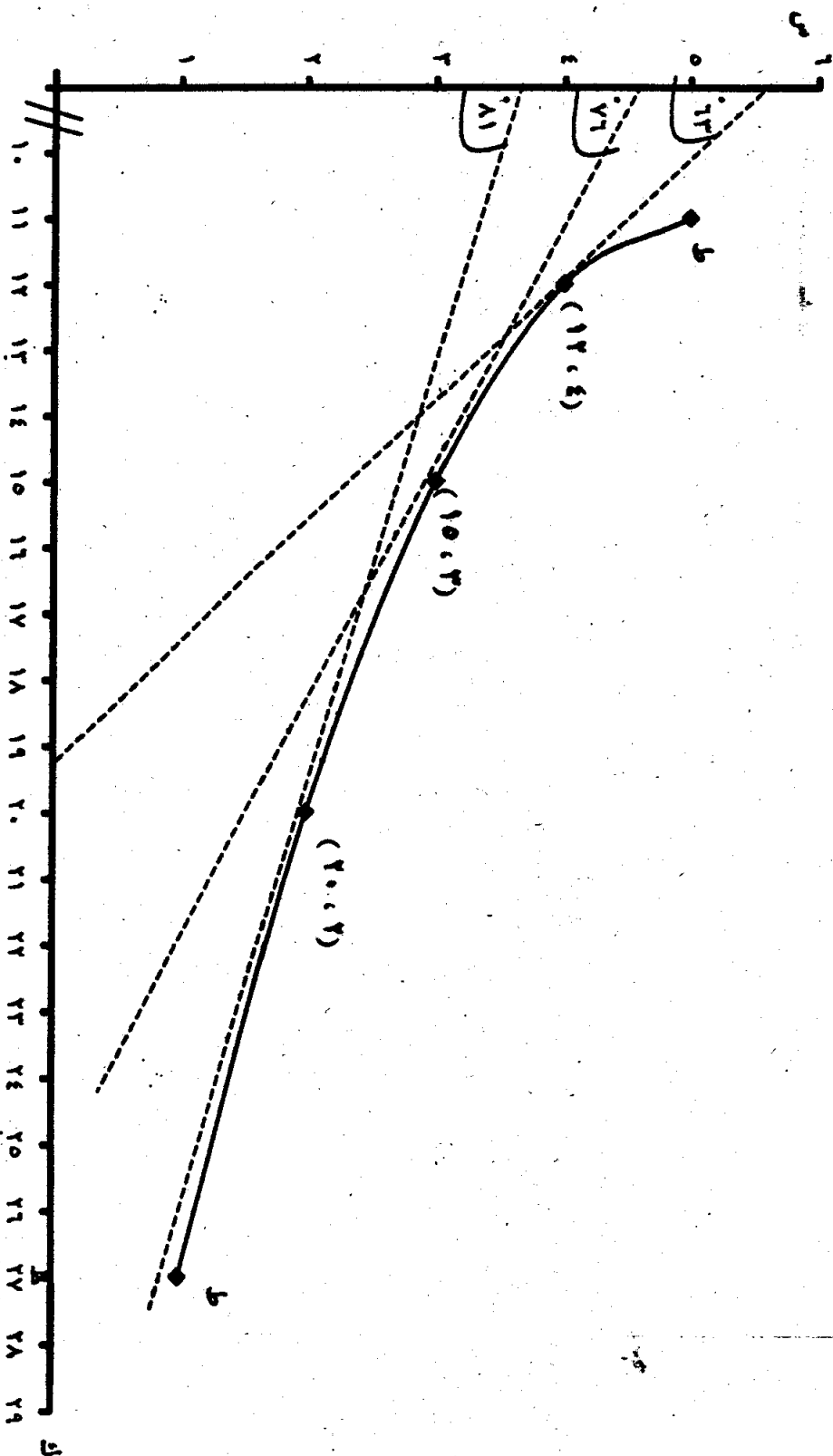
(١) إن تغير السعر بالانخفاض من ٥ إلى ٤ أى بمقدار الوحدة (ولتكن واحد جنيه) ، فإن الكمية المطلوبة قد زادت من ١١ وحدة إلى ١٢ وحدة (ولتكن الكيلوجرام) ، كما أن التغير فى السعر بالانخفاض من ٤ إلى ٣ أى بمقدار الوحدة ترتب عليه زيادة الكمية المطلوبة من ١٢ إلى ١٥ أى بمقدار ٣ وحدات ، وأيضاً انخفاض السعر من ٣ إلى ٢ أى بمقدار الوحدة ترتب عليه زيادة الكمية المطلوبة من ١٥ إلى ٢٠ بمقدار ٥ وحدات وهكذا .

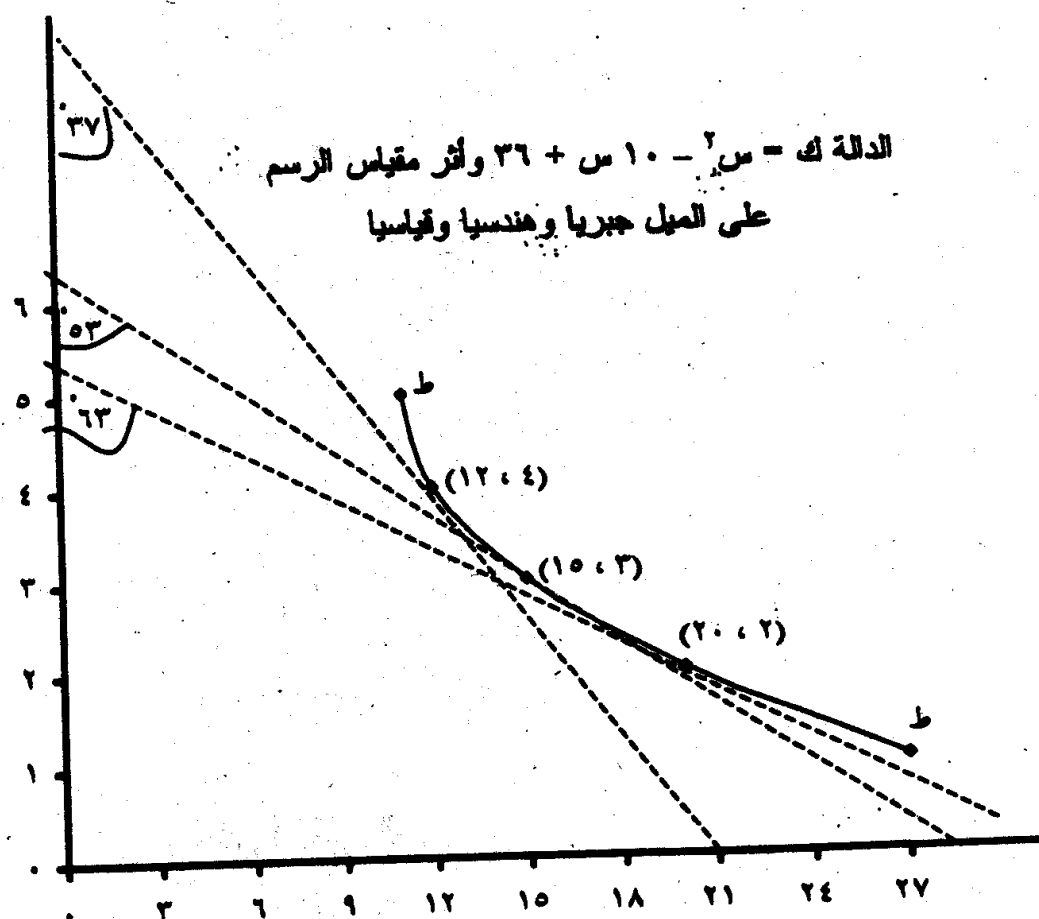
(٢) إن انخفاض السعر بوحدة متساوية قد ترتب عليه زيادة الكمية المطلوبة بوحدة غير متساوية حيث الدالة عبارة عن منحنى ، وأن لكل نقطة على المنحنى ميل خاص بها ، أى أن اتخاذ القرار فى كل لحظة على المنحنى سيكون مختلف الاثر بسبب شكل الدالة .

المدة ك - س' - ١٠ س + ٣٦ والسك حبريا  
وحنسبا وقليسيا



الحالة ١:  $\sigma = 10 - \sigma^2$  وقر كسر المحور  
 على المحور جبريا وحسابيا





(٣) أن كسر المحور لا يؤثر على العالم الرياضية والهندسية والقياسية

للدالة .

(٤) أن مقياس الرسم يؤثر على معتم الدالة قياسيا ، لذلك يجب الحيطه

والحذر عند مقارنة أو قراءة الرسوم البيانية للظواهر الاقتصادية .

(٥) عند عمل مقياس رسم مناسب يجب مراعاة الآتى : -

• أن يستوعب المحورين أكبر رقم فى البيانات المراد تمثيلها

عليهما ووفق تناسق مقياس الرسم .

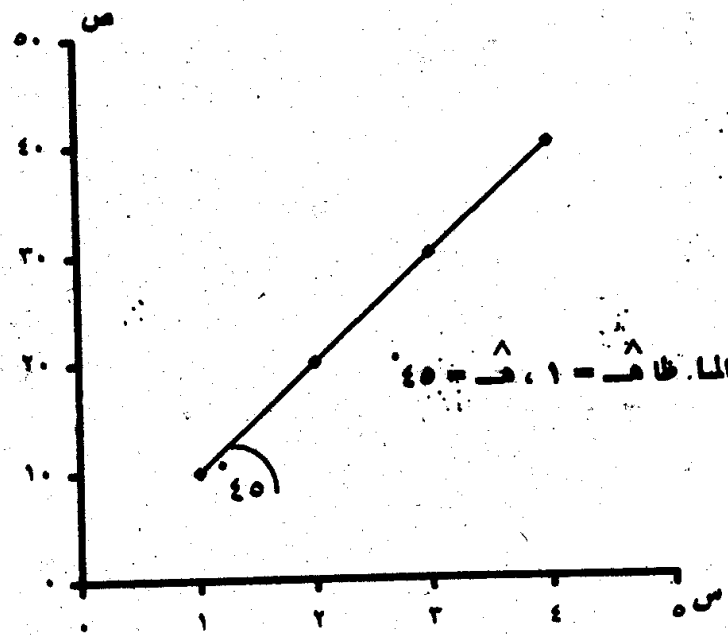
• عدم التلاعب فى مقياس الرسم سواء عن عمد أو غير عمد

حيث أن توسيع أو تضيق مقياس الرسم (عدم التناسق) على

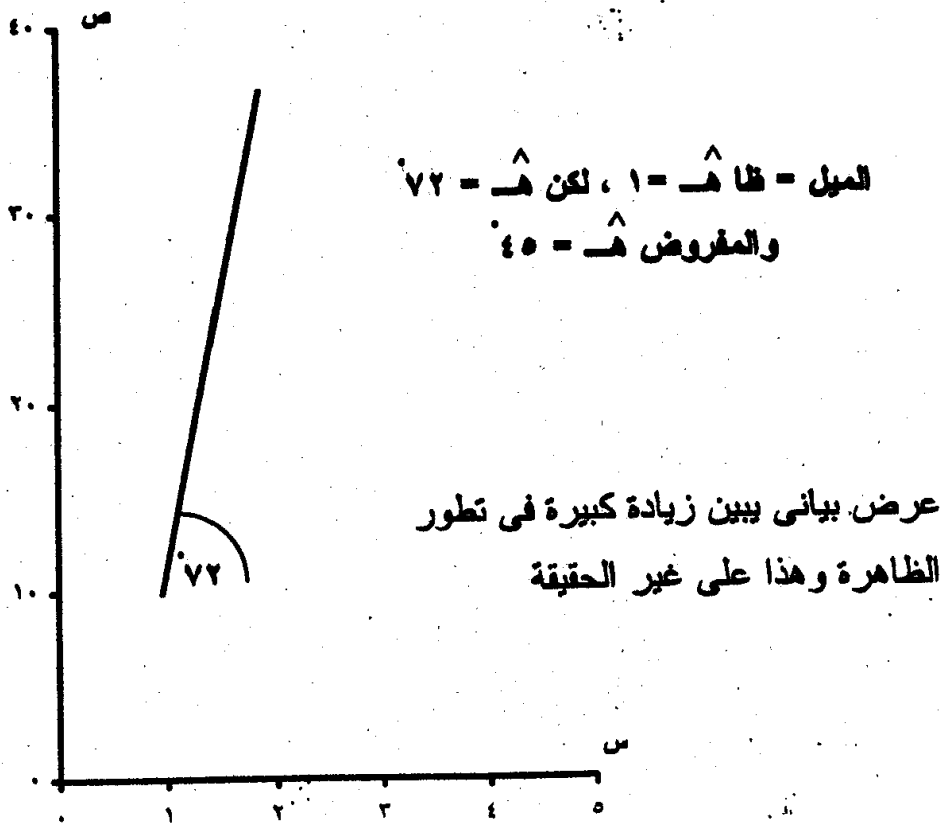
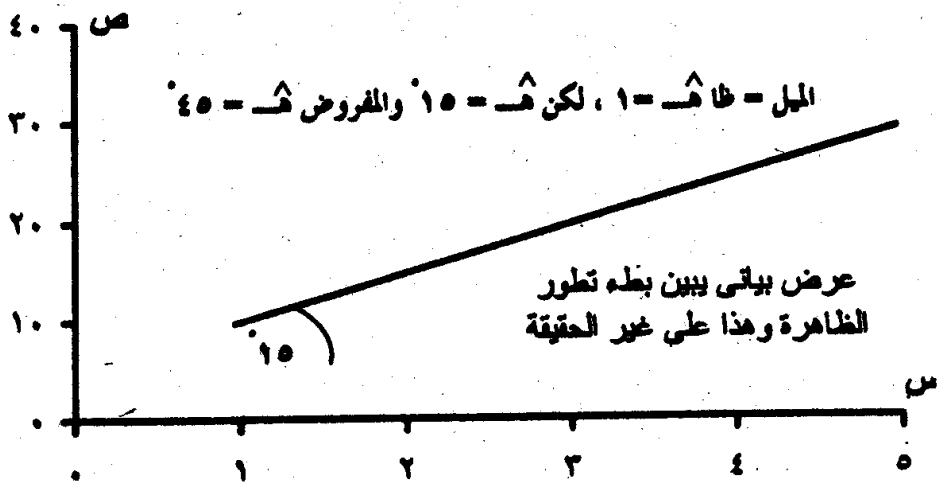
أى من المحورين يؤدي إلى اظهار الظاهرة بيانيا على غير

حقيقتها ، ويتضح ذلك فى الرسوم البيانية التالية :-

إذا كانت الدالة  $ص = ١٠ + س$  تعبر عن ظاهرة ما ، فإن  
عرضها البياني الصحيح كما يلي :



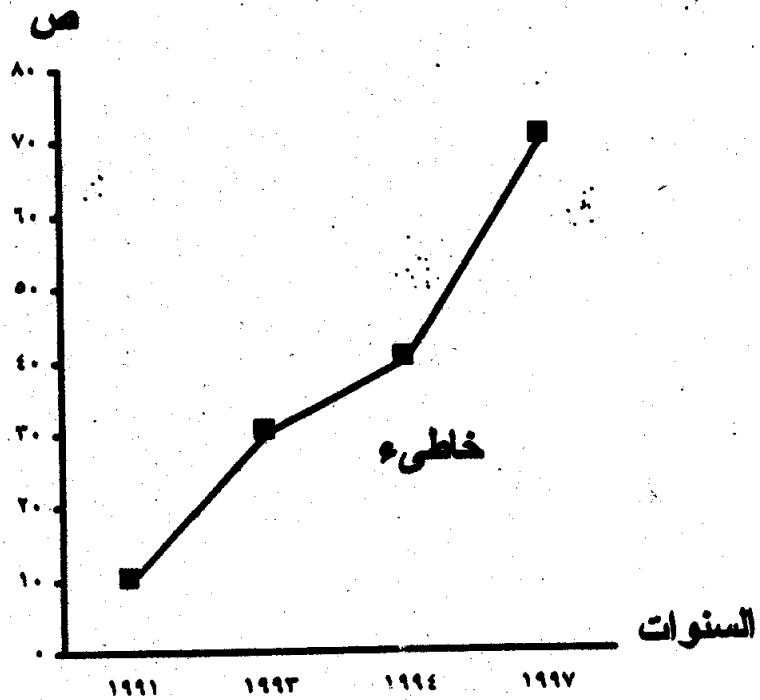
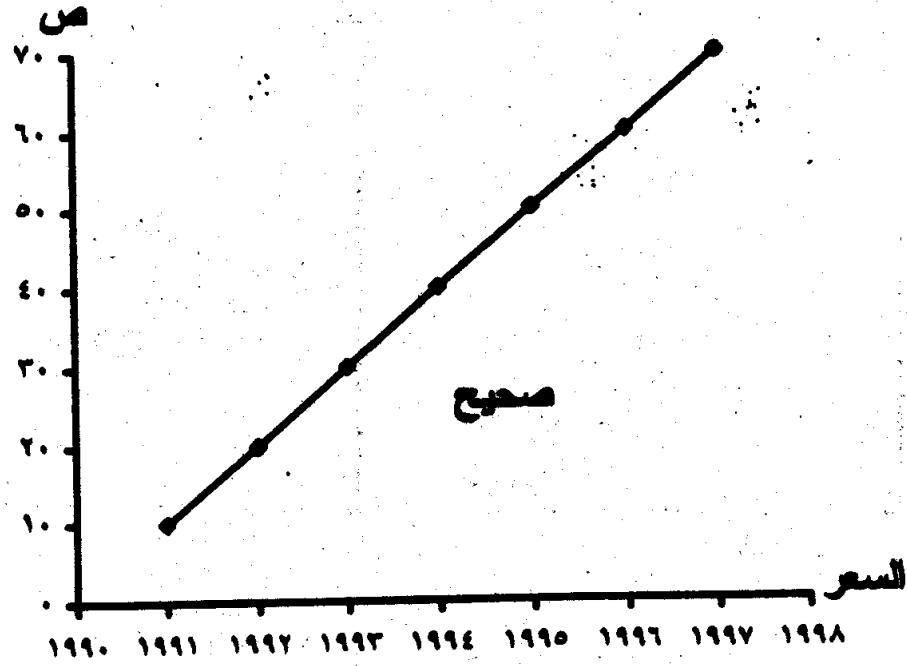
وأن عرضها البياني غير الصحيح قد يأتي من اتساع المحور الأفقى أو تضيق المحور الرأسى أو العكس كما يلى :-





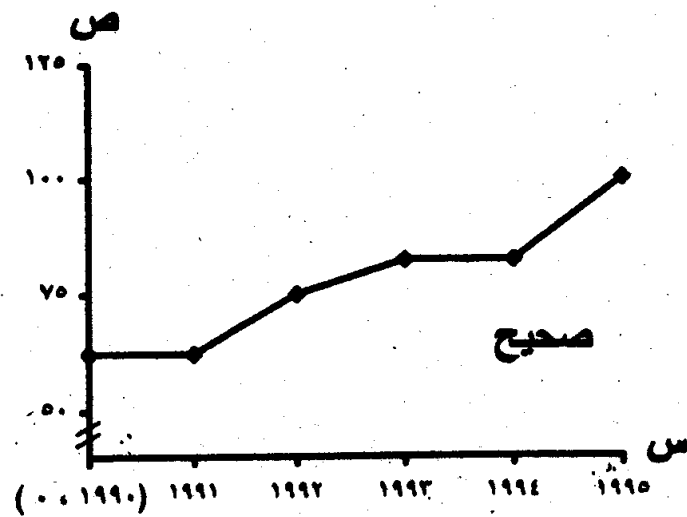
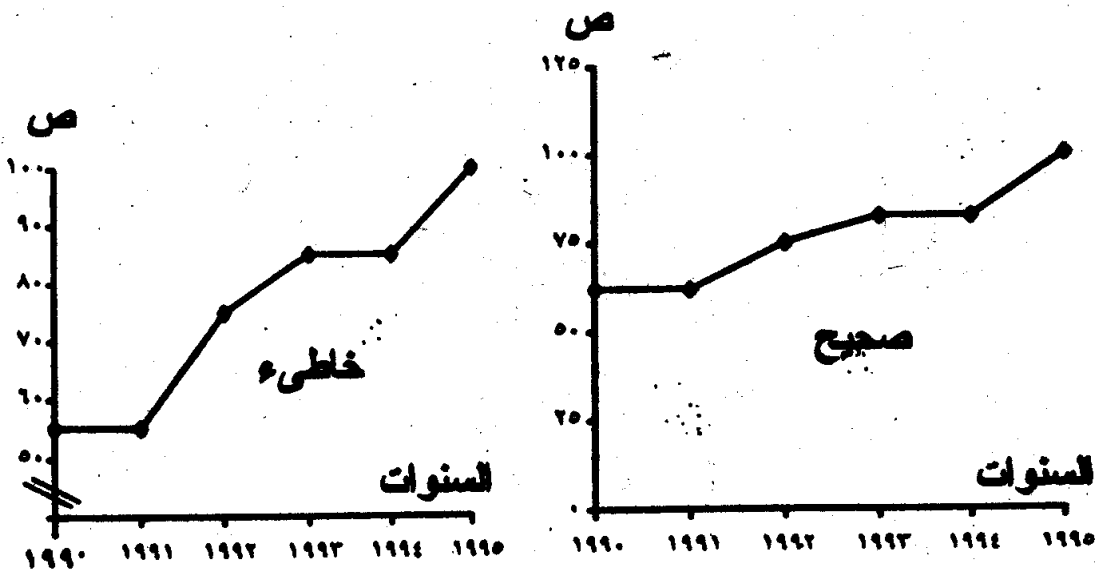
• ألا يكون مقياس الرسم خاطيء حيث يبين ذلك الظاهرة على

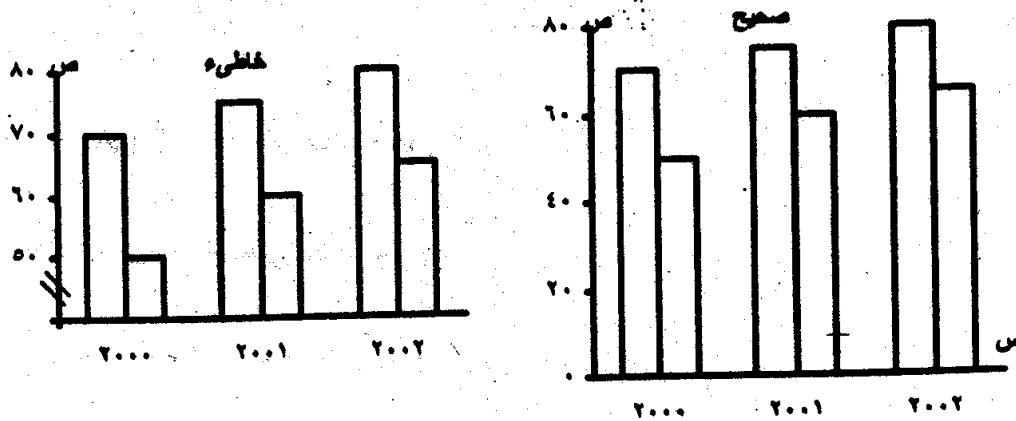
غير الحقيقة كما يتضح فيما يلي :-



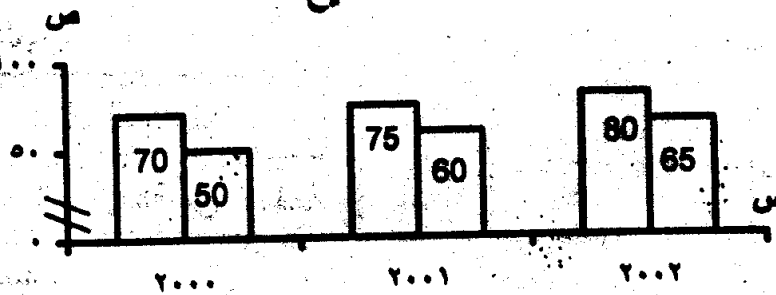
• أن يبدأ المحور الرأسى بالصفر حتى لا يكون الرسم البيانى

خادع كما يتضح فيما يلى :-





صح



## دالة الطلب الدخلية :

يشير قانون الطلب أن العلاقة بين الكمية المطلوبة من سلعة ما ودخل مستهلك تلك السلعة علاقة طردية ، بمعنى إذا زاد دخل المستهلك زادت الكمية المستهلكة منها والعكس صحيح .

مثال

إذا كانت دالة الطلب ك = د ( د ) لأحد المستهلكين خلال فترة

زمنية معينة يعبر عنها بالشكل الرياضي التالي :

$$ك = ٥٠ + ٥٠$$

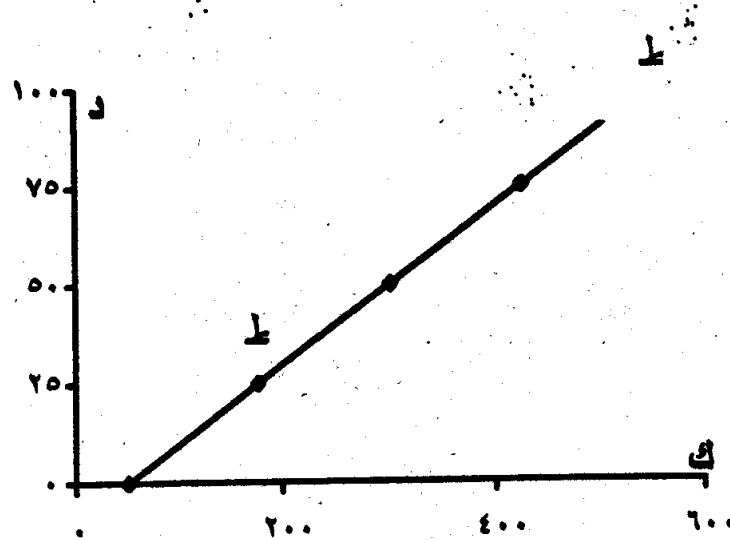
حيث ك هي الكمية المستهلكة من السلعة ، د هي دخل المستهلك  
والمطلوب رسم منحنى هذه الدالة عند مستويات الدخل للمستهلك  
٢٥ ، ٥٠ ، ٧٥ ، ١٠٠ جنيه . وما مقدار التغير في الكمية المستهلكة  
إذا زاد دخل المستهلك إلى ٢٠٠ جنيه خلال الفترة الزمنية .

## الحل

جدول الطالب :

دخول المستهلك	٢٥	٥٠	٧٥	١٠٠
الكمية المستهلكة من السلعة	١٧٥	٣٠٠	٤٢٥	٥٥٠

منحنى الطالب :



ويلاحظ أن منحنى (الطلب - الدخل) هو منحنى ذو ميل موجب<sup>(١)</sup> دلالة على أن الكمية المطلوبة أى الاستهلاك يتزايد بزيادة الدخل .  
ولحساب التغير فى الكمية المستهلكة نتيجة زيادة الدخل من ١٠٠ جنيه إلى ٢٠٠ جنيه يتم الآتى :-

∴ الكمية المستهلكة عن مستوى الدخل ١٠٠ جنيه = ٥٥٠ وحدة .

∴ الكمية المستهلكة عند مستوى الدخل ٢٠٠ جنيه = ١٠٥٠ وحدة .

∴ التغير الحادث هو تغير بالزيادة مقداره = ١٠٥٠ - ٥٥٠ = ٥٠٠ وحدة .

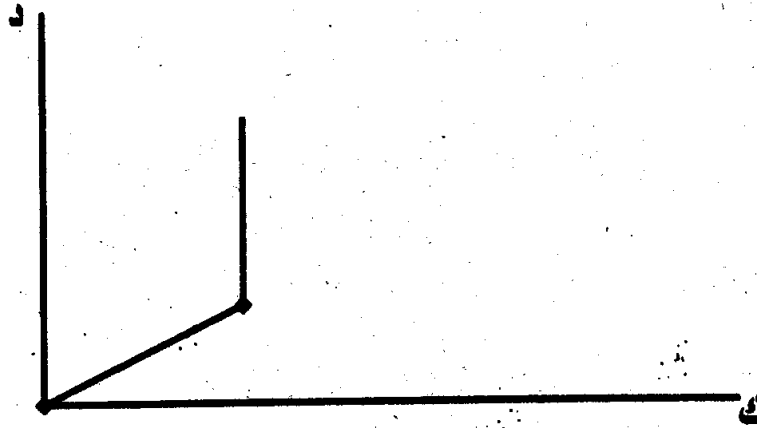
كما يلاحظ أن هذا المنحنى (منحنى الدخل - الاستهلاك) يبدأ من نقطة الأصل ويرجع ذلك إلى أنه عندما يكون دخل المستهلك مساوياً للصفر فإن المستهلك يكون غير قادر على شراء أى كمية من السلعة ، ولكلمة شراء أهمية فى هذا المكان .

وبمناسبة دراسة تأثير الدخل على طلب الفرد من سلعة ما فإنه لجدير بالذكر الإشارة إلى هذا التساؤل الهام هل كل السلع ينطبق عليها قاعدة تأثير الدخل على الكمية المستهلكة أى بزيادة الدخل تزداد الكمية

المستهلكة ؟

(١) حيث  $\frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}}$  بين أى نقطتين = ٥ ،  $\frac{\Delta \text{ك}}{\Delta \text{د}}$  للدالة المعطاة = ٥

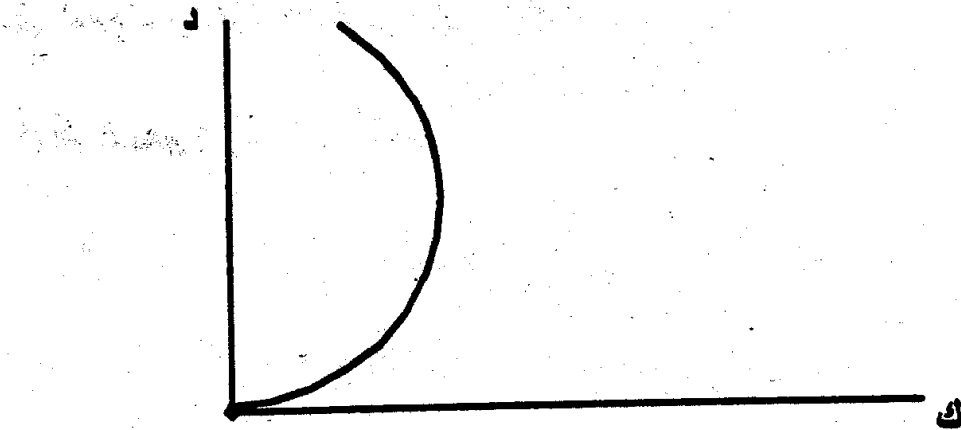
الحقيقة أن الطلب على معظم السلع يستجيب للتغيرات في الدخل على هذا الخط ، لكن هناك فئة قليلة من السلع تشذ عن هذا النمط المألوف .  
 فهناك سلع يستجيب الطلب عليها استجابة موجبة (بالزيادة) نتيجة لزيادة الدخل في البداية ، لكن بزيادة الدخل ووصوله إلى مستوى من الارتفاع تتجمد الكمية المطلوبة من السلعة ويصبح منحنى (الدخل - الاستهلاك) خطاً رأسياً وهذا ما يوضحه الشكل التالي :-



وينطبق هذا الوضع على السلع التي تتحدد الكمية القصوى المطلوبة منها بحدود فسيولوجية معلومة ، فالطلب على هذه السلع يتزايد مع تزايد الدخل طالما أن المستهلك لم يصل إلى نقطة التشبع ، لكن ما أن يصل المستهلك

إلى نقطة التشبع فإن الكمية المطلوبة تثبت عند هذا المستوى مهما زاد الدخل .

وأنه بزيادة الدخل بعد ذلك ووصوله إلى مستوى من الارتفاع أعلى مما سبق فإن استجابة الطلب تكون استجابة سالبة أى بزيادة الدخل عند هذا المستوى تنخفض الكمية المطلوبة من السلعة وهذا ما يوضحه البياني التالي :-



وينطبق هذا الوضع على نوع من السلع يعرف بالسلع الرديئة أو سلع جفن نسبة إلى السيد روبرت جفن الذى يقال أنه أول من لفت النظر إلى هذه الظاهرة . حيث لاحظ هذا الوضع على استهلاك الخبز فى إنجلترا وعلى سلع أخرى أيضا منخفضة الجودة كالمنسوجات الشعبية والأصناف

الرخيصة من اللحوم والأسماك . كما أن العدس والذرة الشامية في مصو  
من السلع الرديئة إذا غالبا ما يميل الطلب عليها إلى الارتفاع مع زيادة  
دخل المستهلك في البداية ، لكن ما أن يصل دخل المستهلك إلى مستوى  
من الارتفاع أعلى مما سبق فإن الكمية المطلوبة من تلك السلعتين نتيجة  
إلى الانخفاض وذلك لقيام هذا المستهلك باحلال سلع أخرى أرفع شأنًا أو  
أصناف من نفس السلعتين أعلى جودة وأعلى ثمنًا .

### أثر العوامل الأخرى على دالة الطلب :

#### (١) أثر التغير في ذوق المستهلك :

تؤثر التغيرات التي تطرأ على أنواق الأفراد تأثيرا واضحا على الكميات  
المطلوبة من السلع والخدمات ، وتلعب الدعاية والاعلان دورا كبير في  
احداث تغيرات في أنواق الأفراد وإن كان على المدى الطويل ، والمثال  
التالى يوضح أثر هذه التغيرات على الكمية المستهلكة من سلعة ما .

#### مثال

إذا كانت الدالة ك = ١٢ - س تعبر عن سلوك مستهلك

ما عن إحدى السلع ، وأنه بفعل الدعاية والاعلان زادت هذه الدالة

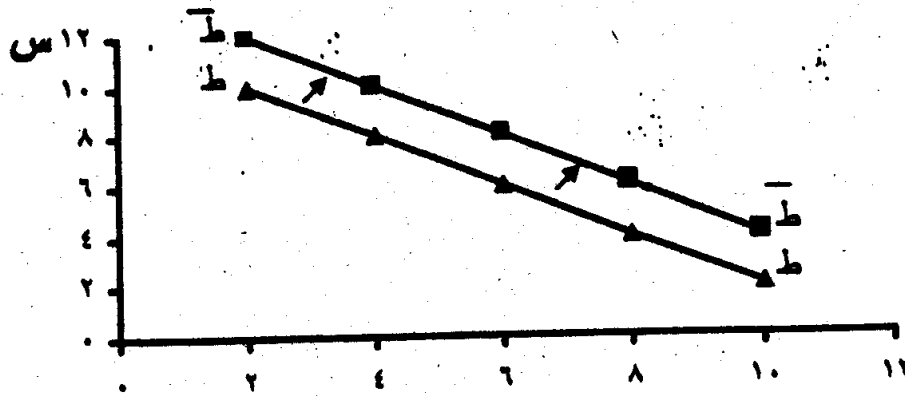


وأصبحت ك = ١٤ - س عند نفس الأسعار حيث ك هي الكمية المطلوبة ، س السعر ، فاحسب التغير الحادث في الكمية المطلوبة بسبب الدعاية والاعلان .

## الحل

العرض الجدولى والبياني للدالتين :

س	٢	٤	٦	٨	١٠
الدالة الاولى	١٠	٨	٦	٤	٢
الدالة الثانية	١٢	١٠	٨	٦	٤



## ملاحظات :

١- أن تغيير نوق المستهلك أدى الى تغير شرط دالة الطلب لهذا

المستهلك فبعد أن كان الشرط هو ١٢ - س أصبح ١٤ - س ، ومن

ثم يتغير تبعاً ذلك منحى الطلب فانتقل من ط ط إلى ط ط أى إلى اليمين حيث التغير الحادث هو تغير بالزيادة .

٢- من الممكن أن ينتقل منحى الطلب إلى اليسار أى إلى أسفل إذا كان التغير الحادث فى شرط الدالة هو تغير بالنقصان .

### (٢) أثر التغير فى عدد السكان :

يزداد عدد السكان فى دولة ما بزيادة معدل المواليد أو بزيادة الهجرة إليها، ستؤدى الزيادة فى عدد السكان إلى زيادة الطلب على السلع والخدمات ، وطبعاً العكس صحيح . وجدير بالذكر أن التركيب العمرى للسكان تأثير على نوع الطلب فإذا كان أعداد الأطفال كبيراً فإن الزيادة فى الطلب ستكون على سلع الأطفال كاللبان وملابس الأطفال ولعب الأطفال .... ، أما إذا كان أعداد الشباب هو الكبير فإن الزيادة فى الطلب ستكون على المساكن والأثاث وغير ذلك ، وأيضاً للتركيب الاجتماعى للسكان تأثير على الطلب .

### (٣) أثر التغير فى دخل المستهلك :

يؤثر دخل المستهلك فى الكمية التى يطلبها من السلع والخدمات ، فعند زيادة دخله الحقيقى فإنه يطلب كميات أكبر من السلع والخدمات عند نفس

مستويات الأسعار والعكس صحيح ، والمثال التالي يوضح هذا الأثر .

### المثال

إذا كانت الدالة ك = ٢٠٠ - ١٠ س + د تمثل دالة الطلب

الفردى لأحد المستهلكين لسلعة ما في فترة زمنية معينة حيث ك الكمية

المطلوبة من السلعة ، س سعرها ، دخل هذا المستهلك ، فاحسب التغير

الحادث في الكمية المطلوبة إذا زاد الدخل لهذا المستهلك من ٥٠ إلى ٧٠

وعند نفس مستويات الأسعار .

### الحل

$$، \quad ك = ٢٠٠ - ١٠ س + د$$

$$\therefore ك عند الدخل ٥٠ = ٢٠٠ - ١٠ س + د$$

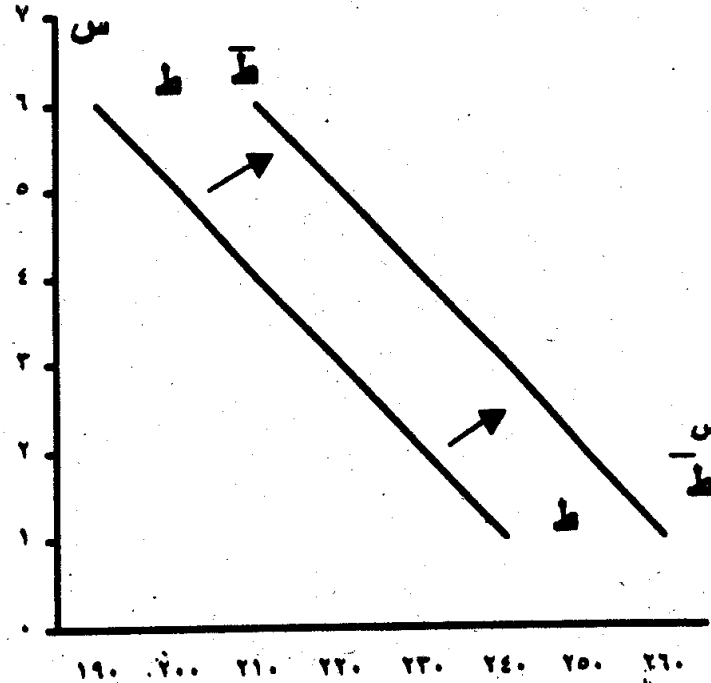
$$= ٢٠٠ - ١٠ س + ٥٠$$

$$= ٢٥٠ - ١٠ س$$

$$، ك عند الدخل ٧٠ = ٢٧٠ - ١٠ س$$

العرض الجدولي والبياني للدالتين :

س	١	٢	٣	٤	٥	٦
الدالة الاولى	٢٤٠	٢٣٠	٢٢٠	٢١٠	٢٠٠	١٩٠
الدالة الثانية	٢٦٠	٢٥٠	٢٤٠	٢٣٠	٢٢٠	٢١٠

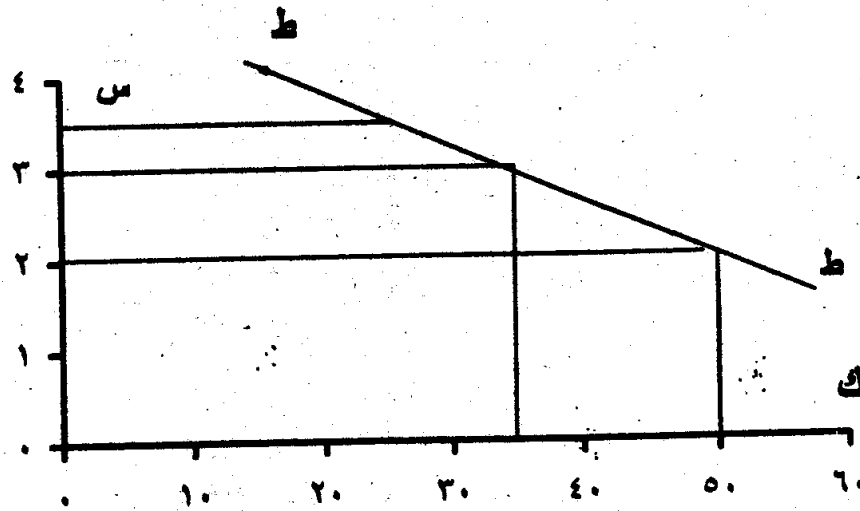


### ملاحظات :-

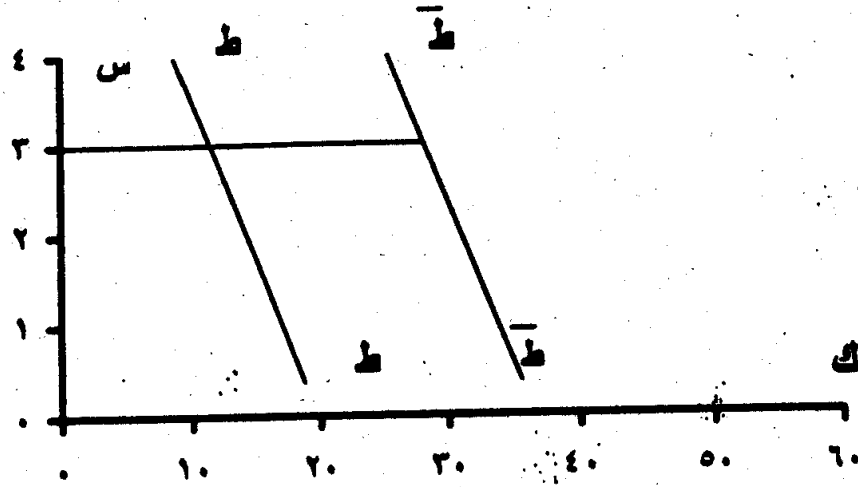
أن التغير في دخل المستهلك عند نفس مستويات الأسعار يؤدي إلى انتقال منحنى الطلب إلى أعلى أى إلى اليمين ، وأنه يمكن أن يكون الانتقال إلى أسفل أى إلى اليسار إذا كان التغير في شروط الدالة هو تغير بالنقصان .

## التمدد والانكماش على منحنى الطلب وانتقال منحنى الطلب :

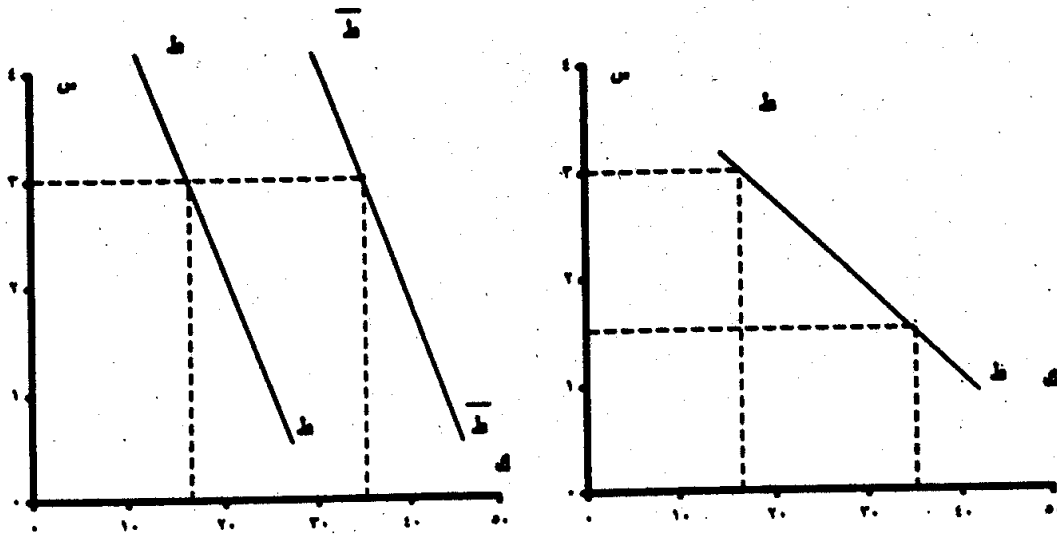
يسمى التمدد والانكماش على منحنى الطلب للحالة التي يكون فيها التغير في الكمية المطلوبة راجعا إلى التغير في السعر فقط ، حيث يترتب على ذلك أن يكون التحرك على نفس منحنى الطلب سواء بالزيادة أو النقصان، والعرض البياني التالي يوضح ذلك :



كما يسمى انتقال منحنى الطلب للحالة التي يكون فيها التغير في الكمية المطلوبة راجعا إلى التغير في أحد العوامل الأخرى المؤثرة في دالة الطلب ماعدا السعر والعرض البياني يوضح ذلك .



كما أن العرض البياني التالي يوضح حالتى التمدد والانكماش والانتقال



فقد زادت الكمية المطلوبة من ١٥ إلى ٣٥ فى الحالتين لكن بسبب مختلف.

### الطلب الكلى (طلب السوق) :

هو التجميع لدوال الطلب الفردية ، أى أن الطلب الكلى أو طلب

السوق على سعة ما هو مجموع ما يشتريه الأفراد من هذه السلعة بسعر معين وفي فترة زمنية معينة ، ويتضح ذلك في المثال التالي :-

### المثال

بفرض أن سوق سلعة ما يتكون من ٣ مستهلكين أ ، ب ، ج وأن دالة الطلب لكل منهم هي :

للمستهلك (أ) ك = ١٧ - ٢س

وللمستهلك (ب) ك = ٣٤ - ٤س

وللمستهلك (ج) ك = ٥١ - ٦س

والمطلوب إيجاد دالة طلب السوق وكذا جدول الطلب الكلي ومنحنى طلب السوق .

### الحل

#### دالة طلب السوق :-

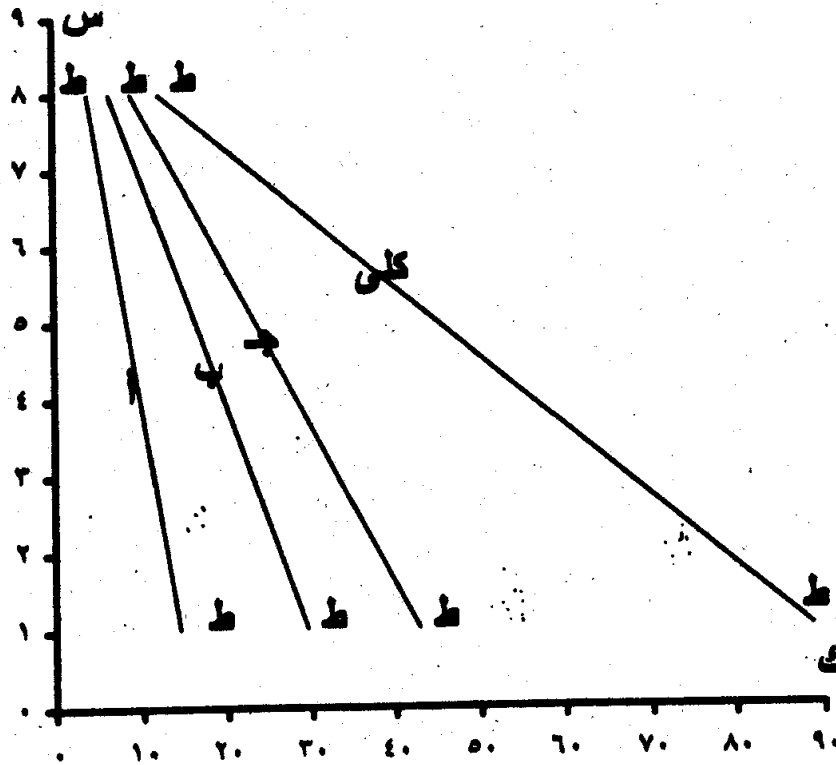
$$ك = (١٧ - ٢س) + (٣٤ - ٤س) + (٥١ - ٦س)$$

جدول الطلب الكلي (جدول طلب السوق) :

السعر	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨
كمية الطلب للمستهلك أ	١٥	١٣	١١	٩	٧	٥	٣	١
كمية الطلب للمستهلك ب	٣٠	٢٦	٢٢	١٨	١٤	١٠	٦	٢
كمية الطلب للمستهلك ج	٤٥	٣٩	٣٣	٢٧	٢١	١٥	٩	٣
كمية طلب السوق	٩٠	٧٨	٦٦	٤٥	٤٢	٣٠	١٨	٦

## منحنى طلب السوق :

يتضح منحنى طلب السوق في العرض البياني التالي :-



## مرونة الطلب :

لما كانت الدالة في العروض الجدولية والبيانية السابقة هي علاقة بين متغير تابع ومتغير مستقل ، فإن المرونة في الدالة هي مدى الاستجابة في تغير المتغير التابع إذا ما تغير المتغير المستقل ، وتقاس المرونة بنسبة التغير النسبي في المتغير التابع إلى التغير النسبي في المتغير المستقل .



ومرونة الطلب هي مرونة الطلب السعرية ومرونة الطلب الدخالية  
ومرونة الطلب العبورية (المقطعية أو الانعكاسية) .

### أولاً : مرونة الطلب السعرية :

من المعلوم دالة الطلب السعرية هي  $K = D(S)$  ، وعلى ذلك مرونة  
الطلب السعرية هي نسبة التغير النسبي في الكمية المطلوبة من سلعة ما  
إلى التغير النسبي في سعرها .

مرونة الطلب السعرية =  $\frac{\text{التغير النسبي في الكمية المطلوبة من السلعة}}{\text{التغير النسبي في سعرها}}$

$$= \frac{\frac{\Delta K}{K}}{\frac{\Delta S}{S}}$$

$$= \frac{\Delta K}{K} \times \frac{S}{\Delta S}$$

$$= \left( \frac{\Delta K}{K} \times \frac{S}{\Delta S} \right)$$

مثال

إذا كانت الكمية المطلوبة (ك) من سلعة معينة وسعرها (س) تتحدد

بالعلاقة :  $K = 100 - 2S$  والمطلوب :

أ- أوجد العرض الجدولي والبياني عند سنوات أسعار ٤٠، ٣٠، ٢٠، ١٠

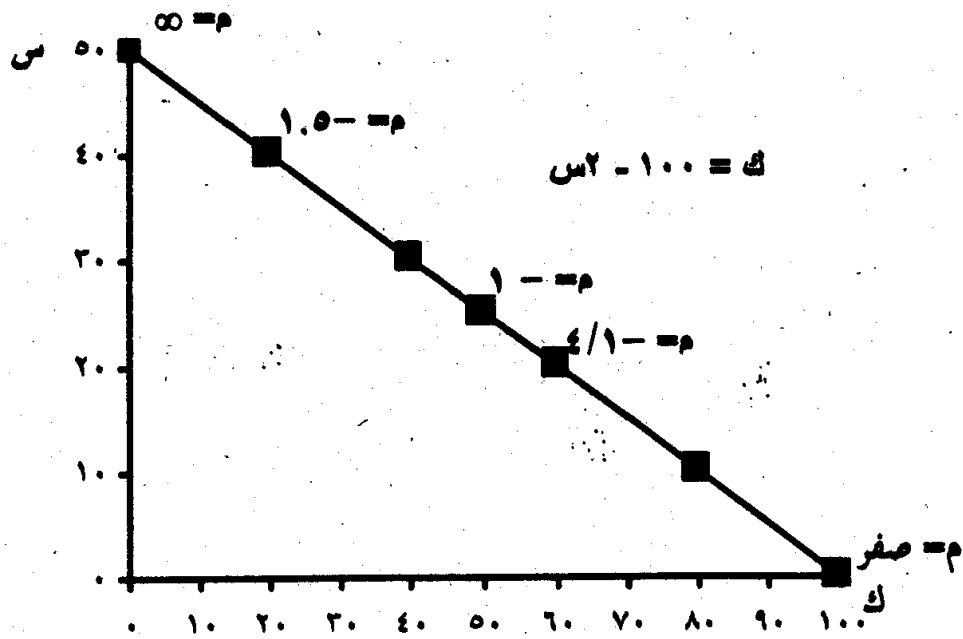
ب- احسب مرونة الطلب إذا ما تغير السعر من ١٠ إلى ٢٠، من ٢٠ إلى ٣٠، من ٣٠ إلى ٤٠.

ج- دون ملاحظتك :

الحل

أ- العرض الجدولي والبياني :

س	١٠	٢٠	٣٠	٤٠	٥٠
ك	٨٠	٦٠	٤٠	٢٠	صفر



## ب- حساب المرونة :

• عند تغير السعر من ١٠ إلى ٢٠ ( أى المرونة عند السعر ٢٠

استجابة لزيادة السعر من ١٠ إلى ٢٠ ) .

$$\frac{10}{80} \times \frac{80 - 60}{10 - 20} = \frac{س}{ك} \times \frac{\Delta ك}{\Delta س} = م ::$$

$$\frac{1}{8} = - \frac{1}{8} \times 2 = -$$

• عند تغير السعر من ٢٠ إلى ٣٠ ( أى المرونة عند السعر ٣٠

استجابة لزيادة السعر من ٢٠ إلى ٣٠ ) .

$$\frac{20}{60} \times \frac{60 - 40}{20 - 30} = \frac{س}{ك} \times \frac{\Delta ك}{\Delta س} = م ::$$

$$\frac{2}{3} = - \frac{2}{6} \times 2 = -$$

• عند تغير السعر من ٣٠ إلى ٤٠ ( أى المرونة عند السعر ٤٠

استجابة لزيادة السعر من ٣٠ إلى ٤٠ ) .

$$\frac{30}{40} \times \frac{40 - 20}{30 - 40} = \frac{س}{ك} \times \frac{\Delta ك}{\Delta س} = م ::$$

$$\frac{3}{4} = - \frac{3}{4} \times 2 = -$$

## ج - الملاحظات :

(١) تتكون قيمة المرونة من حاصل ضرب كميتين الأولى هي ،

$$\frac{\Delta ك}{\Delta س} \quad \text{والثانية هي} \quad \frac{س}{ك} \quad ، \quad \text{وأن} \quad \frac{\Delta ك}{\Delta س}$$

هو ميل الدالة وهو ثابت حيث ٢- لأن الدالة خط مستقيم ، وأن

$\frac{س}{ك}$  هي النسبة بين السعر والكمية .

(٢) أن درجة المرونة صغيرة عند السنوات السعرية المنخفضة ،

وكبيرة عند السنوات السعرية المرتفعة ، فنجدها عند السعر

صفر تساوى الصفر ، وعند السعر ٥ تساوى ما لانهاية ثم تتدرج

من الصفر حتى المالاتهاية .

(٣) أن درجة المرونة عند السعر ٢٥ تساوى ١- سواء تحرك السعر

من ٢٠ إلى ٢٥ أو من ٣٠ إلى ٢٥ .

(٤) درجة المرونة واحد هي التي يعول عليها الاقتصاديون في التحليل

الاقتصادى ، فإذا كانت المرونة = ١ قيل أن الطلب متكافئ

للمرونة، وإذا كانت المرونة > ١ قيل أن الطلب غير مرن ، وإذا

كانت المرونة < ١ قيل أن الطلب مرن ، وبالطبع الإشارة سالبة

حيث الدالة دالة طلب .

## العلاقة بين ميل منحنى الطلب ودرجة مرونة الطلب وكيفية تحديد نوع

السلع :

أولا : إذا كان ميل منحنى الطلب  $< 1$  (الطلب المرن) :

مثال

الدالة التالية تعبر عن سلوك مستهلك ما لسلعة معينة

ك = ١٤٠ - ٤٠س والمطلوب :

( أ ) العرض الجدولى والبيانى للدالة عند المستويات السعرية ٣,٢٥ ،

٣ ، ٢,٧٥ ، .... ، ١,٧٥ .

(ب) أوجد ميل الدالة جبريا وهندسيا .

(جـ) احسب المرونة عند الدرجات السعرية المذكورة .

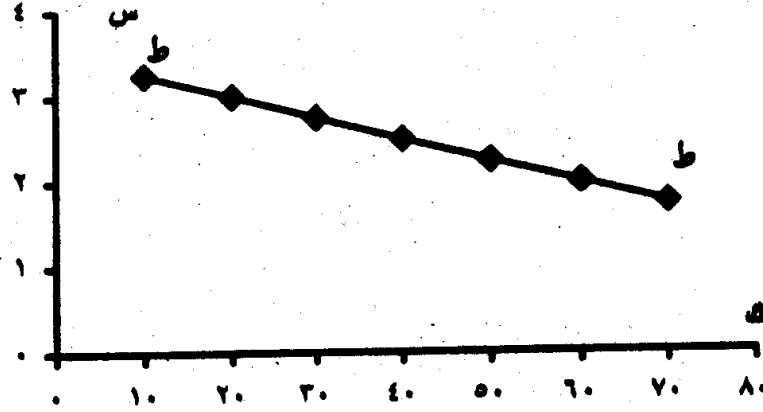
( د ) فسر درجة المرونة الناتجة واستنتج نوع السلعة

الحل

( أ ) العرض الجدولى :

س	٣,٢٥	٣	٢,٧٥	٢,٥	٢,٢٥	٢	١,٧٥
ك	١٠	٢٠	٣٠	٤٠	٥٠	٦٠	٧٠

## العرض البياني :



## (ب) ميل الدالة جبريا وهندسيا

$$\therefore \text{ك} = 140 - 40 \text{ س}$$

$$\therefore \frac{\Delta \text{ك}}{\Delta \text{س}} = -40 \quad \therefore \text{ظا هـ} = -40$$

$\therefore \text{هـ} = 88,57$  ويلاحظ أن هـ بالقياس = 77 أى اختلفت لماذا ؟

## (ج) حساب المرونة عند الدرجات السعرية (المجال السعري)

المذكورة :-

1,75	2	2,25	2,5	2,75	3	3,25	س
70	60	50	40	30	20	10	ك
0,25-	0,25-	0,25-	0,25-	0,25-	0,25-	-	$\Delta \text{س}$
10	10	10	10	10	10	-	$\Delta \text{ك}$
40-	40-	40-	40-	40-	40-	-	الميل ( $\Delta \text{ك} / \Delta \text{س}$ )
1,3	1,8	2,5	3,6	6	13	-	المرونة ( $\Delta \text{ك} / \Delta \text{س}$ ) $\frac{\text{س}}{\text{ك}} \times$

( د ) تفسير درجات المرونة الناتجة : - يلاحظ أن جميع درجات المرونة الناتجة على المجالى السعري أكبر من الواحد الصحيح، لذلك فالطلب مرن خلال هذا المجال . وتفسير درجة المرونة ١٣ مثلا يعنى أنه إذا انخفض السعر بنسبة ١% فإن الكمية المطلوبة تزيد بنسبة ١٣% بمعنى آخر إذا انخفض السعر بنسبة ١٠% فإن الكمية المطلوبة تزيد بنسبة ١٣٠% وهكذا عند درجات المرونة الأخرى . والسلع التى ينطبق عليها هذا الوصف تسمى سلع كمالية مثل الخدمات السياحية .

**ثانيا : إذا كان ميل منحنى الطلب > ١ (الطلب غير المرن) :**

### مثال

الدالة التالية تعبر عن سلوك مستهلك ما لسعة معينة ك = ١٠ - ٨,٨س والمطلوب :

( أ ) العرض الجدولى والبيانى للدالة عند المستويات السعرية ٥ ، ٦ ، ٤ ، ... ، ١ .

(ب) أوجد ميل الدالة جبريا وهندسيا .

(ج) احسب المرونة عند الدرجات السعرية المذكورة .

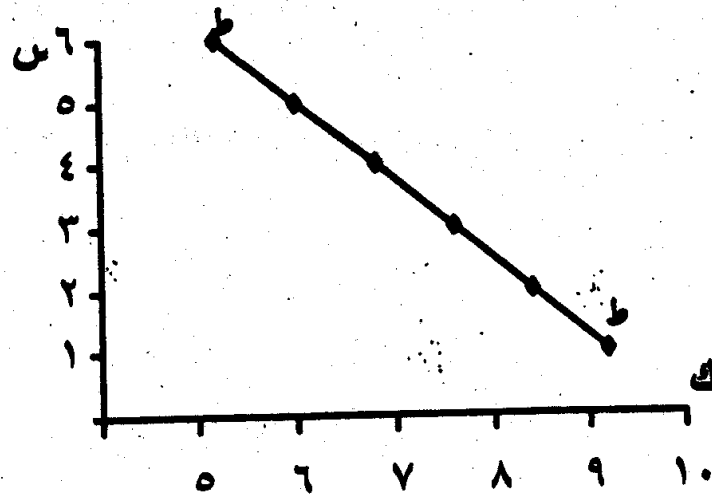
(د) فسر درجة المرونة الناتجة واستنتج نوع السلعة .

الحل

(أ) العرض الجدولي :

س	٦	٥	٤	٣	٢	١
ك	٥,٢	٦	٦,٨	٧,٦	٨,٤	٩,٢

العرض البياني :



(ب) ميل الدالة جبريا وهندسيا :

$$\therefore ك = ١٠ - ٠,٨ س$$



$$\therefore \frac{E_K}{E_S} = -0,8 \quad \therefore \text{ظا هـ} = -0,8$$

$\therefore \text{هـ} = 38,6$  ويلاحظ أن هـ بالقياس = 48 أى اختلفت لماذا ؟

(جـ) حساب المرونة عند الدرجات السعرية (المجال السعري)  
المذكور :-

س	٦	٥	٤	٣	٢	١
ك	٥,٢	٦	٦,٨	٧,٦	٨,٤	٩,٢
$\Delta$ س	-	١-	١-	١-	١-	١-
$\Delta$ ك	-	٠,٨	٠,٨	٠,٨	٠,٨	٠,٨
الميل ( $\Delta$ ك / $\Delta$ س)	-	٠,٨	٠,٨	٠,٨	٠,٨	٠,٨
المرونة ( $\Delta$ ك / $\Delta$ س) $\times$ $\frac{س}{ك}$	-	٠,٩	٠,٦	٠,٤	٠,٣	٠,٢

(د) تفسير درجات المرونة الناتجة :

يلاحظ أن جميع درجات المرونة الناتجة على المجال السعري أقل من الواحد الصحيح ، لذلك فالطلب غير مرن (أى ضعيف المرونة أو ضعيف الاستجابة) خلال هذا المجال ، وتفسير درجة المرونة ٠,٤ مثلا يعنى أنه إذا انخفض السعر بنسبة ١٠% زادت الكمية المطلوبة من السلعة بنسبة ٤% فقط ، والسلع التى ينطبق عليها هذا الوصف تسمى سلع ضرورية مثل سلعة ملح الطعام .

ثالثا : إذا كان ميل منحنى الطلب - ١ (الطلب المتكافئ المرونة):

مثال

الدالة التالية تعبر عن سلوك مستهلك ما لسلعة معينة

$$ك = ١٠ \times \frac{٢٤}{س} \quad \text{والمطلوب :-}$$

( أ ) العرض الجدولى والبيانى للدالة عند السنوات السعرية ١٣ ،

١٤ ، ١٥ ، .... ، ١٨ .

(ب) أوجد ميل الدالة جبريا وهندسيا .

(جـ) احسب المرونة عند الدرجات السعرية المذكورة (مجال السعر)

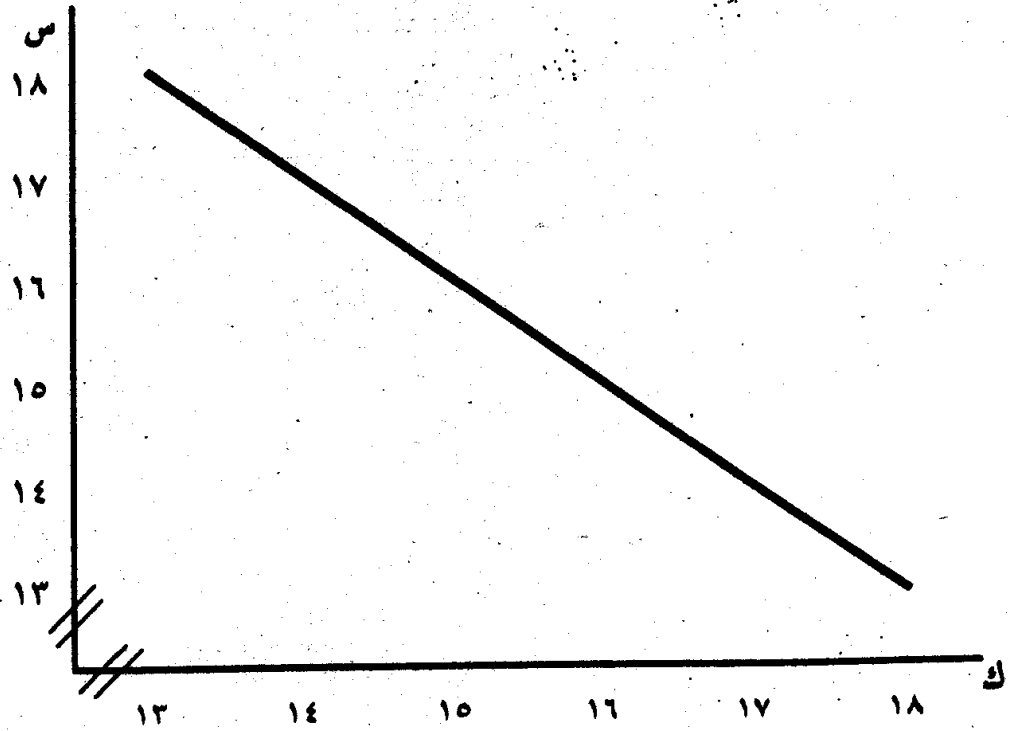
(د) فسر درجة المرونة الناتجة واستنتج نوع السلعة .

الحل

العرض الجدولى :

١٨	١٧	١٦	١٥	١٤	١٣	س
١٣	١٤	١٥	١٦	١٧	١٨	ك

العرض البياني :



(ب) ميل الدالة جبريا و هندسيا :

$$\therefore \text{ك} = 10 - 10 \frac{24}{\text{س}}$$

$$\therefore \frac{\text{ك}}{\text{س}} = - \frac{240}{\text{س}} \text{ ، والدالة منحنى ذو قطع مكافئ}$$

لكنها في المجال من ١٣ إلى ١٨ يكاد ميلها ثابت ويساوي -١ ، ولذلك

$$\text{ظا} \hat{= -1} \text{ ، } \hat{\text{م}} = 45 \text{ وبالقيااس } \hat{\text{هـ}} = 45 .$$

(جـ) حساب المرونة عند المجال السعرى المذكور :

١٣	١٤	١٥	١٦	١٧	١٨	س
١٨	١٧	١٦	١٥	١٤	١٣	ك
١-	١-	١-	١-	١-	-	$\Delta$ س
١	١	١	١	١	-	$\Delta$ ك
١	١	١	١	١	-	الميل ( $\Delta$ ك / $\Delta$ س)
٠,٨٢	٠,٩٣	١,١	١,٢	١,٣	-	المرونة ( $\Delta$ ك / $\Delta$ س) $\frac{\text{س}}{\text{ك}} \times$
١	١	١	١	١		المرونة ( $\Delta$ ك / $\Delta$ س) $\frac{\text{س}}{\text{ك}} \times$ تقريبا

(د) تفسير درجات المرونة الناتجة :

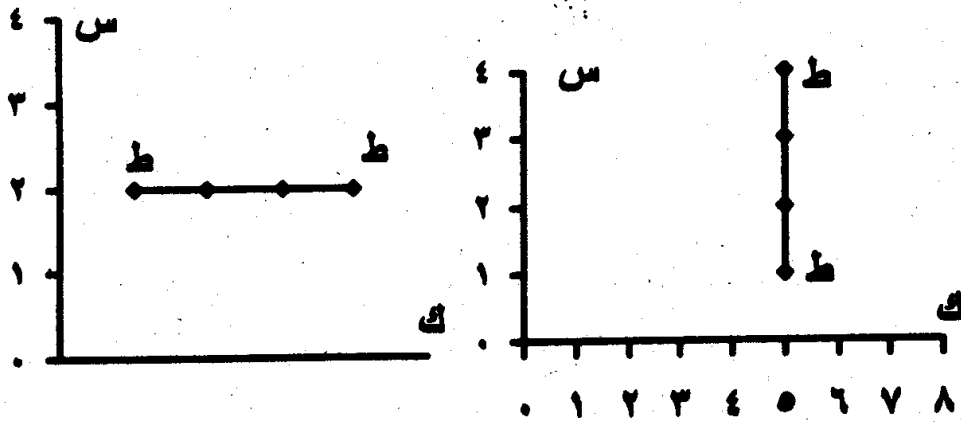
الملاحظ أن جميع درجات المرونة الناتجة على المجال السعرى تساوى الواحد الصحيح تقريبا ، لذلك فالطلب متكافئ المرونة لهذه الدالة خلال المجال السعرى المذكور ، وتفسير درجة المرونة ١ تعنى أنه إذا انخفض السعر بنسبة ١% زاد الكمية المطلوبة بنفس النسبة أى ١% ، والسلع التى ينطبق عليها هذا الوصف تسمى السلع شبه الصفرية أو شبه الكمالية مثل الملابس .

رابعاً : إذا كان ميل منحنى الطلب - صفر أو  $\infty$  (الطلب عديم المرونة

أو لا نهائى المرونة)

### مثال

لا ينطبق هاتين الحالتين على الأشياء النافعة سلع كانت أو خدمات ،  
فهما حالة لا وجود لها في الحياة العملية أى هما حالة خيالية ، ففي  
حالة الميل - صفر فإن المرونة - صفر ، وعليه كيف يمكن قبول أنه  
إذا تغير السعر بالزيادة أو النقصان وبأى نسبة فإن الكمية المطلوبة لا  
تتغير بالمره وهنا يقال أن الطلب عديم المرونة وكذلك في حالة الميل  
-  $\infty$  فإن المرونة -  $\infty$  ، وعليه كيف يمكن قبول أنه إذا لم يتغير  
السعر بالمره فإن الكمية المطلوبة تتغير وبأى نسب ! وهنا يقال أن  
الطلب لا نهائى المرونة ، وعلى أية حال فإن الشكل البياني لهاتين  
الحالتين كما يلى :-



لا نهائية المرونة

عدم المرونة

### أهمية مرونة الطلب السعرية :

لمرونة الطلب السعرية أهمية كبيرة في مجال السياسات الاقتصادية

كالسياسة السعرية والسياسة الضريبية :

#### أولاً : مجال السياسة السعرية :

يهتم المنتجون (البائعون) بضرورة التعرف على السياسة

السعرية التي إذا اتبعوها يتحقق لهم زيادة في الإيراد ، وتتوقف هذه

المعرفة على مرونة طلب السلعة التي يبيعونها من حيث كونها مرنة

أم غير مرنة .

أ- إذا كان الطلب على السلعة التي يبيعونها مرناً :

## مثال

∴ الإيراد الكلى = السعر × الكمية

$$∴ 2000 = 200 \times 100 \text{ (فرضا)}$$

∴، الطلب على السلعة مرن ويساوى ٢ مثلاً

$$∴ \text{أثر المرونة} = \frac{+2\% \text{ ك}}{-1\% \text{ س}} = \frac{+2\% \text{ ك}}{-10\% \text{ س}}$$

∴، السياسة السعرية المراد اتباعها هي خفض السعر ١٠%

$$∴ \text{أثر المرونة لهذه السياسة} = \frac{240}{90}$$

∴ الإيراد سيكون :

$$21600 = 240 \times 90$$

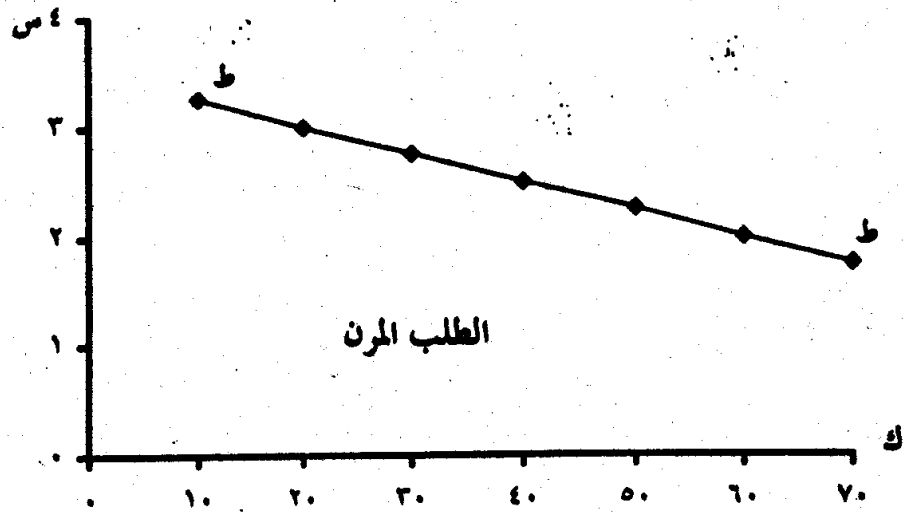
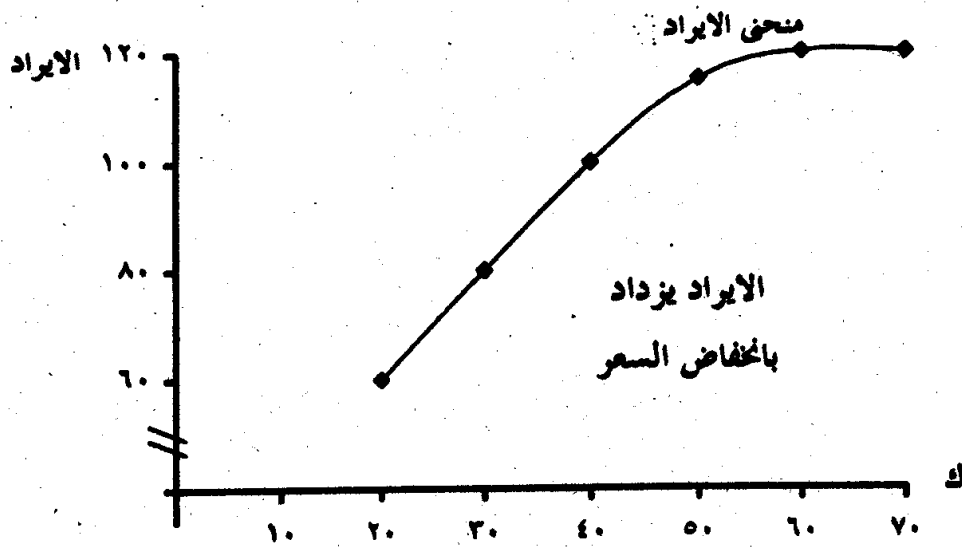
وهنا يلاحظ أن الإيراد الكلى قد ازداد رغم انخفاض السعر ذلك لأن

الطلب على السلعة طلب مرن . وأنه إذا تم خفض السعر إلى ٨٠ فلن

الكمية المطلوبة (المباعة) ستكون ٢٨٠ والإيراد الكلى سيكون

٢٢٤٠٠ . ويمكن إيضاح ذلك جدولياً وبيانياً فيما يلي :

السعر	٣,٢٥	٣	٢,٧٥	٢,٥	٢,٢٥	٢	١,٧٥
الكمية	١٠	٢٠	٣٠	٤٠	٥٠	٦٠	٧٠
المرونة	-	١٣	٦	٣,٦	٢,٥	١,٨	١,٣
الإيراد الكلى	-	٦٠	٨٢,٥	١٠٠	١١٢,٥	١٢٠	١٢٢,٥



كما أنه في هذه الحالة يمكن اثبات أن الإيراد الكلى يقل بارتفاع السعر.

ب- إذا كان الطلب على السلعة التى يبيعونها غير مرن :



∴ الإيراد الكلى = السعر × الكمية

$$∴ 2000 = 200 \times 100 \text{ (فرضا)}$$

∴، الطلب على السلعة غير مرن ويساوى ٠,٦ مثلا

$$∴ \text{أثر المرونة} = \frac{+6\% \text{ ك}}{-10\% \text{ س}} = \frac{-6\% \text{ ك}}{+10\% \text{ س}}$$

∴، السياسة السعرية المراد اتباعها هي زيادة السعر ١٠%

$$∴ \text{أثر المرونة لهذه السياسة} = \frac{188}{110}$$

∴ الإيراد سيكون :

$$2068 = 188 \times 110$$

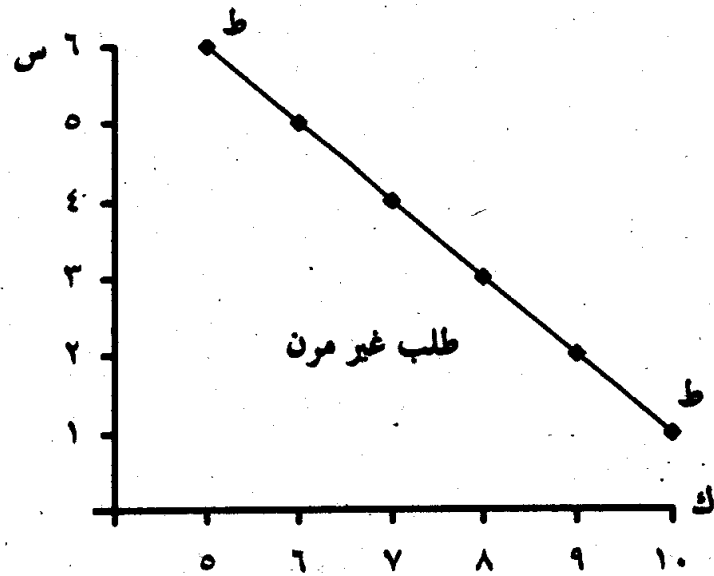
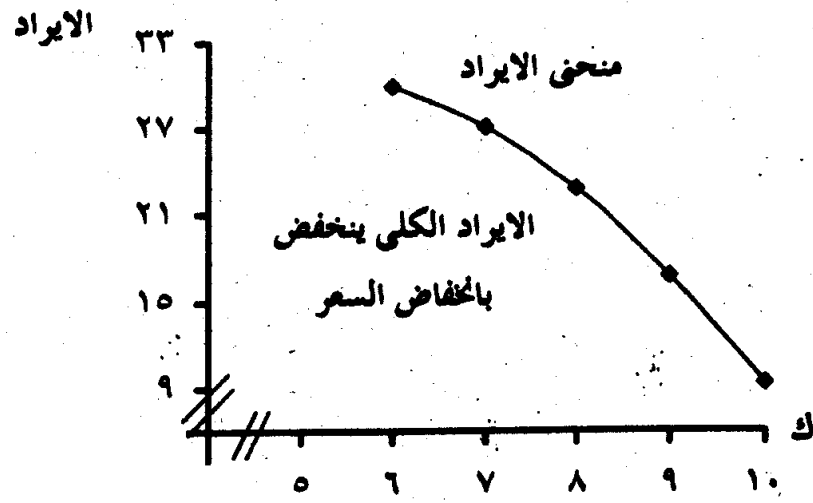
وهنا يلاحظ أن الإيراد الكلى قد ازداد بزيادة السعر ذلك لأن الطلب

على هذه السلعة طلب غير مرن ، كما أنه فى هذه الحالة أيضا يقل

الإيراد الكلى بخفض السعر ، ويمكن إيضاح ذلك جدوليا وبيانيا فيما

يلى :-

السعر	٦	٥	٤	٣	٢	١
الكمية	٥,٢	٦	٦,٨	٧,٦	٨,٤	٩,٢
المرونة	-	٠,٩	٠,٦	٠,٤	٠,٣	٠,٢
الإيراد الكلى	-	٣٠	٢٧,٢	٢٢,٨	١٦,٨	٩,٢



### ثانيا : فى مجال السياسة الضريبية :

تمثل الضريبة فى الواقع ارتفاعا فى سعر السلعة ، وتهدف الحكومة

من فرض الضريبة على السلعة (الضريبة غير المباشرة) الى تحقيق :

هدف مالى

هدف اقتصادى

زيادة الإيرادات

- الحد من الاستهلاك

- الحد من الاستيراد

- حماية المنتجات الوطنية .

ونجاح الحكومة في تحقيق هدفها من فرض الضريبة يتوقف على

مرونة الطلب السعرية للسلعة من حيث كونها مرنة أم غير مرنة .

أ - إذا كان الطلب على السلعة مرناً (المرونة = ٥ مثلاً) :

### مثال (١)

إذا كان هدف الحكومة هو الحد من الاستهلاك ، فإن فرض الضريبة

المنخفضة سيؤدي إلى الحد من الاستهلاك بصورة ملحوظة

$$\left( \frac{\%50-}{\%1+} \right) .$$

### مثال (٢)

إذا كان هدف الحكومة هو زيادة الإيرادات ، فإن فرض الضريبة

المرتفعة سيؤدي إلى خفض الكمية المطلوبة بمعدل أكبر  $\left( \frac{\%50-}{\%1+} \right)$

ومن ثم انخفاض حصيلة الإيرادات لا زيادتها .

ب- إذا كان الطلب على السلعة غير مرناً (المرونة = ٠,٦ مثلاً) :

## مثال (١)

إذا كان هدف الحكومة هو الحد من الاستهلاك ، فإن فرض الضريبة

المرتفعة هو المناسب للحد من الاستهلاك  $(\frac{-6\%}{+10\%})$  .

## مثال (٢)

إذا كان هدف الحكومة هو زيادة الإيرادات ، فإن فرض الضريبة

المرتفعة سيؤدي إلى خفض الكمية المطلوبة بدرجة قليلة أكبر

$(\frac{-6\%}{+10\%})$  ومن ثم زيادة حصيله الإيرادات .

**ثانيا : مرونة الطلب الدخلية :**

## مثال ١

الدالة التالية تعبر عن العلاقة بين دخل أحد المستهلكين والكمية

المطلوبة من إحدى السلع خلال فترة زمنية معينة :

$$Q = 50 + D$$

والمطلوب حساب مرونة الطلب الدخلية ومعرفة أهمية السلعة لهذا

المستهلك إذا كان دخله ١٠٠ جنيه خلال نفس الفترة الزمنية :

## الحل

الحل باستخدام أسلوب التفاضل لماذا ؟

$$\therefore ك = ٥٠ + ٥ د$$

$$\therefore د (الدخل) = ١٠٠$$

$$\therefore ك = ٥٥٠ \quad \text{وذلك بالتعويض فى المعادلة ، بأخذ}$$

التفاضل الأول للدالة المعطاه .

$$\therefore \frac{ك}{د} = ٥$$

$$\therefore \text{المرونة} = \frac{ك}{د} \times \frac{د}{ك}$$

$\therefore$  بالتعويض المباشر تكون

$$\text{المرونة} = ٥ \times \frac{١٠٠}{٥٥٠} = \frac{١٠}{١١} \text{ أى } ١ >$$

$\therefore$  السلعة ضرورية بالنسبة للمستهلك<sup>(٩)</sup>.

## مثال ٢

الجدول التالى يوضح العلاقة بين الكميات التى يطلبها أحد المستهلكين

(٩) كما هو الحال فى مرونة الطلب السعرية .

من سلعة ما ومستويات الدخل لهذا المستهلك خلال فترة زمنية معينة :

١١٠	٧٥	٥٠	٢٥	دخل المستهلك
٩	١٢	١٠	٤	الكمية المطلوبة من سلعة

والمطلوب حساب المرونة الدخلية بين المستويات المختلفة من الدخل

مع بيان أهمية هذه السلعة عند كل مستوى للدخل .

### الحل

∴ المرونة المطلوبة هي بين كل مستويين

∴ مقياس المرونة المستخدم هنا هو مرونة القوس

∴ المرونة بين مستويين الدخل ٢٥ ، ٥٠ هي :

$$\text{مرونة الطلب الدخلية} = \frac{\frac{\Delta Q}{Q}}{\frac{\Delta I}{I}} = \frac{\frac{10 + 12}{10 + 12}}{\frac{25 + 75}{25 + 75}} =$$

$$1,28 = \frac{75}{14} \times \frac{2}{25} =$$

وأنه بين هذين المستويين من الدخل لهذا المستهلك تكون السلعة كمالية

حيث مقياس المرونة هنا  $< 1$  .<sup>(٢)</sup>

، المرونة بين مستوى الدخل ٥٠ ، ٧٥ هي :

$$\text{مرونة الطلب الدخلية} = \frac{2}{25} \times \frac{125}{22} = 0,45$$

وأنة بين هذين المستويين من الدخل لهذا المستهلك تكون السلعة

ضرورية حيث مقياس المرونة هنا  $1 >$

، المرونة بين مستويين الدخل ٧٥ ، ١٠٠ هي :

$$\text{مرونة الطلب الدخلية} = \frac{3-}{30} \times \frac{180}{21} = 0,75-$$

وأنة بين هذين المستويين من الدخل لهذا المستهلك تكون السلعة رديئة

حيث مقياس المرونة هنا بالسالب وأقل من الواحد الصحيح .

### ثالثا : مرونة الطلب المقطعية :

#### مثال ١

إذا كانت الكمية المطلوبة من السكر دالة في سعر الشاي ، وأن زيادة

سعر الكيلو جرام من الشاي من ١٠ إلى ٢٠ جنيه ترتب عليه نقص

الكمية المطلوبة من السكر من ١٥ إلى ١٠ كيلو جرام ، والمطلوب

حساب مرونة الطلب المقطعية مع ايضاح شكل العلاقة بين السكر

والشاي :

(١) كما هو الحال في مرونة الطلب السعرية .

## الحل

∴ المرونة بين مستويين .

∴ مقياس المرونة المناسب هو مرونة القوس

$$\therefore \text{ مرونة القوس } = \frac{\frac{\Delta K}{K_1 + K_2}}{\frac{\Delta S}{S_1 + S_2}}$$

$$= - \frac{5}{10} \times \frac{30}{25} = -0,6$$

وتدل الإشارة السالبة هنا بأن السلعتان (المسكر والشاي) مكملتان .

مثال ٢

إذا كانت الكمية المطلوبة من البن دالة في سعر الشاي ، وأن زيادة سعر الكيلو جرام من الشاي من ١٠ إلى ٢٠ جنيه ترتب عليه زيادة الكمية المطلوبة من البن من ٢٥ إلى ٣٠ كيلو جرام والمطلوب حساب مرونة الطلب المقطعية بين البن والشاي مع إيضاح شكل العلاقة بينهما .

## الحل

$$\text{المرونة} = \frac{\frac{\Delta K}{K_1 + K_2}}{\frac{\Delta S}{S_1 + S_2}}$$

$$= \frac{5}{55} \times \frac{30}{25} = 0,27$$

وتدل الإشارة الموجبة هنا أن السلعتان (البن والشاي) متبادلتان .



## **الفصل الثاني**

### **دالة العرض**

- تعريف العرض

- دالة العرض العلمية

- كع = د (س)

- تغير منحنى العرض وانتقال منحنى العرض

- مرونة العرض .

### تعريف العرض :

هو الكمية التي يكون المنتجون أو البائعون مستعدون لبيعها  
بشمن معين خلال فترة زمنية معينة . ويجب التفرقة بين الكمية  
المعرضة من السلعة والكمية الموجودة في السوق ، فالأولى أى  
الكمية المعرضة من السلعة هى التى يكون المنتج أو البائع مستعدا  
ليبيعها تحت الظروف السعرية السائدة ، أما الكمية الموجودة فى السوق  
فهى التى يكون المنتج أو البائع غير مستعدا لبيعها فى السوق تحت  
الظروف السعرية السائدة وإنما يلجأ إلى التخزين .

### دالة العرض العامة

تعرف دالة العرض بأنها العلاقة السببية بين الكمية المعرضة  
من سلعة معينة ( كمتغير تابع ) والعوامل المؤثرة على هذه الكمية  
( كمتغيرات مستقلة ) ، وتتمثل أهم العوامل المؤثرة هذه فى سعر  
السلعة ذاتها ، الفترة الزمنية للإنتاج من حيث كونها قصيرة الأجل أو

متوسطة الأجل أو طويلة الأجل ، المستوى الفنى للإنتاج ، الضرائب ، الإعانات ، أسعار السلع الأخرى .

### الدالة $E = D(S)$ وذات العلاقة الرياضية الخطية :

يشير قانون العرض فى النظرية الاقتصادية بأن العلاقة بين الكمية المعروضة من سلعة ما وسعرها علاقة طردية ، بمعنى إذا زاد سعر السلعة زادت الكمية المعروضة منها والعكس صحيح ، وهذا يتفق مع السلوك الرشيد للمنتج .

### مثال ١

الدالة التالية تمثل دالة العرض لأحدى السلع فى سوق معين وفى فترة زمنية معينة :

$$E = 10 + 5S$$

والمطلوب تكوين جدول عرض هذه السلعة عند مستويات سعرية افتراضية وأيضاً رسم منحنى هذه الدالة وشرح خصائصه .

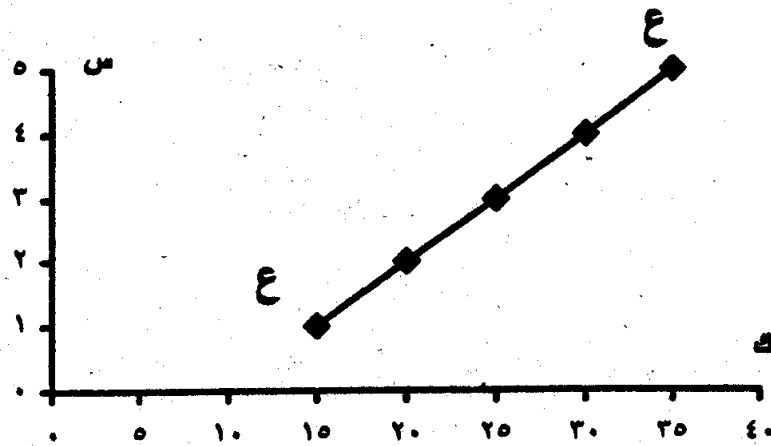
## الحل

جدول العرض البياني :

السعر	١	٢	٣	٤	٥
الكمية المعروضة	١٥	٢٠	٢٥	٣٠	٣٥

وجدير بالذكر أن جدول العرض هو بيان رقمي يظهر الكميات المعروضة من سلعة معينة عند أسعار مختلفة في فترة زمنية معينة .

- منحنى العرض :



ومن خصائص هذا المنحنى أنه ذو ميل موجب غالبا . وهو شكل

بياني يظهر العلاقة الموجبة بين الكمية المعروضة من سلعة ما وأسعار

مختلفة في فترة زمنية معينة .

## تغير منحنى العرض

يقصد بتغير منحنى العرض بأنه التحرك على نفس منحنى العرض نتيجة للتغير في السعر مع ثبات العوامل الأخرى ،، ويسمى ذلك بتحدد أو انكماش العرض .

## مثال ٢

في المثال السابق احسب التغير في العرض إذا ما زاد السعر من ٢ إلى ٥

## الحل

∴ الكمية المعروضة عند السعر ٢ = ٢٠

∴ الكمية المعروضة عند السعر ٥ = ٣٥

∴ التغير في الكمية المعروضة بزيادة السعر من ٢ إلى ٥

$$= ٣٥ - ٢٠ = ١٥$$

## مثال ٣

الجدول التالي يوضح الكميات التي يعرضها اثنين من العارضين

لسعة معينة عند الأسعار المختلفة :

السر	٢	٤	٦	٨	١٠
ع	٢٠	٢٥	٤٠	٦٠	٩٠
ع	١٠	١٥	٢٠	٣٠	٤٠

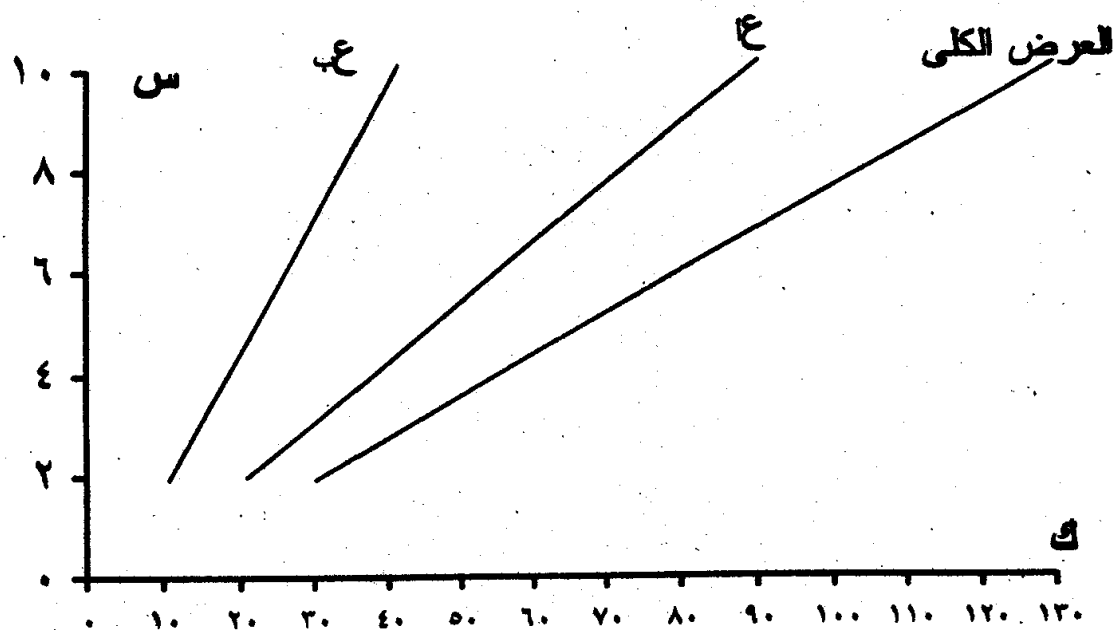
والمطلوب حساب العرض الكلي لهذه السلعة ، والرسم البياني لمنتجات

العرض الفردية ومنحنى العرض الكلي :-

الحل

- العرض الكلي لسلعة ما هو مجموع العرض الفردي لهذه السلعة ،  
وعليه فالعرض الكلي في هذا المثال هو :

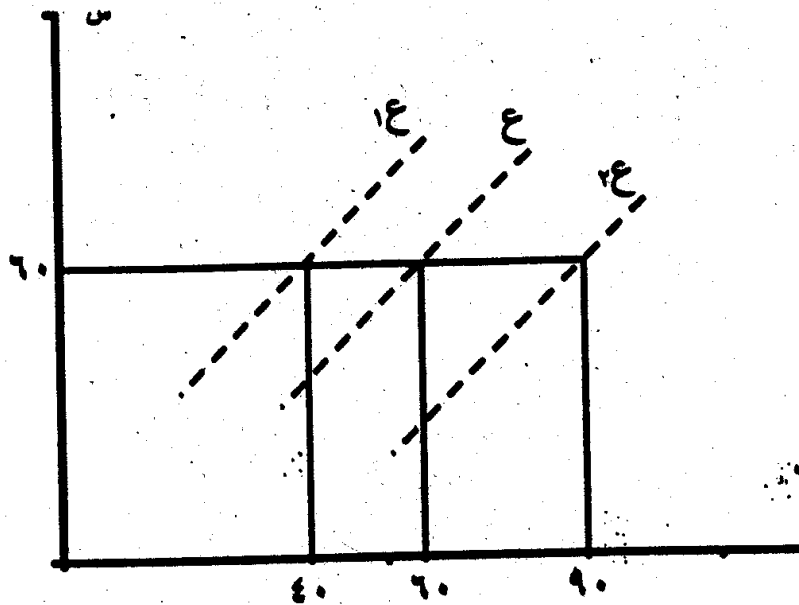
السر	٢	٤	٦	٨	١٠
ع	٢٠	٢٥	٤٠	٦٠	٩٠
ع	١٠	١٥	٢٠	٣٠	٤٠
العرض الكلي	٣٠	٤٠	٦٠	٩٠	١٣٠



## انتقال منحنى العرض :

أنه إذا ما تغيرت العوامل الأخرى المؤثرة على العرض مع ثبات السعر فإن منحنى العرض ينتقل بأكمله ، وإذا كان الانتقال إلى اليمين دل ذلك على أن الكمية المعروضة قد زادت عند نفس السعر السائد ، أما إذا كان الانتقال إلى اليسار دل ذلك على أن الكمية المعروضة قد نقصت عند نفس السعر السائد .

## مثال



ويتضح من هذا العرض البياني أن منحنى العرض ع عند السعر ٦ كانت الكمية المعروضة ٦٠ ، وإنه لتغير العوامل الأخرى المؤثرة على عرض تلك السلعة ومع ثبات السعر عند ٦ فإن الكمية المعروضة

٦٠ قد زادت إلى ٩٠ حيث التغير الحادث إيجابى ، ثم تناقصت إلى ٤٠ حيث التغير ذو تأثير سلبى .

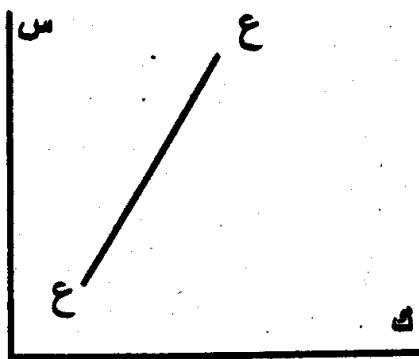
### مرونة العرض :

هى مدى حساسية عرض السلعة للتغير فى الثمن ، ومقياسها هو :

مرونة العرض السعرية =  $\frac{\text{التغير النسبى فى الكمية المعروضة من سلعة معينة}}{\text{التغير النسبى فى سعر تلك السلعة}}$

وأشارة معامل مرونة العرض موجبة لأن ميل منحنى العرض موجب

ولأنواع مرونة العرض هى :-

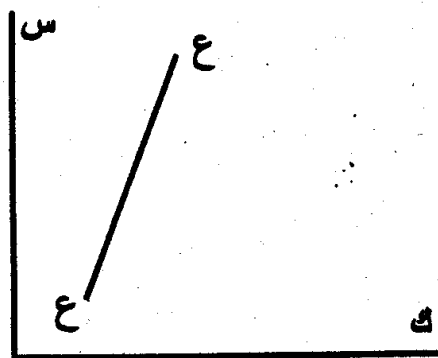


١- العرض المرن :

وفيه تكون قيمة معامل مرونة

العرض أكبر من الواحد الصحيح

أى  $م > ١$  .



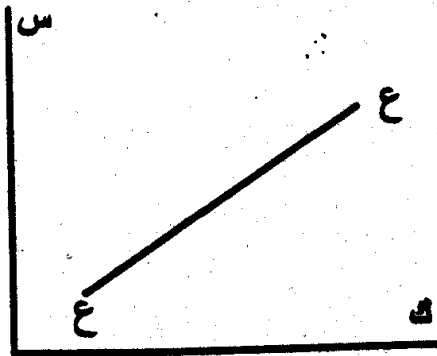
٢- العرض غير المرن :

وفيه تكون قيمة معامل مرونة

العرض أقل من الواحد الصحيح

أى  $م < ١$  .



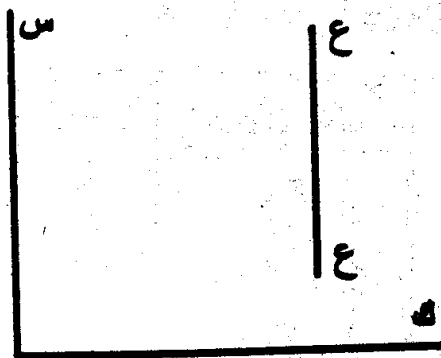


٣- عرض متكافئ المرونة :

وفيه تكون قيمة معامل مرونة

العرض تساوى الواحد الصحيح

أى  $m = 1$  .

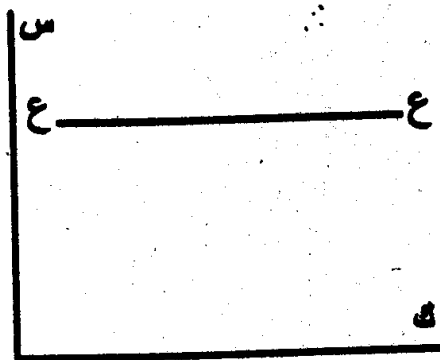


٤- عرض عديم المرونة :

وفيه تكون قيمة معامل مرونة

العرض تساوى الصفر أى

$m = \text{صفر}$



٥- عرض قائم المرونة :

وفيه تكون قيمة معامل مرونة

العرض تساوى  $\infty$  أى  $m = \infty$

مثال ٤

احسب مرونة العرض السعرية بين المستويات السعرية المختلفة فى

المثال رقم ٣

## الحل

∴ المطلوب هو حساب المرونة بين مستويين

$$\therefore \text{قانون المرونة المناسب هو } = \frac{\Delta ع}{س} \times \frac{س + ١}{١٤ + ١٤}$$

∴ يتم حساب المرونة بين كل مستويين من الأسعار في جدول مثال

رقم ٣ . ويمكن تلخيص الحل في جدول كما يلي :

السعر	العرض الكلى	مرونة العرض	استجابة العرض
٢	٣٠	٠,٩٢	غير مرن نسبيا
٤	٤٠		
٦	٦٠		
٨	٩٠		
١٠	١٣٠		
		١	متكافىء المرونة
		١,٤	مرن نسبيا
		١,٥٦	مرن نسبيا

وإنه من الأهمية بمكان الإشارة إلى أن السلعة القابلة للتخزين تكون

مرونة عرضها أكبر من مرونة عرض السلع القابلة للتلف وذلك لأن

المنتج أو العارض في السلعة القابلة للتخزين يمكنه الاستجابة للتغير

في السعر فيزيد من الكمية المعروضة إذا زاد السعر والعكس ، أما في

حالة السلع القابلة للتلف لا يتمكن المنتج أو العارض من الاستجابة  
للتغير في السعر ، وعليه فمرونة عرض الحبوب أكبر من مرونة  
عرض الخضار والفاكهة .

## **الفصل الثالث**

### **دالة الإنتاج**

**يشتمل هذا الفصل على :**

- تعريف الإنتاج

- عناصر الإنتاج

- دالة الإنتاج

- دالة الإنتاج لمتغير مستقل واحد :

• العرض الجدولى والبيانى والرياضى.

• معالم دالة الإنتاج (الناتج الكلى ، الناتج المتوسط والناتج

الحدى)

• مراحل الإنتاج وقانون تناقص الغلة

• مراحل الإنتاج ومرونة الإنتاج .

**تعريف الإنتاج :**

عرف الطبيعيون الإنتاج بأنه (خلق مادة) ولذلك فقد اعتبروا أن العمل الزراعى هو العمل الوحيد الذى يحقق إنتاج وما عاده لا يعتبر إنتاج ، ثم جاء آدم اسميث واعتبر أن الصناعة والتجارة والنقل أعمال منتجة ، ثم فى العصر الحديث يعرف الإنتاج بأنه (خلق المنفعة) سواء كانت المنفعة شكلية أى تحويل المادة من شكل إلى شكل آخر ، أو منفعة مكانية أى انتقال المادة من مكان إلى مكان آخر ، أو منفعة زمانية أى تخزين المادة إلى وقت آخر ، أو منفعة تملكية أى بيع وتبادل المادة لآخر ، وعلى ذلك تعتبر السلع والخدمات أعمال إنتاجية، أى أن العملية الإنتاجية هى عملية تشمل إنتاج السلع والخدمات التى يسعى الإنسان للحصول عليها واستخدامها فى اشباع حاجاته .

**عناصر الإنتاج :**

يتحقق الإنتاج باستخدام مجموعة من العناصر وهى الأرض والعمل ورأس المال والإدارة ، إلا أن الأهمية النسبية لكل عنصر تختلف من إنتاج لآخر ، ففى مجال النشاط الزراعى يعتبر عنصر

الأرض هو الأكثر أهمية نسبية عن عناصر الإنتاج الأخرى ، بينما فى النشاط الفندقى يعتبر عنصر العمل هو الأكثر أهمية نسبية ....

ويقصد بالأرض ما تحتويه من معادن ومياه وموارد للطاقة...

والمناخ والموقع الجغرافى ، أما العمل فهو كل مجهود ارادى يقوم به الانسان بهدف إنتاج السلع والخدمات ، بينما رأس المال فهو مال نلتج من عملية إنتاج سابقة ويستعمل فى عملية إنتاج جديدة ، وقد يتم استعمال رأس المال الثابت مثل المباني والمعدات والالات وبالتالي يتم اهلاكها بالتدريج ، وقد يستعمل فى عملية إنتاجية واحدة ويسمى برأس المال المتداول كالقطن والفحم والصوف والبتترول والأغذية والمشروبات ، ويتكون رأس المال من عمليتين متتاليتين هما الادخار والاستثمار إذا لا تكفى عملية الادخار وحدها فى تكوين رأس المال بل هى مجرد اكتتاز ، إذ يجب اشتراك الأموال المدخرة فى عملية الإنتاج سواء عن طريق الشخص المدخر نفسه أو عن طريق أشخاص آخرين يقومون بالإنتاج ويضع المدخر مدخراته تحت تصرفهم . أما عنصر الإدارة أو التنظيم فهو العنصر الذى يقوم بتحديد نسبة كل عنصر من

العناصر الثلاثة حتى إذا ما تم مزجها في عملية الإنتاج تحقق الإنتاج بحيث إذا ما تم بيعه في السوق حصل المنظم على الأرباح .

### دالة الإنتاج :

هي العلاقة بين الكمية المنتجة من سلعة أو خدمة كمتغير تابع وعناصر الإنتاج كمتغيرات مستقلة .

$$K = f(R, E, L, D)$$

حيث :

ك	:	الكمية المنتجة
ض	:	عنصر الأرض
ع	:	عنصر العمل
ر	:	عنصر رأس المال
د	:	عنصر الإدارة

وتشير النظرية الاقتصادية إلى أن العلاقة بين الكمية المنتجة وعناصر الإنتاج علاقة طردية بمعنى إذا زادت الكميات المستخدمة من عناصر الإنتاج زادت الكمية المنتجة . وواضح أن هذه العلاقة بها الكثير من العموم ، فلم توضح نسب زيادة عناصر الإنتاج وما يقابلها من نسب

زيادة الكمية المنتجة ، كما لم توضح إلى أى مدى تزداد الكمية المنتجة بزيادة عناصر الإنتاج ، ..... إلى غير ذلك من التساؤلات ، وللإجابة على هذه التساؤلات كانت دالة الإنتاج ذات العلاقة الرياضية ، وتعتبر دالة الإنتاج لمتغير مستقل واحد وذات الثلاث حدود أى  $ص = د(س) = أ + ب س + ج س^2 + د س^3$  حيث  $ص$  هي الكمية المنتجة ،  $س$  عنصر العمل هي الأكثر شيوعا فى الدراسات الاقتصادية ذلك لإمكان عرضها بيانيا ، ولكونها توضح أكثر من غيرها تحليلات دالة الإنتاج .

$$\text{دالة الإنتاج } ص = أ + ب س + ج س^2 + د س^3$$

### مثال

إذا كانت الدالة  $ص = د(س) = ١٠ + ٢ س - ٣ س^2$  هي دالة إنتاج إحدى السلع .

فالمطلوب :

١- العرض الجدولى والبياني للدالة مبينا الناتج الكلى والناتج المتوسط

والناتج الحدى .



٢- أوجد العلاقة الجبرية والبيانية بين الناتج الكلى والناتج المتوسط

والناتج الحدى .

٣- حدد مراحل الإنتاج مع بيان قانون تناقص الغلة .

٤- أوجد العلاقة بين مراحل الإنتاج ومرونة دالة الإنتاج .

### الحل

١- العرض الجدولى :

عصر الإنتاج (س)	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠
الناتج الكلى (ص)	١٢	٣٨	٧٢	١٠٨	١٤٠	١٦٢	١٦٨	١٥٢	١٠٨	٣٠
الناتج المتوسط ص/س	١٢	١٩	٢٤	٢٧	٢٨	٢٧	٢٤	١٩	١٢	٣
الناتج الحدى Δ ص/Δ س	-	٢٦	٣٤	٣٦	٣٢	٢٢	٦	١٦-	٤٤-	٧٨-

ملاحظات على الجدول :

(أ) أن قيم الناتج الكلى (ص) ناتجة من التعويض بقيم س فى الدالة

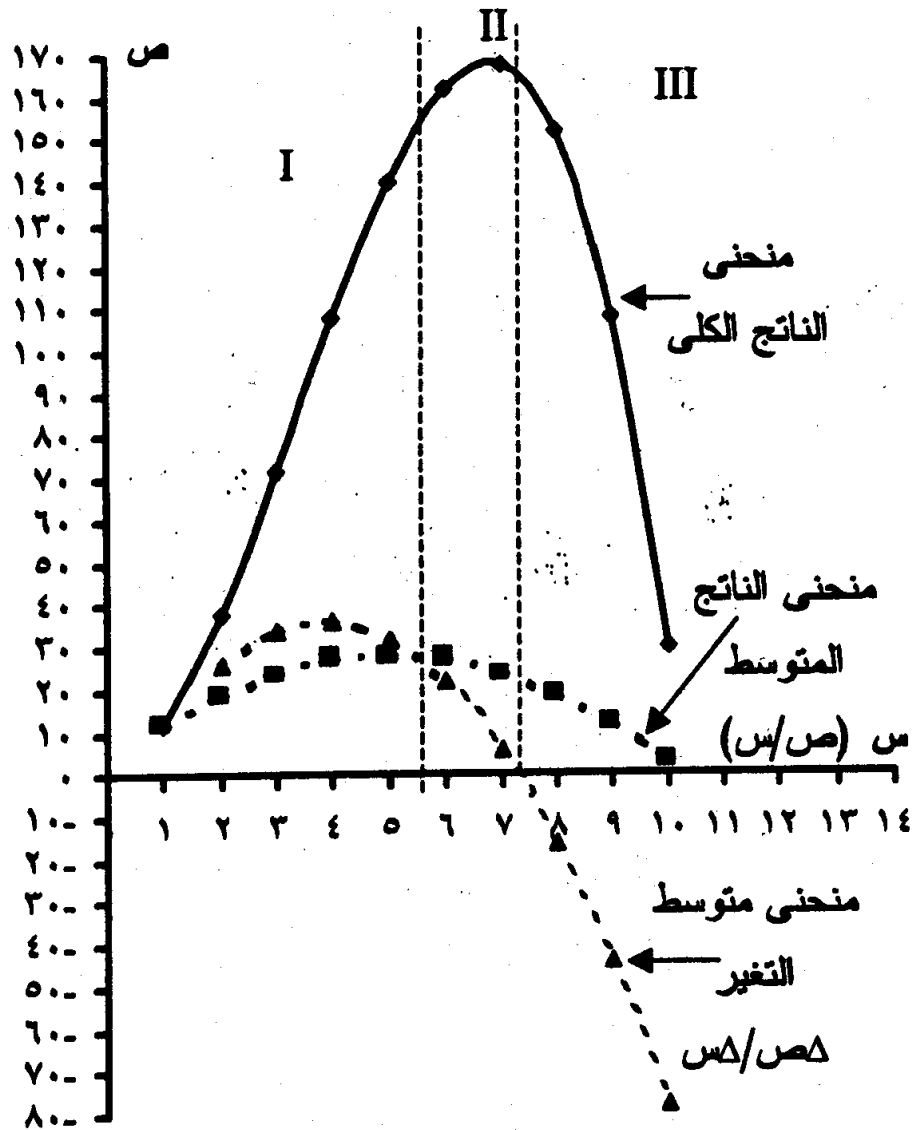
المذكورة .

(ب) أن قيم الناتج المتوسط (ص/س) هى خارج قسمة ص على س

المناظرة لها .

(جـ) أن قيم  $\Delta$  ص/كس هي متوسط التغير في الدالة :

٢- العرض البياني<sup>(١)</sup> :



(١) يتفق العرض البياني مع المنطق الرياضي للدالة فالمتغير المستقل على المحور الأفقي والمتغير التابع على المحور الرأسى .

ملاحظات على العرض البياني :-

( أ ) أن نقطة تقاطع منحنى الناتج الحدى مع منحنى الناتج المتوسط

هى عندما  $s = ٥.٥$  .

(ب) أن نقطة تقاطع منحنى الناتج الحدى مع المحور الأفقى هى عندما

$s = ٧,٤$  .

(جـ) أن لهاتين النقطتين أهمية اقتصادية فى دالة الإنتاج وسيرد ذلك

فيما بعد .

إلا أنه

إذا تم استخدام الأسلوب الرياضى فى تكوين العرض الجدولى والبيانى

فإن الملاحظات السابقة ستختلف والإيضاح فيما يلى :

( أ ) نقطة تقاطع منحنى الناتج الحدى مع منحنى الناتج المتوسط

رياضيا :

$$\therefore \text{ص} = ٣س + ١٠س^٢ - س^٣$$

$$\therefore \frac{\text{ص}^٤}{\text{ص}^٤} = ٣ + ٢٠س - ٣س^٢$$

$$\therefore \text{ص} = م + ١٠س^٢ - س^٣$$

$$\therefore \frac{ص}{س} = \frac{س^3 + ١٠س^2 - س^2}{س}$$

، أنه عند نقطة تقاطع منحنى الناتج الحدى مع منحنى الناتج المتوسط تتساوى دالتيها .

$$\therefore \frac{س^3 + ١٠س^2 - س^2}{س} = ٣س^2 - ٢٠س + ٣$$

$\therefore س = ٥$  وليست ٥.٥ كما فى التحليل الجدولى والبيانى السابق .

وتجدر الإشارة إلى أنه يمكن إيجاد نقطة التقاطع هذه بطريقة رياضية أخرى على أساس أن نقطة التقاطع هذه تتحقق عندما يصل الناتج المتوسط أقصاه وعليه :

$$\therefore \frac{ص}{س} = \frac{س(س^3 - ٢٠س^2 + ٣س) - (س^3 + ١٠س^2 - س^2)}{س} = ١ - صفر$$

$$\therefore س = ٥$$

(ب) نقطة تقاطع منحنى الناتج الحدى مع المحور الأفقى رياضيا :

$$\therefore \frac{ص}{س} = ٣س^2 - ٢٠س + ٣ = ٠$$

$$\therefore ٣س^2 - ٢٠س - ٢ = صفر$$

$$\frac{-\text{ب} + \sqrt{\text{ع} - ٤\text{أ} - \text{ج}}}{١٢} = \text{وباستخدام القانون س}$$

∴ س = ٦,٨ وليست ٧,٥ كما في التحليل الجدولى والبيانى السابق

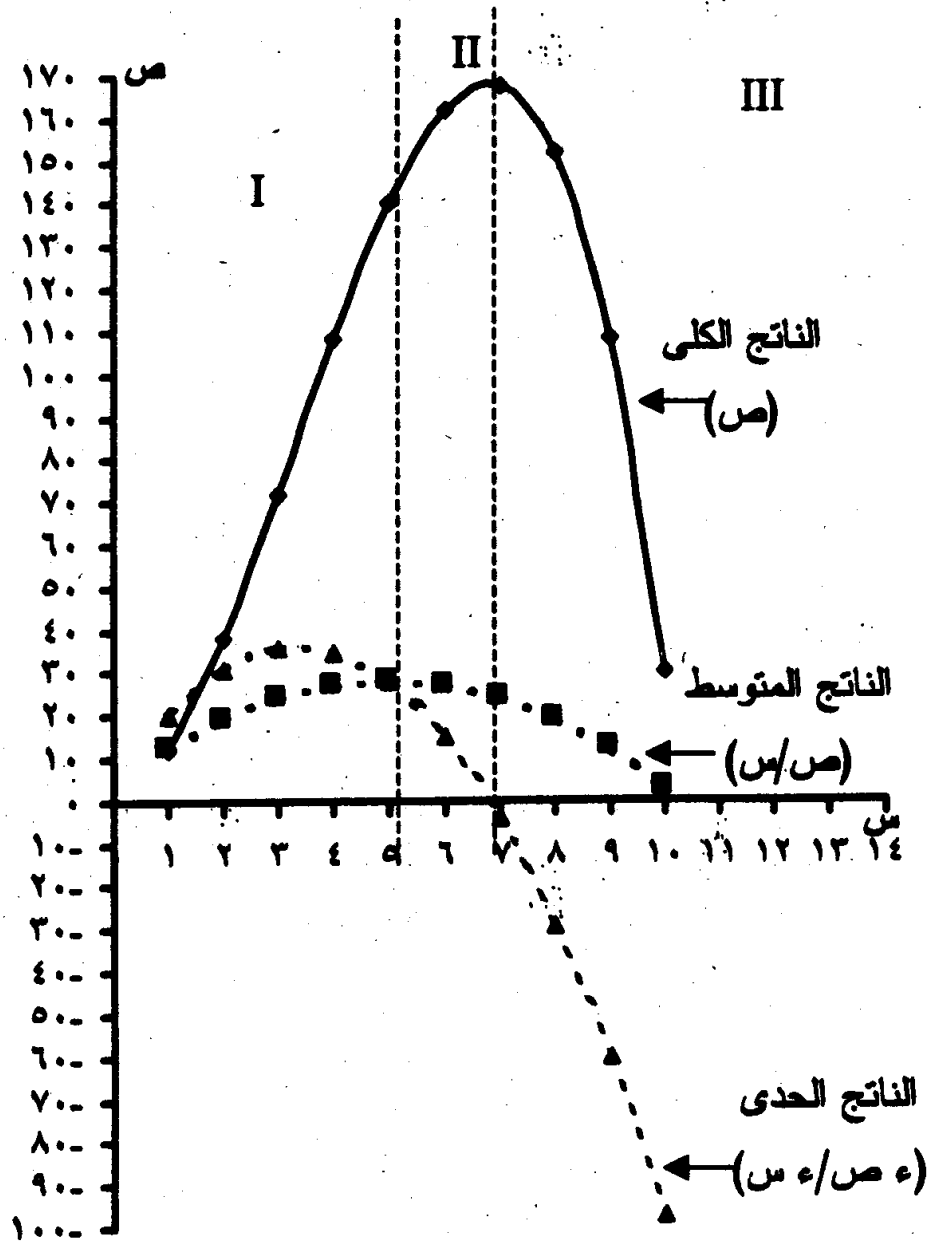
وعليه

ماذا سيكون عليه العرض الجدولى والبيانى المبني على الأسلوب

الرياضى ؟ سيتضح ذلك من العرض التالى :

العرض الجدولى :

عناصر الإنتاج (س)	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠
الناتج الكلى (ص)	١٢	٣٨	٧٢	١٠٨	١٤٠	١٦٢	١٦٨	١٥٢	١٠٨	٣٠
الناتج المتوسط (ص/س)	١٢	١٩	٢٤	٢٧	٢٨	٢٧	٢٤	١٩	١٢	٣
الناتج الحدى (ء ص/ء س)	٢٠	٣١	٣٦	٣٥	٢٨	١٥	٤-	٢٩-	٦٠-	٩٧-



ملاحظات :

( أ ) أن نقطة تقاطع منحنى الناتج الحدي مع منحنى الناتج المتوسط

هي عندما  $س = ٥$  ، وأيضا جدوليا عندما  $س = ٥$  وهذا يتفق مع

التحليل الرياضي .

(ب) أن نقطة تقاطع منحنى الناتج الحدى مع المحور الأفقى هي عندما  $s = 6.8$  وجدوليا أيضا عندما  $s = 6.8$  (س هذه يمكن إيجادها من على الجدول حسابيا) وهذا يتفق مع التحليل الرياضي.

(جـ) قد اتفقت معالم العرض الجدولى مع معالم العرض البيانى مع التحليل الرياضى وهذا يسمح بإيجاد أثر اضافة جزئيات من عنصر الإنتاج المستخدم وليس اضافة وحدات كاملة ، فقد يرى المنتج اضافة ٠.٢ من عنصر الإنتاج المستخدم وليس وحدات كاملة خاصة إذا كان عنصر الإنتاج المستخدم هو رأس المال أو الأرض .

(ء) أن اختلاف قيم الناتج الحدى بالجدول مع مفهوم الناتج الحدى أمر يمكن قبوله مقابل الدقة .

### وثمة محالة

نظرا لشيوع استخدام  $\frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}}$  بأنها الناتج الحدى لكون  $\Delta \text{س}$  تساوى وحدات كاملة ، ونظرا لما تبين من أن هذا الاستخدام يبتعد عن

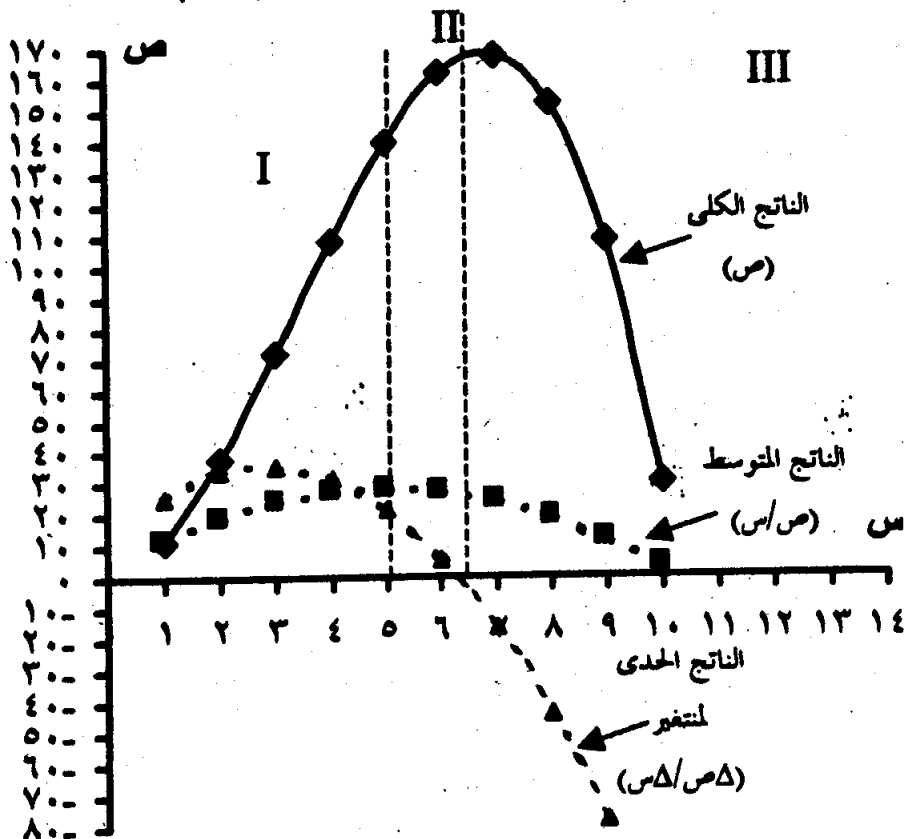
الاستخدام الدقيق للناتج الحدى فى دالة الإنتاج ، فكانت هذه المحاولة

لإيجاد توفيق بين  $\frac{\Delta \text{ ص}}{\Delta \text{ س}}$  مع  $\frac{\text{ص}}{\text{س}}$

العرض الجدولى وفق التوفيق الصحيح لقيمة  $\frac{\Delta \text{ ص}}{\Delta \text{ س}}$ :

عناصر الإنتاج (س)	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠
الناتج الكلى (ص)	١٢	٣٨	٧٢	١٠٨	١٤٠	١٦٢	١٦٨	١٥٢	١٠٨	٣٠
الناتج المتوسط (ص/س)	١٢	١٩	٢٤	٢٧	٢٨	٢٧	٢٤	١٩	١٢	٣
الناتج الحدى (ص/س)	٢٦	٣٤	٣٦	٣٢	٢٢	٦	١٦	٤٤	٧٨	

العرض البيانى وفق التوفيق الصحيح لقيمة (ص/س)





## ملاحظات :

( أ ) أن نقطة منحنى الناتج الحدى مع منحنى الناتج المتوسط هي عناصر س = ٥ .

( ب ) أن نقطة تقاطع منحنى الناتج الحدى مع المحور الأفقى هي عندما س = ٦,٨ .

( جـ ) اتفقت معالم العرض البيانى مع معالم العرض الجدولى القائمين على استخدام  $\frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}}$  لكن فى موقعها الصحيح ومنع معالم التحليل الرياضى ، الأمر الذى يقودنا إلى التحديد الدقيق للنقاط الفاصلة لمراحل الإنتاج .

وقد يرى البعض أن طول التحليل السابق يعتبر تزايدا كان لا داعى له، إلا أن هذا رأى خاطئ ، فقد تبين أن عدم استخدام الاقتصاد الرياضى ترتب عليه عدم التحديد الدقيق للنقطتين الهامتين فى دالة الإنتاج وهى نقطة تقاطع منحنيا ص/س مع  $\Delta \text{ص} / \Delta \text{س}$  ، ونقطة تقاطع منحنى  $\Delta \text{ص} / \Delta \text{س}$  مع المحور الأفقى ، إذ يتوقف عليها تحديد مراحل الإنتاج .

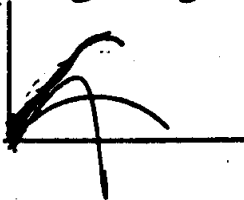
## ٣- مراحل الإنتاج وقانون تناقص الغلة :

تحدد مراحل الإنتاج باستخدام النقطتين الهامتين السابق الإشارة إليهما ،  
 فعند نقطة تقاطع منحنى الناتج الحدى  $(\frac{E}{S})$  مع منحنى الناتج  
 المتوسط  $(\frac{S}{S})$  تتحدد نهاية المرحلة الأولى وبداية المرحلة الثانية ،  
 وعند نقطة تقاطع منحنى الناتج الحدى  $(\frac{E}{S})$  مع المحور الأفقى  
 تتحدد نهاية المرحلة الثانية وبداية المرحلة الثالثة ، وهذا ما يتضح  
 على العرض البيانى السابق حيث المراحل الثلاثة معبرا عنها بالأرقام  
 I وهى المرحلة الأولى ، II وهى المرحلة الثانية III وهى  
 المرحلة الثالثة ، وفيما يلى التحليل الاقتصادى لكل مرحلة  
 على هذه :

## المرحلة الأولى :

فى هذه المرحلة يترتب على زيادة وحدات متساوية متتالية من عنصر  
 الإنتاج المستخدم أن يزداد الناتج الكلى بمعدل متزايد حتى نقطة  
 الانعكاس<sup>(١)</sup> ثم بعدها يزداد بمعدل . تناقص حتى نهاية هذه المرحلة

(١) نقطة الانعكاس هى نقطة على منحنى الناتج الكلى يقابلها نقطة النهاية العظمى لمنحنى الناتج  
 الحدى .



الأولى ، وأن الناتج المتوسط يزداد حتى يصل أقصاه فى نهاية هذه المرحلة الأولى ، وأن الناتج الحدى يزداد حتى يصل أقصاه ثم يعود للنقصان . ويعتبر الإنتاج فى هذه المرحلة إنتاج غير اقتصادى ذلك لأن نسبة عنصر الإنتاج المستخدم غير كافية بالنسبة لنسب عناصر الإنتاج الأخرى الثابتة وهذا ما ينعكس فى زيادة الناتج المتوسط والناتج الحدى ، ومن غير المعقول التوقف عن الإنتاج فى هذه المرحلة حيث أن زيادة وحدت عنصر الإنتاج المستخدم تؤدي إلى زيادة الناتج المتوسط و الناتج الحدى ومن ثم الناتج الكلى .

### المرحلة الثانية :

فى هذه المرحلة ونتيجة لزيادة وحدات المتغير المستقل يستمر الناتج الكلى فى التزايد لكن بمعدل المتناقص حتى يصل أقصاه فى نهاية هذه المرحلة الثانية ، وأن الناتج المتوسط يبدأ فى التناقص حتى نهاية هذه المرحلة الثانية ، وأن الناتج الحدى يستمر فى التناقص حتى يصل القيمة صفر فى نهاية هذه المرحلة الثانية ، ويعتبر الإنتاج فى هذه المرحلة إنتاج اقتصادى ذلك لتوافق نسب مزج عناصر الإنتاج مجتمعة، وهذا ما ينعكس فى تزايد الناتج الكلى عن المرحلة الأولى ،

وأنة لتحديد أفضل نسبة مزج (توليفه) فإن الأمر يتطلب معطيات أخرى (دالة التكاليف ودالة الأيراد) وهذا ما يخرجنا عن السياق المتناول . وجدير بالملاحظة أن تأثير قانون تناقص الغلة يبدأ مع بداية المرحلة الثانية حيث ظاهرة التناقص فى المعالم الثلاثة لدالة الإنتاج وهى الناتج الكلى الناتج لمتوسط والناتج الحدى .

### المرحلة الثالثة :

فى هذه المرحلة ونتيجة لزيادة وحدات المتغير المستقل (عنصر الإنتاج المستخدم) يتوقف الناتج الكلى عن الزيادة ويبدأ فى النقصان ، وأن الناتج المتوسط يستمر فى النقصان لكن بقيم موجبة ، وأن الناتج الحدى يبدأ فى النقصان بالقيم السالبة . ويعتبر الإنتاج فى هذه المرحلة إنتاج غير اقتصادى ذلك بسبب الزيادة غير المتناسبة من عنصر الإنتاج المستخدم مع عناصر الإنتاج الأخرى الثابتة وهذا ما ينعكس فى نقصان الناتج الكلى .

### مراحل الإنتاج ومرونة دالة الإنتاج :

أنه فى حالة دالة الإنتاج ذات المتغير المستقل الواحد أى ص - د(س) حيث ص هى الكمية المنتجة ، س هى عنصر الإنتاج المستخدم فإن

مرونة الإنتاج هي :

$$\text{مرونة الإنتاج} = \frac{\text{التغير النسبي في الكمية المنتجة (ص)}}{\text{التغير النسبي في عنصر الإنتاج المستخدم (س)}}$$

$$\frac{\frac{\Delta \text{ص}}{\text{ص}}}{\frac{\Delta \text{س}}{\text{س}}} = \frac{\text{ص}}{\text{س}} \times \frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}} = \frac{\Delta \text{ص}}{\Delta \text{س}} \times \frac{\text{ص}}{\text{س}}$$

وطالما أن دالة الإنتاج في الغالب هي دالة من الدرجة الثالثة أى منحنى ، فإن لكل نقطة على هذا المنحنى درجة مرونة خاصة بها ، وعليه فإن لدرجات المرونة هذه دورا هاما في تحديد مراحل الإنتاج ومن ثم الإنتاج الاقتصادي وغير الاقتصادي ، وهذا ما يوضحه المثال التالي :

مثال

إذا كانت دالة إنتاج خدمة ما تمثلها المعادلة

$$\text{ص} = 3\text{س} + 10\text{س}^2 - \text{س}^3$$

فالمطلوب :

(أ) أوجد مرونة الإنتاج جدوليا وبيانيا في مجال المتغير المستقل

(عنصر الإنتاج) ١ : ٢ ، ٣ ، ..... ، ١٠ .

(ب) استخدام درجات المرونة الناتجة في تحديد مراحل الإنتاج مع

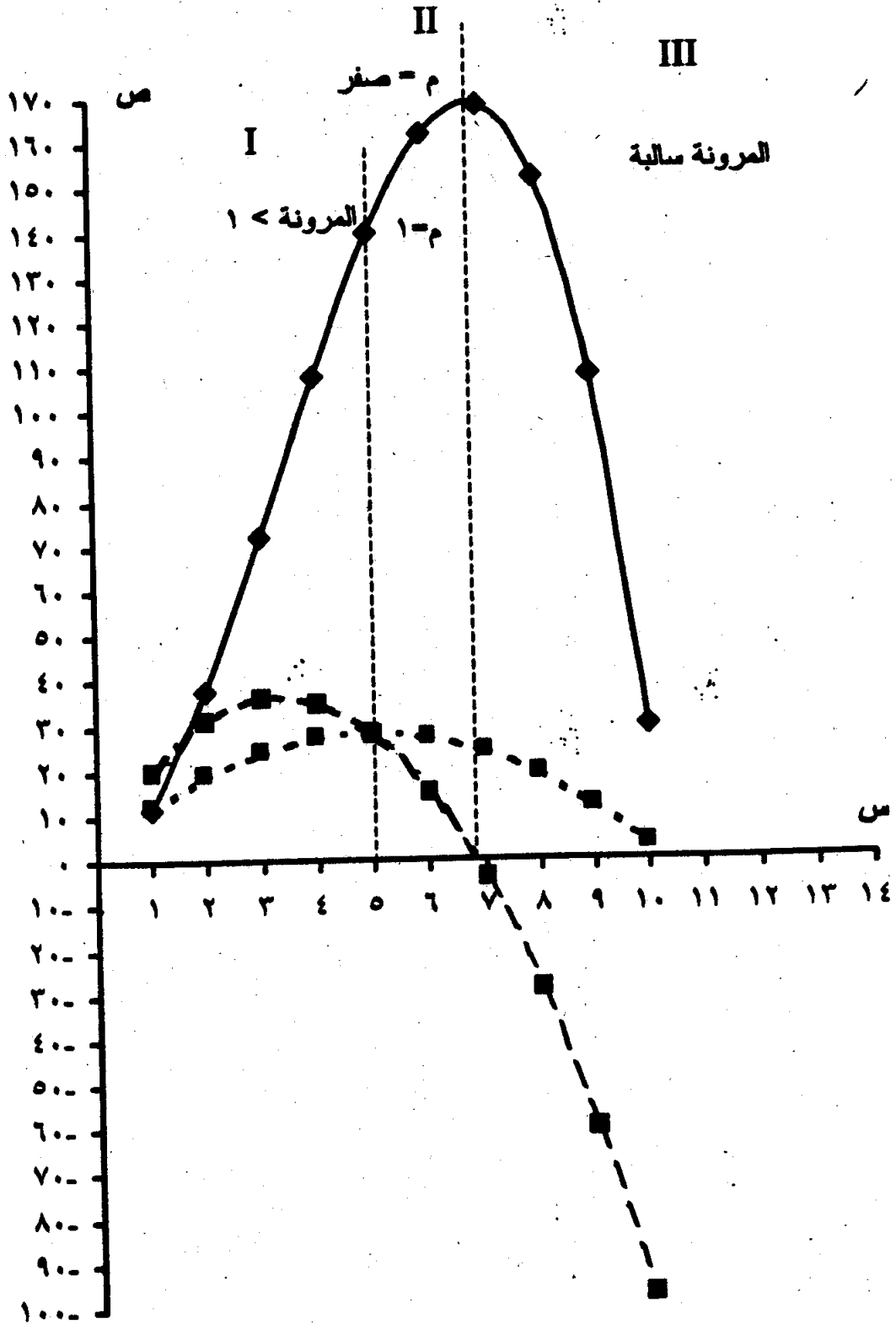
التفسير الاقتصادي .

الحل

(أ) العرض الجدولي :

عناصر الإنتاج (م)	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠
الناتج الكلي (م)	١٢	٣٨	٧٢	١٠٨	١٤٠	١٦٢	١٦٨	١٥٢	١٠٨	٣٠
الناتج المتوسط م/م	١٢	١٩	٢٤	٢٧	٢٨	٢٧	٢٤	١٩	١٢	٣
الناتج الحدي Δ م/Δ م	٢٠	٣١	٣٦	٣٥	٢٨	١٥	٤-	٢٩-	٦٠-	٩٧-
المرونة (هـ م/هـ م × م/م)	١,٧	١,٦	١,٥	١,٣	١	٠,٦	٠,٢-	١,٥-	٤-	٣٢-

العرض البياني :



(ب) عند مرونة الإنتاج تساوى الواحد الصحيح تتحدد نهاية المرحلة الأولى للإنتاج وبداية المرحلة الثانية ، وعندما تساوى مرونة الإنتاج الصفر تتحدد نهاية المرحلة الثانية وبداية المرحلة الثالثة ، وأن مرونة الإنتاج السالبة تكون فى المرحلة الثالثة للإنتاج . وتعنى مرونة الإنتاج فى المرحلة الأولى أن تغير نسبى فى عنصر الإنتاج المستخدم يمثل ١٠% مثلا يترتب عليه زيادة فى الناتج الكلى بنسبة أكبر ولتكن ١٥% ، كما أن مرحلة الإنتاج الاقتصادى تكون فيها مرونة الإنتاج محصورة بين الواحد الصحيح والصفر .

### مثال

إذا فرض أن دالة الإنتاج لإحدى الخدمات تمثلها المعادلة التالية :

$$ص = ٥ع^٢ - ١٠ع^٢ + ١٠ع$$

حيث ص الكمية المنتجة ، ع

عنصر العمل

والمطلوب :

( أ ) استنتاج الناتج الكلى والمتوسط والحدى إذا عملت أن الكمية

المستخدمة من عنصر العمل تساوى ٥ وحدات .



(ب) حدد المرحلة الإنتاجية وبماذا تو ص ؟

الحل

$$\text{ص} = \text{ع}^2 - 10\text{ع} + 10$$

$$\text{ع} = 0$$

$$\therefore \text{الناتج الكلي (ص)} = 0 \times 0 - 10 \times 0 + 10 \times 0 = 0$$

$$= 420$$

$$\text{، الناتج المتوسط} \left( \frac{\text{ص}}{\text{ع}} \right) = \frac{\text{ع}^2}{\text{ع}} - \frac{10\text{ع}}{\text{ع}} + \frac{10}{\text{ع}}$$

$$= 80$$

$$\text{، الناتج الحدي} \frac{\text{ص}}{\text{ع}} = 10 - 20\text{ع} + 10$$

$$= 280$$

$$\text{، المرونة} = \frac{\frac{\text{ص}}{\text{ع}}}{\frac{\text{ع}}{\text{ص}}} \times \frac{\text{ص}}{\text{ع}}$$

$$= \frac{0}{420} \times 280 =$$

$$= 3.35 \text{ أى } < 1$$

$\therefore$  الإنتاج باستخدام ٥ وحدات من عنصر العمل يتم فى المرحلة

الأولى للإنتاج وهى مرحلة الإنتاج غير الاقتصادى ، لذلك نوصى

بزيادة وحدات عنصر العمل فى العملية الإنتاجية هذه .

## **الفصل الرابع**

### **دالة تكاليف الإنتاج**

**يشتمل هذا الفصل على الموضوعات التالية :**

- مفهوم تكاليف الإنتاج .
- دالة تكاليف الإنتاج .
- دالة التكاليف في المدى القصير :  
التكاليف الثابتة ، التكاليف المتغيرة ، التكاليف الكلية ،  
التكاليف الحدية .
- دالة التكاليف في المدى الطويل .  
(التكاليف المتغيرة ، التكاليف الحدية ) .
- أمثلة

### مفهوم تكاليف الإنتاج :

تعتبر تكاليف الإنتاج تعبيراً عن الجانب الآخر لعملية الإنتاج ،  
 فهي تعبير عن مدخلات الإنتاج (عناصر الإنتاج) في شكلها النقدي ،  
 ومن ثم فهي كل المدفوعات التي تلتزم المنشأة بدفعها لأصحاب  
 عناصر الإنتاج بصرف النظر عن كون مالك المنشأة صاحب لبعض  
 أو كل عناصر الإنتاج ، ولذلك تصنف هذه المدفوعات إلى :

#### أ- مدفوعات صريحة :

وهي التي يتم دفعها فعلاً لأصحاب عناصر الإنتاج مثل :

- الأجور والمرتببات وما تأخذه الخزينة العامة في صورة
- ضرائب .

- ثمن المواد الخام .

- فائدة رأس المال المفترض .

#### ب- مدفوعات ضمنية :

وهي التي لا يتم دفعها فعلاً ولكن يتم تقديرها لتدخل في حساب  
 التكاليف ومن أمثلتها :

- تقدير قيمة استهلاك المباني والآلات .
  - تقدير أجر للمدير إن كان مالكا للمنشأة .
  - تقدير أجر لأفراد أسرة مالك المنشأة إن كانوا يعملون بها
  - تقدير إيجار للأرض أو للمباني المملوكة لصاحب المنشأة
  - تقدير فائدة لرأس المال المملوك لصاحب المنشأة .
- وعلى ما سبق تعتبر تكاليف الإنتاج من أهم الموضوعات فى الدراسات الاقتصادية ، فهى تمكن المنشأة من اتخاذ القرارات الإنتاجية السليمة حيث تحدد السعر الذى تبيع به سلعتها ، وتحدد حجم الإنتاج الذى يحقق لها أقصى ربح ممكن .

**دالة تكاليف الإنتاج لى سلعة أو خدمة :**

ت - د ( س ، ك ، ن ) .

حيث :

ت : تكاليف الإنتاج .

س : سعر سوق عناصر الإنتاج المستخدمة .

ك : الكمية المنتجة .

ن : الفترة الزمنية للإنتاج حيث في الفترة الزمنية القصيرة لا تستطيع المنشأة استجابة لتغير الكمية المنتجة أن تغير كل عناصر الإنتاج بل بعضها فقط وهي عناصر الإنتاج المتغيرة مثل المواد الخام والعمل .... الخ وتعرف بالتكاليف المتغيرة في حين تظل عناصر الإنتاج الأخرى ثابتة لا يمكن تغييرها وهي عناصر الإنتاج الثابتة مثل المباني والآلات والأراضي والإدارة العليا ... الخ (السعة الإنتاجية) وتعرف بالتكاليف الثابتة .

بينما في الفترة الزمنية الطويلة تستطيع المنشأة تغيير كل عناصر الإنتاج وتعرف كل التكاليف خلالها بالتكاليف المتغيرة .

### دالة التكاليف في المدى القصير :

ت - د (ك) مع ثبات العوامل الأخرى .

حيث :

ت : التكاليف ، ك الكمية المنتجة

والصور الرياضية الشائعة لدالة التكاليف في المدى القصير هي :

ت - أ + ب ك .

ت - أ + ب ك + ج ك<sup>١</sup> .

ت - أ + ب ك + ج ك<sup>١</sup> + ء ك<sup>٢</sup> .

### مثال

إذا كانت التكاليف الثابتة لأحدى المنشآت الاقتصادية هي ٦٠٠ جنيه ،

ودالة التكاليف المتغيرة بالجنيه يعبر عنها بالجدول التالي :

الكمية المنتجة (ك)	٠	١	٢	٣	٤	٥	٦
التكاليف المتغيرة (ت م)	-	٣٠٠	٤٠٠	٤٥٠	٥٥٠	٧٥٠	١٢٠٠

فالمطلوب :

( أ ) العرض الجدولي والبياني للتكاليف على أساس الاجماليات مع

التفسير الاقتصادي .

(ب) العرض الجدولي والبياني للتكاليف على أساس المتوسطات مع

التفسير الاقتصادي .

(جـ) العرض الجدولي والبياني للتكاليف على أساس الحدية مع

التفسير الاقتصادي .

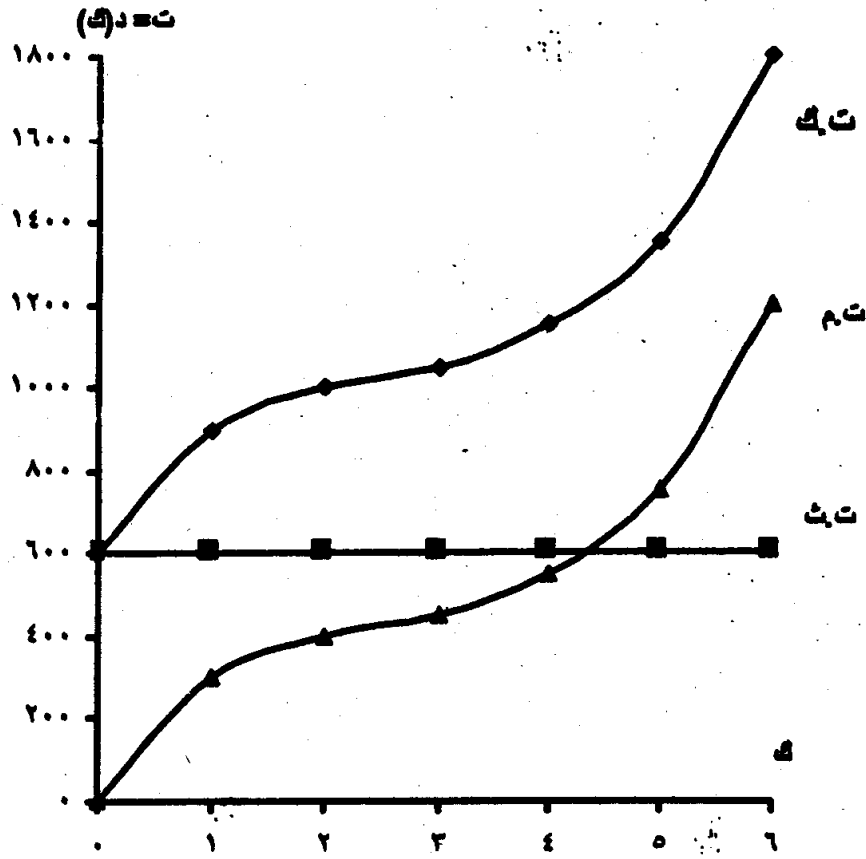
## الحل

( أ ) العرض الجدولي للتكاليف على أساس الاجماليات :

العرض الجدولي :

الكمية المنتجة ك	التكاليف المتغيرة ت.م	التكاليف الثابتة ت.ث	التكاليف الكلية ت.ك
٠	-	٦٠٠	٦٠٠
١	٣٠٠	٦٠٠	٩٠٠
٢	٤٠٠	٦٠٠	١٠٠٠
٣	٤٥٠	٦٠٠	١٠٥٠
٤	٥٥٠	٦٠٠	١١٥٠
٥	٧٥٠	٦٠٠	١٣٥٠
٦	١٢٠٠	٦٠٠	١٨٠٠

## العرض البياني :



## \* التفسير الاقتصادي :

طبقا للنظرية الاقتصادية فإن العلاقة بين التكاليف والكمية المنتجة

علاقة طردية أى بزيادة الإنتاج تزداد التكاليف ، إلا أن تفاصيل تلك

العلاقة تتضح ومن خلال العرض الجدولى والبياني السابقين فيما يلى:

(١) التكاليف الثابتة : لا تتأثر بتغير - زيادة أو نقصان - الكمية

المنتجة ، لذلك تدفعها المنشأة الاقتصادية سواء أنتجت أم توقفت

عن الانتاج، ويلاحظ أن منحنى التكاليف الثابتة عبارة عن خط



مستقيم يوازي المحور الأفقي ويبعد عنه بمقدار قيمة التكاليف  
الثابتة .

(٢) التكاليف المتغيرة : تتأثر بزيادة الكمية المنتجة ، فزيادة الكمية  
المنتجة تزداد التكاليف المتغيرة ، إلا أن هذه الزيادة تكون بمعدل  
متناقص في بداية الأمر ثم بمعدل متزايد بعد ذلك ، والجدول  
التالي يزيد الإيضاح :

التكاليف المتغيرة	٣٠٠	٤٠٠	٤٥٠	٥٥٠	٧٥٠	١٢٠٠
معدل التغير	-	%٣٣	%١٢,٥	%٢٢,٢	%٣٦,٣	%٦٠

وهذا ما ينطبق على منحنى التكاليف المتغيرة والذي يبدأ من نقطة  
الأصل ، وجدير بالملاحظة أن سلوك دالة التكاليف هو عكس سلوك  
دالة الإنتاج .

(٣) التكاليف الكلية وهي مجموع التكاليف الثابتة والتكاليف المتغيرة ،

ومنحناها يأخذ نفس شكل منحنى التكاليف المتغيرة إلا أنه لا يبدأ

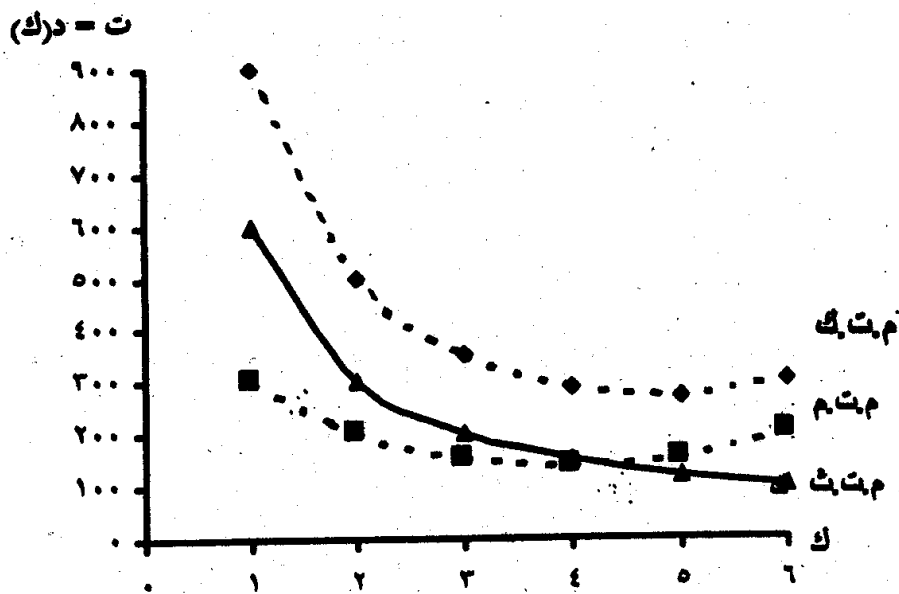
من نقطة الأصل لماذا ؟

(ب) العرض الجدولي والبياني للتكاليف على أساس المتوسطات :

• العرض الجدولي :

الكمية المنتجة	متوسط تكاليف ثابتة م.ت.ث. (ت.ث./ك.)	متوسط التكاليف المتغير (ت.م./ك.)	متوسط تكاليف كلية م.ت.ك. (ت.ك./ك.)
٠	٠	٠	٠
١	٦٠٠	٣٠٠	٩٠٠
٢	٣٠٠	٢٠٠	٥٠٠
٣	٢٠٠	١٥٠	٣٥٠
٤	١٥٠	١٣٧,٥	٢٨٧,٥
٥	١٢٠	١٥٠	٢٧٠
٦	١٠٠	٢٠٠	٣٠٠

• العرض البياني :



## \* التفسير الاقتصادي :

(١) متوسط التكاليف الثابتة (م.ت.ث) : وهي خارج قسمة التكاليف

الثابتة على الكمية المنتجة (ت.ث/ك) ، ولما كان البسط (التكاليف

الثابتة) ثابت على طول الخط والمقام متغير بوحدة متتالية

متزايدة ، فإن خارج القسمة يتناقص بمعدل متناقص على طول

الخط ، والجدول التالي يزيد الإيضاح :

١٠٠	١٢٠	١٥٠	٢٠٠	٣٠٠	٦٠٠	متوسط التكاليف ثابتة
١٧-	٢٠-	٢٥-	٣٣-	٥٠-	-	معدل التغير %

وهذا ما ينطبق مع الرسم البياني حيث منحني متوسط التكاليف ينحدر

إلى أسفل فقط .

(٢) متوسط التكاليف المتغيرة (م.ت.م) : وهي خارج قسمة التكاليف

المتغيرة على الكمية المنتجة (ت.م/ك) ، ولما كان البسط أي

(ت.م) يزيد بمعدل متناقص ثم بمعدل متزايد والمقام يزيد بوحدة

متتالية متزايدة ، فإن خارج القسمة أي (م.ت.م) يتناقص بمعدل

متناقص ثم يزيد بمعدل متزايد ، والجدول التالي يزيد الإيضاح :

٢٠٠	١٥٠	١٣٧,٥	١٥٠	٢٠٠	٣٠٠	متوسط تكاليف متغيرة
٣٣	٩	٨-	٢٥-	٣٣-	-	معدل التغير %

وهذا ما ينطبق مع الرسم البياني حيث منحني متوسط التكاليف المتغيرة ينحدر إلى أسفل ثم يعدد للصعود أخذا شكل حرف U .

(٣) متوسط التكاليف الكلية (م.ت.ك) : وهو خارج قسمة التكاليف

الكلية على الكمية المنتجة (ت.ك/ك) أو هو مجموع متوسط

التكاليف الثابتة ومتوسط التكاليف المتغيرة ، ويأخذ نفس سلوك

متوسط التكاليف المتغيرة من حيث الشكل لكن يختلف معه من

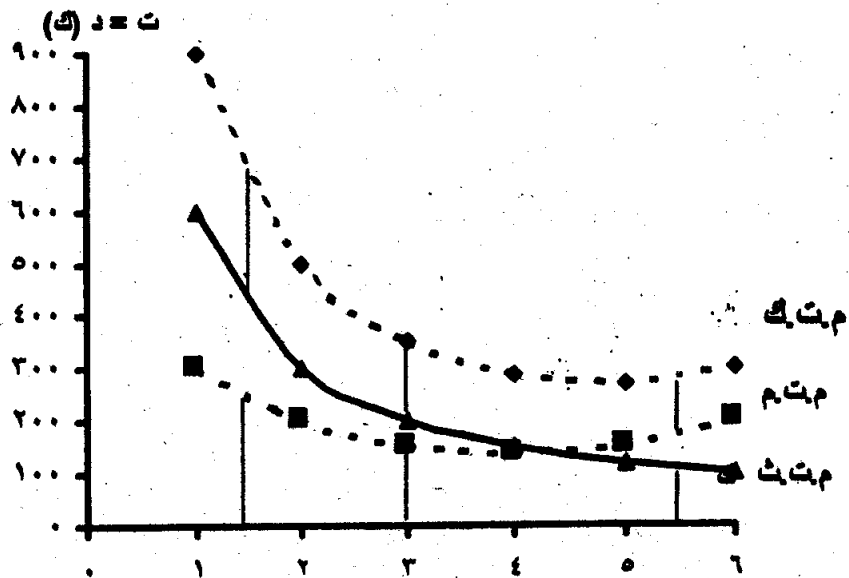
حيث المضمون ، فإذا أسقطنا عمودا على المحور الأفقى فى

الرسم البياني فإن المسافة الرأسية التى تقع بين منحني متوسط

التكاليف الكلية ومنحني متوسط التكاليف المتغيرة تساوى المسافة

الرأسية التى تقع بين منحني متوسط التكاليف الثابتة والمحور

الأفقى ، والشكل البياني التالى يزيد الايضاح :-



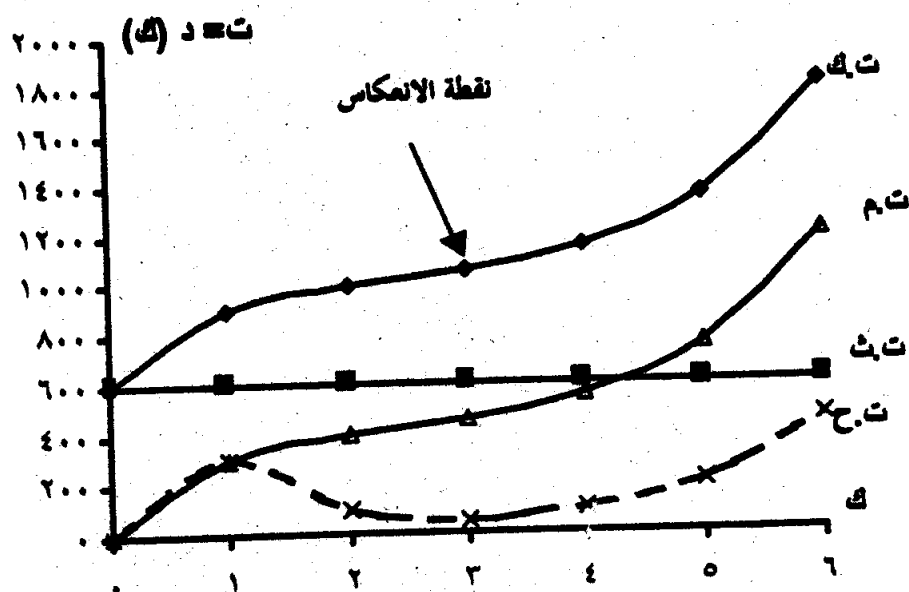
ويرجع السلوك الاقتصادي لمتوسطات التكاليف إلى نفس الأسباب الواردة عند تفسير السلوك الاقتصادي لإجماليات التكاليف والتي بدورها ترجع إلى السلوك الاقتصادي لدالة الإنتاج حيث تأثير نسب (توليفات) عناصر الإنتاج الثابتة والمتغيرة على الإنتاج والتكاليف .

(جـ) العرض الجدولي والبياني على أساس الحدية :

• العرض الجدولي :

الكمية المنتجة (ك)	٠	١	٢	٣	٤	٥	٦
التكاليف الكلية (ت.ك)	٦٠٠	٩٠٠	١٠٠٠	١٠٥٠	١١٥٠	١٣٥٠	١٨٠٠
التكاليف المتغيرة (ت.م)	٠	٣٠٠	٤٠٠	٤٥٠	٥٥٠	٧٥٠	١٢٠٠
التكاليف الحدية (ت.ح)	-	٣٠٠	١٠٠	٥٠	١٠٠	٢٠٠	٤٥٠

• العرض البياني :



## التفسير الاقتصادي :

التكاليف الحدية : هي معدل التغير في التكاليف الكلية أو المتغيرة نتيجة تغير الكمية المنتجة بوحدة واحدة ، بمعنى لما كانت دالة التكاليف في المدى القصير هي  $T = D(K)$  فالتكاليف الحدية (ت.ح) =  $مت/هك$  ، أو هي التفاضل الأول لدالة التكاليف في حالة معلومية معادلة الدالة . ولما كان البسط أى التكاليف الكلية أو المتغيرة تزيد لكن وفق معدلين متتاليين أولاهما متناقص والثاني متزايد نتيجة لتغير المقام بوحدة متتالية متزايدة ، فإن خارج القسمة أى  $مت/هك$  تنقص بمعدل متناقص ثم تزيد بمعدل متزايد ، وهذا ما يتفق مع العرض الجدولى والبيانى ، كما يلاحظ أن التكاليف الحدية تصل إلى قيمتها الدنيا عند نقطة الانعكاس وهى النقطة الفاصلة بين معدل تغير اتجاه واحد فى الدالة ، وجدير بالذكر أن السلوك الاقتصادى للتكاليف الحدية سواء الجدولية أو البيانية تخضع لنفس الأسباب السابق ذكرها.

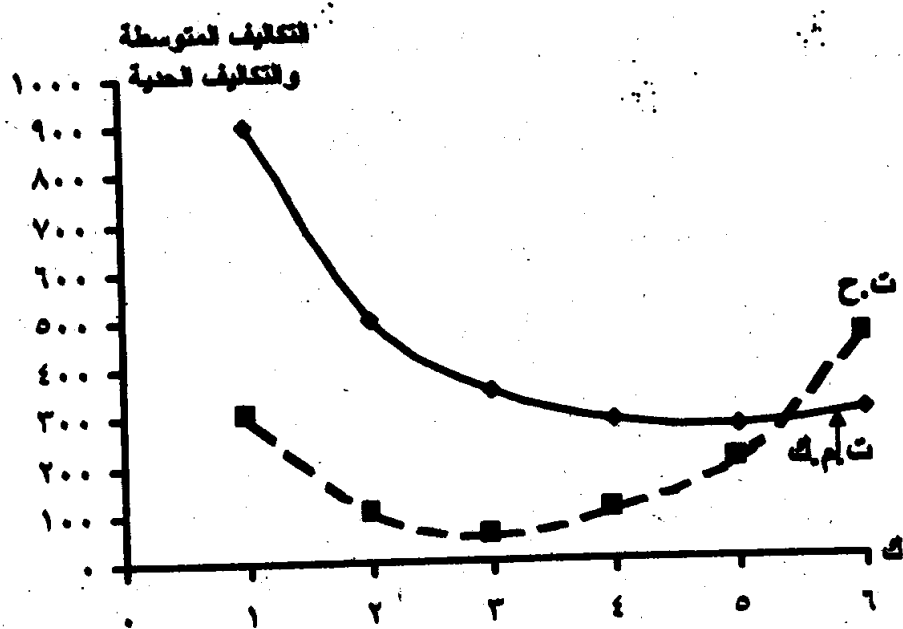
## علاقات اقتصادية هامة لدوال التكاليف فى المدى القصير :

أولا : العلاقة بين التكاليف المتوسطة والتكاليف الحدية :-

## \* العرض الجدولي :

الكمية المنتجة (ك)	١	٢	٣	٤	٥	٦
متوسط تكاليف كلية (م.ت.ك)	٩٠٠	٥٠٠	٣٥٠	٢٨٧,٥	٢٧٠	٣٠٠
تكاليف حدية (ت.ح.م)	٣٠٠	١٠٠	٥٠	١٠٠	٢٠٠	٤٥٠

## \* العرض البياني :



## \* التفسير الاقتصادي :

أنه في البداية وبزيادة الكمية المنتجة فإن متوسط التكاليف يتناقص ويصل أدناه عند الكمية المنتجة ٥,٧ ثم بعدها يتجه إلى الزيادة ، كما أن التكاليف الحدية تتجه هي الأخرى إلى التناقص لكن بأقل من متوسط التكاليف ، وتصل أدناها عند الكمية المنتجة ٣ ثم بعدها يتجه التكاليف الحدية إلى الزيادة وبالتالي فإنها بالضرورة تقطع منحنى

متوسط للتكاليف وبالفعل فقد قطعته عند الكمية المنتجة ٥,٧ ثم استمرت بعدها في الزيادة ، أى أن التكاليف الحدية تساوى التكاليف المتوسطة عند أدنى نقطة لمنحنى متوسط التكاليف وهى نقطة التقاطع. وجدير بالذكر أنه فى المدى القصير يتحدد الحجم الأمثل للإنتاج عندما تساوى التكاليف المتوسطة للتكاليف الحدية أى ت.م = ت.ح ، وعلى ذلك فإن الحجم الأمثل للإنتاج فى العرض الجدولى والبيانى السابق مباشرة يكون عند حجم إنتاج ٥,٧ وحدة إنتاجية ، فالحجم الأمثل للإنتاج يتعلق بالعمليات الفنية للإنتاج . وحتى لا يحدث خلط بين الحجم الأمثل للإنتاج وحجم الإنتاج الذى يحقق أقصى ربح ممكن ، فإن الأخير يتحدد عندما يساوى الإيراد الحدى للتكاليف الحدية أى أ.ح = ت.ح ، وواضح أن هذا يتطلب الدراسة لمعطى جديد وهو دالة الإيراد والتى سيرد شرحها تباعا ، كما أن هذا الموضوع يعد من موضوعات توازن المنتج والتى سيرد شرحها فى باب التوازن .

### دالة التكاليف فى المدى الطويل :

ت - د (ك.ط) مع ثبات العوامل الأخرى .



حيث :

ت هي التكاليف ، ك الكمية المنتجة ، ط طاقة المشروع والتي  
أصبحت متغير في الزمن الطويل ، وبديهي لا توجد تكاليف ثابتة إذا  
كل التكاليف أصبحت متغيرة .

والصور الرياضية الشائعة لدالة التكاليف في المدى الطويل هي :

$$ت = ب ك + ج ط$$

$$ت = ب ك + ج ك^2 + ع ط .$$

$$ت = ب ك + ج ك + ع ك^2 + ه ط$$

حيث ب ، ج ، ع ، ه ثوابت دالة التكاليف .

ولما كان المدى الطويل ما هو إلا مجموع تغيرات زمنية قصيرة  
متتابة ، فإنه يرسم منحنيات متوسطات التكاليف لتلك الفترات الزمنية  
القصيرة المتتابة يمكن اشتقاق منحنى متوسط التكاليف في المدى  
الطويل حيث هو المنحنى الذي يمس تلك المنحنيات عند أدنى نقطة  
عليها ، ولما كانت الكفاءة الإنتاجية تزداد باتساع طاقة المشروع ، فإنه  
في الفترة الزمنية القصيرة الأولى تكون طاقة المشروع صغيرة  
وبالتالي كفاءتها الإنتاجية قليلة ومن ثم منحنى متوسط تكاليفها مرتفع ،

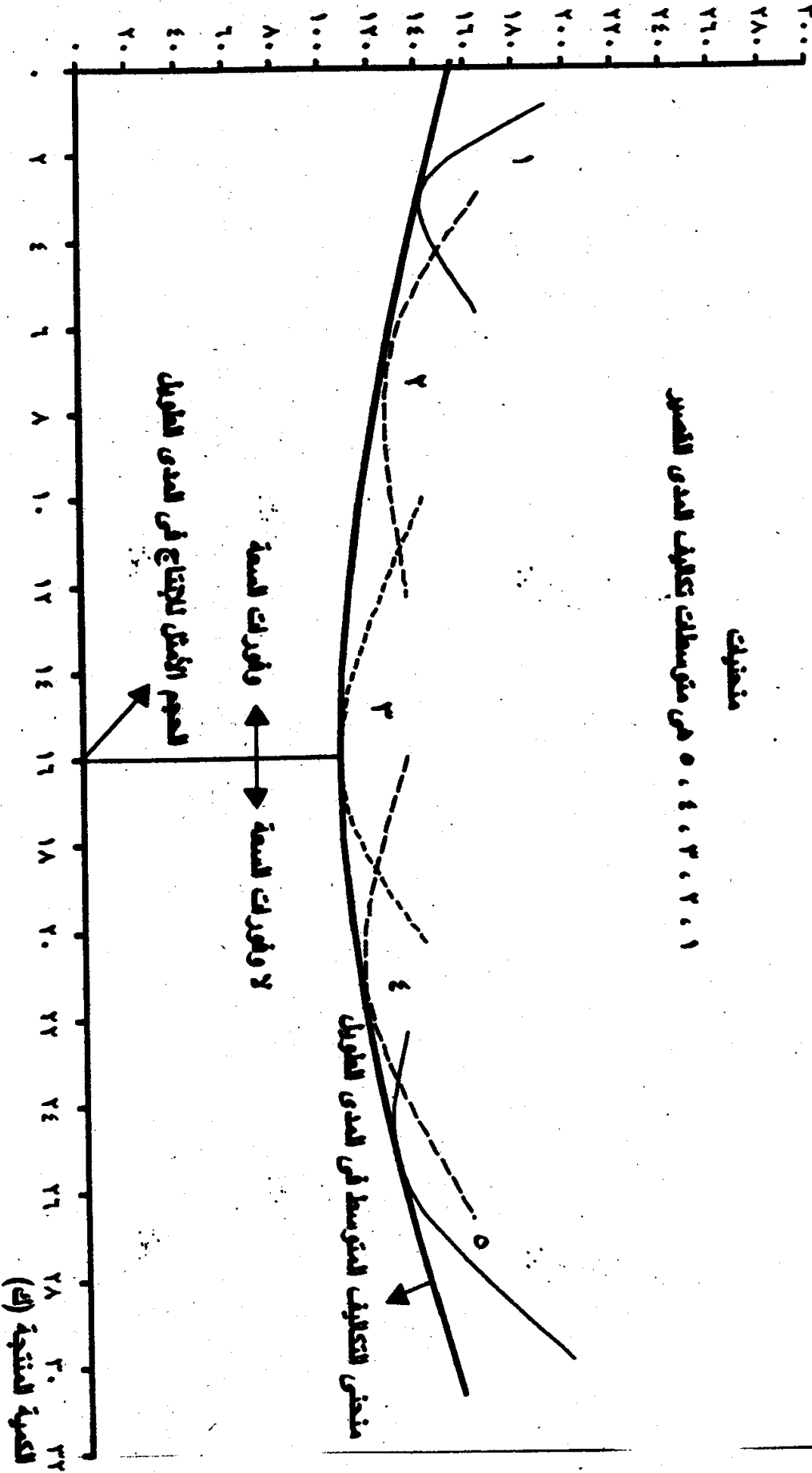
لكن مجموع الفترة الزمنية الأولى والثانية يصبح فى الامكان اتساع  
طاقة المشروع فتزداد كفاءته الإنتاجية ومن ثم يهبط منحنى متوسط  
تكاليفه عما سبق ، وبالمثل فإنه مجموع الثلاث فترات الزمنية القصيرة  
يصبح فى الامكان اتساع طاقة المشروع أكثر وأكثر تزداد كفاءته  
الإنتاجية بدرجة أكبر عما سبق ومن ثم يهبط منحنى تكاليف أكثر مما  
سبق ، لكن بعد هذا الاتساع فى طاقة المشروع فإن أى اتساع آخر  
سيترتب عليه انخفاض الكفاءة الإنتاجية ومن ثم ارتفاع منحنى متوسط  
التكاليف ، والعرض البيانى التالى يزيد الايضاح :

# التكاليف المتوسطة

في المدى الطويل

منحنيات

0 ، 1 ، 2 ، 3 ، 4 ، 5 هي متوسطات تكاليف المدى القصير



وترجع زيادة الكفاءة الإنتاجية إلى ما يسمى بوفورات السعة والتي تأتي من :

١- تخصص وتقسيم العمل مما يؤدي إلى زيادة إنتاجية وبالتالي خفض التكاليف في المنشأة الكبيرة تجزئته عملية الإنتاج إلى جزئيات صغيرة وأسناد كل جزئية لعامل معين تزداد كفاءته الإنتاجية ، بعكس المنشأة الصغيرة التي يتم فيها أسناد عدة عمليات لعامل واحد فتقل الكفاءة الإنتاجية .

٢- إتاحة الفرصة في استخدام الأساليب الحديثة في الإنتاج وأيضاً ما توصل إليه العلم من ابتكارات واختراعات في مجال الإنتاج .

٣- إتاحة الفرصة لاجتذاب المديرين والفنيين ذوي الكفاءات النادرة والانتفاع بمواهبهم تزداد الكفاءة الإنتاجية وينخفض متوسط التكاليف .

٤- إتاحة الفرصة في خفض التكاليف التسويقية سواء في الشراء أو البيع وأيضاً خفض تكلفة الاقتراض .

كما يرجع خفض الكفاءة الإنتاجية إلى ما يسمى بلا وفورات السعة والتي تتأتى من : عدم استطاعة عنصر الإدارة فى تنظيم وربط عناصر الإنتاج المستخدمة إذا اتسعت طاقة المشروع عن الحد المعين.

### أمثلة لدوال تكاليف معلوم مغادلتها

#### مثال ١

تمثل المعادلة التالية تكاليف الإنتاج فى منشأة اقتصادية :

$$ت = ٣٠ + ١٥ ك - ٢ ك^٢ + ٠,١ ك^٣$$

حيث ت هى التكاليف الإنتاجية ، ك هى الكمية المنتجة .

والمطلوب :

(١) العرض الجدولى والبيانى للدالة فى مجال إنتاج من ١ الى ١٥

وحده منتجه .

(٢) إيجاد دالة التكاليف الثابتة والمتغيرة .

(٣) اشتقاق دالة متوسط التكاليف الكلية ومتوسط التكاليف المتغيرة .

(٤) اشتقاق دالة التكاليف الحدية .

(٥) إيجاد الحجم الأمثل للإنتاج .

(٦) إيجاد قيمة التكاليف الحدية والتكاليف المتوسطة عند الحجم

الأمثل للإنتاج ؟ وماذا تلاحظ ؟

(٧) إيجاد قيمة التكاليف الحدية والتكاليف المتوسطة إذا انخفض حجم

الإنتاج عن الحجم الأمثل بوحدة واحدة .

(٨) إيجاد قيمة التكاليف الحدية والتكاليف المتوسطة إذا زاد حجم

الإنتاج عن الحجم الأمثل بوحدة واحدة .

(٩) إيجاد مزونة التكاليف ؟ ثم الاسترشاد بها فى تحديد مراحل

الإنتاج .

(١٠) إذا علمت أن الظروف الاقتصادية قد تهيأت لبيع إنتاج هذه

المنشأة بسعر ١٦ وحدة نقدية فما هو حجم الإنتاج الذى يحقق

أقصى ربح ممكن ، ثم وضح إلى أى مدى تستطيع المنشأة أن

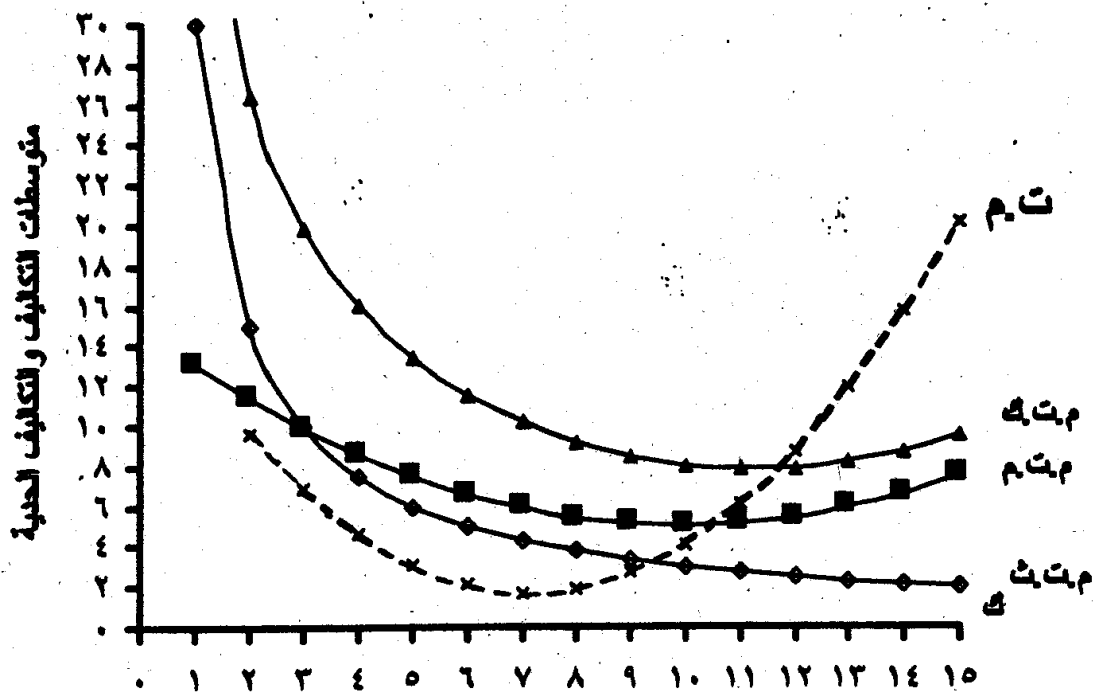
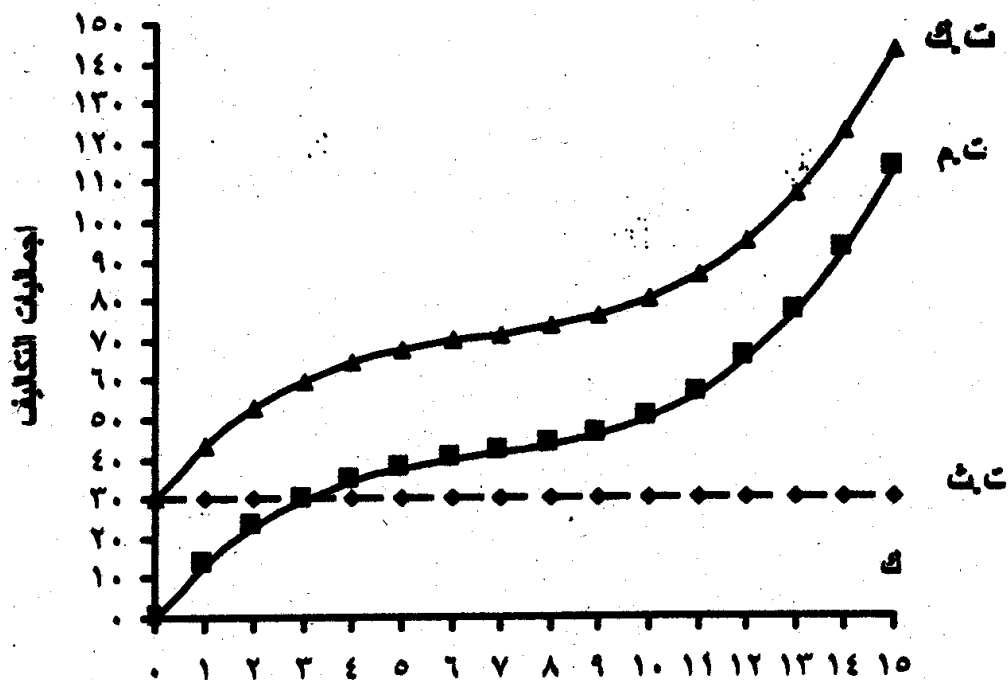
تستمر فى الإنتاج إذا انخفض هذا السعر .

## الحل

(١) العرض الجدولي والبياني :

الكمية المنتجة (ك)	التكاليف الثابتة (ت.ث)	التكاليف المتغيرة (م.ت)	التكاليف الكلية (ت.ك)	متوسط تكاليف ثابتة (م.ت.ث)	متوسط تكاليف متغيرة (م.ت.م)	متوسط تكاليف كلية (م.ت.ك)	التكاليف الحدية (ت.ح)
٠	٣٠	٠	٣٠	/	٠	/	
١	٣٠	١٣,١	٤٣,١	٣٠	١٣,١	٤٣,١	-
٢	٣٠	٢٢,٨	٥٢,٨	١٥	١١,٤	٢٦,٤	٩,٧
٣	٣٠	٢٩,٧	٥٩,٧	١٠	٩,٩	١٩,٩	٦,٩
٤	٣٠	٣٤,٤	٦٤,٤	٧,٥	٨,٦	١٦,١	٤,٧
٥	٣٠	٣٧,٥	٦٧,٥	٦,٠	٧,٥	١٣,٥	٣,١
٦	٣٠	٣٩,٦	٦٩,٦	٥,٠	٦,٦	١١,٦	٢,١
٧	٣٠	٤١,٣	٧١,٣	٤,٣	٥,٩	١٠,٢	١,٧
٨	٣٠	٤٣,٢	٧٣,٢	٣,٨	٥,٤	٩,٢	١,٩
٩	٣٠	٤٥,٩	٧٥,٩	٣,٣	٥,١	٨,٤	٢,٧
١٠	٣٠	٥٠,٠	٨٠,٠	٣,٠	٥,٠	٨,٠	٤,١
١١	٣٠	٥٦,١	٨٦,١	٢,٧	٥,١	٧,٨	٦,١
١٢	٣٠	٦٤,٨	٩٤,٨	٢,٥	٥,٤	٧,٩	٨,٧
١٣	٣٠	٧٦,٧	١٠٦,٧	٢,٣	٥,٩	٨,٢	١١,٩
١٤	٣٠	٩٢,٤	١٢٢,٤	٢,١	٦,٦	٨,٧	١٥,٧
١٥	٣٠	١١٢,٥	١٤٢,٥	٢,٠	٧,٥	٩,٥	٢٠,١

العرض البياني :





(٢) دالة التكاليف الثابتة والمتغيرة :

\* دالة التكاليف الثابتة      ت ث = ٣٠

\* دالة التكاليف المتغيرة      ت م = ١٥ ك - ٢ ك<sup>٢</sup> + ٠,١ ك<sup>٣</sup>

(٣) اشتقاق دالة متوسط التكاليف الكلية ودالة متوسط التكاليف

المتغيرة:

\* دالة متوسط التكاليف الكلية :

∴ ت = ٣٠ + ١٥ ك - ٢ ك<sup>٢</sup> + ٠,١ ك<sup>٣</sup>

∴ م.ت =  $\frac{٣٠ + ١٥ ك - ٢ ك^٢ + ٠,١ ك^٣}{ك}$

=  $\frac{٣٠}{ك} + ١٥ - ٢ ك + ٠,١ ك^٢$

\* دالة متوسط تكاليف متغيرة :

∴ ت م = ١٥ ك - ٢ ك<sup>٢</sup> + ٠,١ ك<sup>٣</sup>

∴ م.ت م = ١٥ - ٢ ك + ٠,١ ك<sup>٢</sup>

(٤) باشتقاق دالة التكاليف الحدية :

∴ ت = ٣٠ + ١٥ ك - ٢ ك<sup>٢</sup> + ٠,١ ك<sup>٣</sup>

∴  $\frac{ت}{ك} = ١٥ - ٢ ك + ٠,٣ ك^٢$

ويلاحظ أنه يمكن اشتقاقها من دالة التكاليف المتغيرة وستكون كما هي.

### (٥) الحجم الأمثل للإنتاج :

يتحقق الحجم الأمثل للإنتاج عند نقطة النهاية الصغرى لدالة متوسط التكاليف الكلية أو عند ما يساوي متوسط التكاليف الكلية للتكاليف الحدية ، وعلى ذلك فإن الحجم الأمثل للإنتاج يتحدد وبطريقتين :

الطريقة الأولى : باستخدام نقطة النهاية الصغرى لدالة متوسط التكاليف الكلية :

∴ الشرط اللازم لنهاية دالة عند نقطة معينة أن يكون التفاضل الأول

عندها = صفر

$$\therefore \frac{E(م.ت.ك)}{E(ك)} = \frac{30 - 1}{ك} + صفر - 2 + 0.2 ك$$

$$\therefore \frac{30 - 1}{ك} - 2 + 0.2 ك = صفر$$

$$\therefore ك^2 - 10 ك - 150 = صفر \quad \text{ومنها } ك = 11.2$$

، ∴ الشرط الكافي لأن تكون نهاية دالة نهاية صغرى أن يكون

تفاضلها الثاني عندما يكون قيمة موجبة .

$$\therefore \frac{E(م.ت.ك)}{E(ك^2)} = 2ك^2 - 20ك$$

$$\therefore 2ك^2 - 20ك = \text{صفر} \quad \text{ومنها } ك = +$$

وعلى ذلك فلدالة متوسط التكاليف الكلية نهاية صفري عندما تكون

$$ك = 11,2 .$$

الطريقة الثانية : بتساوى دالة متوسط التكاليف الكلية بدالة التكاليف

الحدية :

$$\frac{30}{ك} + 10 - 2ك = 0,1ك + 10 - 10ك + 0,3ك$$

$$\therefore 10ك^2 - 10ك = \text{صفر} \quad \text{ومنها } ك = 11,2$$

وعلى كل فإن الحجم الأمثل للإنتاج هو عندما تكون الكمية المنتجة

تساوى 11,2 وحدة إنتاج .

ملحوظة :

يلاحظ أن الكمية المنتجة التي تحقق الحجم الأمثل لا تتفق مع

الرسم البياني والسبب أن منحنى ت.ح المرسوم تم الحصول على

بياناته بطريقة الفروق لبيانات التكاليف الكلية ، ولذلك إذا كانت بيانات

التكاليف الحدية من واقع دالة التكاليف الحدية فإن النتائج الرياضية تتفق مع الرسم البياني ، وقد سبق ايضاح مثل هذا الاختلاف في حالة دالة الإنتاج .

(٦) قيمة التكاليف الحدية والتكاليف المتوسطة عند الحجم الأمثل للإنتاج :

• قيمة التكاليف الحدية :

$$\therefore \text{ت. ح} = 10 - 4\text{ك} + 0,3\text{ك}^2$$

$$\therefore \text{قيمة ت. ح} = 10 - 4 \times 11,2 + 0,3 \times (11,2)^2$$

$$= 7,83$$

• قيمة التكاليف المتوسطة الكلية :

$$\therefore \text{م.ت.ك} = \frac{30}{\text{ك}} + 10 - 4\text{ك} + 0,1\text{ك}^2$$

$$\therefore \text{قيمة م.ت.ك} = \frac{30}{11,2} + 10 - 4 \times 11,2 + 0,1 \times (11,2)^2$$

$$= 7,83$$

وهنا يلاحظ أن قيمة التكاليف الحدية تساوي قيمة التكاليف المتوسطة عند الحجم الأمثل للإنتاج .

(٧) قيمة التكاليف الحدية والتكاليف المتوسطة الكلية إذا بلغ حجم

الإنتاج ١٠,٢ وحدة إنتاج .

\* قيمة التكاليف الحدية :

$$\therefore \text{ت.ح} = ١٥ - ٤ ك + ٠,٣ ك^٢$$

$$\therefore \text{قيمة ت.ح} = ١٥ - ٤ \times ١٠,٢ + ٠,٣ (١٠,٢)^٢$$

$$= ٥,٤ \text{ وحدة نقدية .}$$

\* قيمة التكاليف المتوسطة الكلية :

$$\therefore \text{م.ت.ك} = \frac{٣٠}{ك} + ١٥ - ٢ ك + ٠,١ ك^٢$$

$$= \frac{٣٠}{١٠,٢} + ١٥ - ٢ (١٠,٢) + ٠,١ (١٠,٢)^٢$$

$$= ٧,٩ \text{ وحدة نقدية .}$$

أى أن التكاليف الحدية تكون أقل من التكاليف المتوسطة عند أى حجم إنتاج أقل من الحجم الأمثل ، ويتحقق هذه العلاقة خلال مرحلة تزايد الغلة .

(٨) قيمة التكاليف الحدية والتكاليف المتوسطة الكلية إذا بلغ حجم

الإنتاج ١٢,٢ وحدة إنتاج :

• قيمة التكاليف الحدية :

$$\therefore \text{ت.ح} = ١٥ - ٤ ك + ٠,٣ ك^٢$$

$$\therefore \text{ت.ح} = ١٥ - ٤(١٢,٢) + ٠,٣(١٢,٢)^٢$$

$$= ١٠,٨ \text{ وحدة نقدية}$$

• قيمة التكاليف المتوسطة الكلية :

$$\therefore \text{م.ت.ك} = \frac{٣٠}{ك} + ١٥ - ٢ ك + ٠,١ ك^٢$$

$$= \frac{٣٠}{١٢,٢} + ١٥ - ٢(١٢,٢) + ٠,١(١٢,٢)^٢$$

$$= ٧,٩ \text{ وحدة نقدية .}$$

أى أن التكاليف الحدية أكبر من التكاليف المتوسطة الكلية عند أى حجم أكبر من الحجم الأمثل للإنتاج ، وتحقق هذه العلاقة خلال مرحلة تناقص الغلة .

(٩) مرونة التكاليف عند الحجم الأمثل للإنتاج قبل وبعد هذا الحجم :

∴ المرونة فى الدالة هى النسبة بين التغير النسبى فى المتغير التابع

إلى التغير النسبى فى المتغير المستقل .

، ∴ دالة دالة التكاليف هى ت = د(ك) حيث ت هى التكاليف ، ك هى

الكمية المنتجة .

$$\therefore \text{ مرونة للتكاليف} = \frac{\frac{\Delta T}{T}}{\frac{\Delta K}{K}}$$

$$= \frac{\frac{\Delta T}{\Delta K}}{\frac{T}{K}} = \frac{\text{التكاليف الحدية}}{\text{التكاليف المتوسطة}}$$

$$\bullet \text{ المرونة عند الحجم الأمثل للإنتاج} = \frac{7,83}{7,83} = 1$$

وهذا يعنى أنه بزيادة الكمية المنتجة بنسبة ١٠% مثلاً فإن التكاليف تزيد بنفس النسبة وهى ١٠% ، أى أن المنشأة تعمل فى مرحلة ثبات الإنتاجية وهذه حالة نادرة الحدوث فى الواقع العملى .

$$\bullet \text{ المرونة عند حجم أقل من الحجم الأمثل} = \frac{0,4}{7,9} = 0,05 < 1$$

وهذا يعنى أنه بزيادة الكمية المنتجة بنسبة ١٠% مثلاً فإن التكاليف تزيد لكن بنسبة أقل أى ٥% مثلاً ، وهنا المنشأة تعمل فى مرحلة تنازلية الإنتاجية ، ومؤشر المرونة هذا هو عكس مؤشر المرونة فى دالة الإنتاج لذات المرحلة .

$$\bullet \text{ المرونة عند حجم أكبر من الحجم الأمثل} = \frac{10,8}{7,9} = 1,37 > 1$$

وهذا يعنى أنه بزيادة الكمية المنتجة بنسبة ١٠% مثلاً فإن التكاليف تزيد لكن بنسبة أكبر أى ١٤% مثلاً ، وهنا المنشأة تعمل فى مرحلة تناقص الإنتاجية ، ومرونة التكاليف هذه هى عكس مرونة الإنتاج .

### (١٠) تحديد حجم الإنتاج الذى يحقق الربح الأقصى :

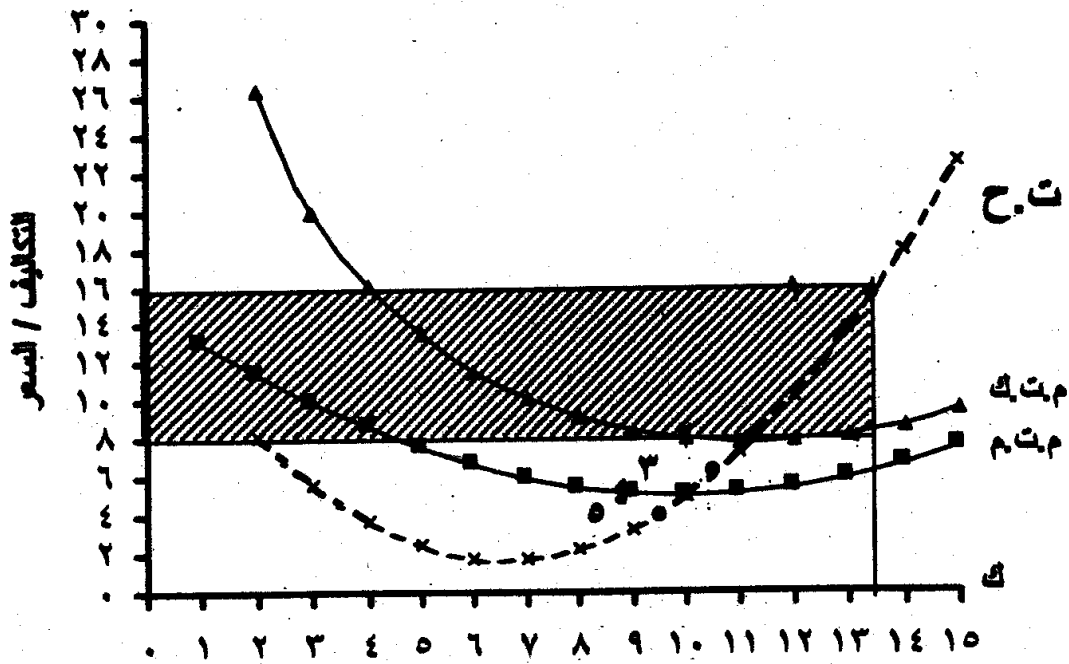
يتحدد هذا الحجم عندما تتساوى التكاليف الحدية مع الإيراد الحدى مع

السعر ، ولما كان السعر هو ١٦ ، ولما كانت دالة التكاليف الحدية هى :

$$ت. ح = ١٥ - ٤ ك + ٠,٣ ك^٢ \text{ وعلى ذلك فإن :}$$

$$٠,٣ ك^٢ - ٤ ك + ١٥ = ١٦ \quad \text{ومنها ك} = ١٣,٦ \text{ وهذا ما}$$

يتحقق بيانياً فى العرض البيانى التالى :-





## ملاحظات :

(\*) لضمان تطابق التحليل الرياضى مع التحليل البيانى كما لابد من

رسم منحنى ت. ح من واقع دالة التكاليف الحدية ومن ثم أصبحت نقاط

هذا المنحنى كالتالى :

ك	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠	١١	١٢	١٣	١٤	١٥
ت. ح	٨,٢	٥,٧	٣,٨	٢,٥	١,٨	١,٧	٢,٢	٣,٣	٥,٠	٧,٣	١٠,٢	١٣,٧	١٧,٨	٢٢,٥

وعلى ذلك يتضح من الرسم البيانى أن حجم الإنتاج الذى يحقق الربح

الأقصى هو عند الحجم ١٣,٦ إذا عنده تتساوى التكاليف الحدية مع

الإيراد الحدى مع السعر ١٦ ، وهذا ما يشار إليه بالنقطة رقم ١ ،

ويتضح هذا الربح حسابيا كما يلى :

الإيراد الكلى = مساحة المستطيل الذى أحدائيات نقاط رؤوسه الأربعة

هى ( ٠ ، ١٣,٦ ) ، ( ١٦ ، ١٣,٦ ) ، ( ١٦ ، ٠ ) ، ( ٠ ، ٠ )

التكاليف الكلية = مساحة المستطيل الذى أحدائيات نقاط رؤوسه

الأربعة هى ( ٠ ، ١٣,٦ ) ، ( ٨,٥ ، ١٣,٦ ) ، ( ٨,٥ ، ٠ ) ، ( ٠ ، ٠ )

الأقصى ربح = مستطيل الإيراد الكلى - مستطيل التكاليف الكلية

الاقصى ربح هو ذو المساحة المظللة فى الرسم البيانى ، ويسمى بالربح غير العادى ، ويتوقع عدم استمراره فى صناعة تنافسية فى المدى الطويل .

(٢) أن النقطة ٢ على الرسم البيانى عندها يحقق السعر ايراد يغطى كل التكاليف ومن ثم لا ربح ولا خسارة .

(٣) أن النقطة ٣ على الرسم البيانى عندها يحقق السعر ايراد يغطى التكاليف المتغيرة وجزء من التكاليف الثابتة ، وهنا على المنشأة أن تستمر فى الإنتاج لأنه إذا توقفت عن الإنتاج فإنها سوف تتحمل التكاليف الثابتة كلها بينما إذا استمرت فى الإنتاج فسوف تتحمل جزء منها فقط .

(٤) النقطة ٤ على الرسم البيانى عندها يحقق السعر ايراد يغطى التكاليف المتغيرة فقط وعلى المنشأة أن تتحمل التكاليف الثابتة كلها ، وهنا سيان للمنشأة أن تستمر فى الإنتاج أم لا ، حيث أنها ستتحمل التكاليف الثابتة فى الحالتين ، وتسمى هذه النقطة بنقطة الانغلاق .

(٥) النقطة ٥ على الرسم البياني لا يجب أن تفكر المنشأة في العمل عندها .

وعلى كل فصول يتم تناول موضوع معظمة الربح عند التعرض لتوازن المنتج في الباب القادم .

### مثال ٢

المعادلة التالية تمثل دالة التكاليف لمنشأة اقتصادية (شركة سياحية):

$$ت = ٢٠ س + ٦ س^٢ - ٢ س^٣$$

والمطلوب : هو نفس المطلوب في المثال رقم ١ ، ويترك كتدريب .

### مثال ٣

إذا كانت المعادلة التالية تمثل دالة تكاليف الإنتاج لفندق :

$$ت = ٠,٠٤ س^٣ - ٠,٨ س^٢ + ١٠ س$$

والمطلوب : هو نفس المطلوب ويترك كتدريب .

### مثال ٤

المعادلة التالية هي دالة تكاليف الإنتاج لصناعة ما :

$$ت = ٢٥٨,٤٢ - ٣,٣٢ س + ٠,٠١٢ س^٢$$

والمطلوب : هو نفس المطلوب ويترك كتدريب .

## **الفصل الخامس**

### **دالة الإرادة**

**يشتمل هذا الفصل على الموضوعات التالية :**

- مفهوم الإرادة الكلى للمشروع .
- دالة الإرادة في حالة المنافسة الكاملة .
- دالة الإرادة في حالة الاحتكار .

## الفصل الخامس

### دالة الإيراد

**مفهوم الإيراد الكلى للمشروع :**

هو حاصل ضرب الكمية المباعة فى ثمن الوحدة المباعة ، أى

هو عبارة عن جملة ما يحصل عليه المشروع من بيع منتجاته .

**دالة الإيراد :**

أ - ك . س

حيث : أ هى الإيراد الكلى للمشروع .

، ك هى الكمية المباعة

، س هى سعر الوحدة المباعة .

**دالة الإيراد فى حالة المنافسة الكاملة :**

إذا كان المشروع يبيع منتجاته فى سوق منافسه كاملة فإن

سعر بيع منتجاته يكون ثابت لأنه لا يستطيع أن يؤثر على السعر

بالزيادة أو النقصان حيث هو واحد ضمن عدد كبير جداً من

المشروعات وأن انتاجه غير مميز عن باقى تلك المشروعات ، ولذلك  
فالعلاقة بين السعر والكمية المطلوبة من هذا الناتج علاقة لا نهائية  
بمعنى أنه مهما زادت الكمية المطلوبة منه (المباعة) فإن السعر يظل  
ثابت ، ومن المعلوم أن هذا الطلب لا نهائى المرونة .

### مثال

إذا كانت دالة الإيراد الكلى لمشروع يعمل فى ظل المنافسة الكاملة هى:  
أ -  $30 - K$  حيث أ هى الإيراد الكلى ، ك هى الكمية المباعة ،  
والسعر ٣٠ .

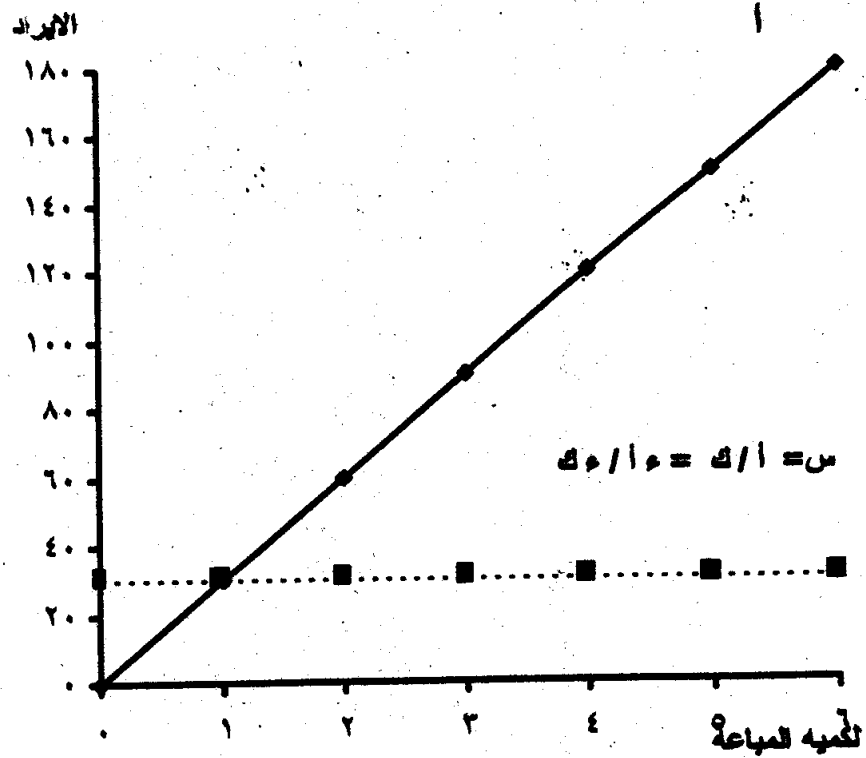
فالمطلوب إيجاد العرض الجدولى والبيانى لهذه الدالة موضحا دالة  
الإيراد المتوسط والإيراد الحدى .

### الحل

العرض الجدولى :

الكمية المباعة ك	١	٢	٣	٤	٥	٦
سعر الوحدة س	٣٠	٣٠	٣٠	٣٠	٣٠	٣٠
الإيراد الكلى أ	٣٠	٦٠	٩٠	١٢٠	١٥٠	١٨٠
الإيراد المتوسط أ/ك	٣٠	٣٠	٣٠	٣٠	٣٠	٣٠
الإيراد الحدى أ' / ك	٣٠	٣٠	٣٠	٣٠	٣٠	٣٠

## العرض البياني :



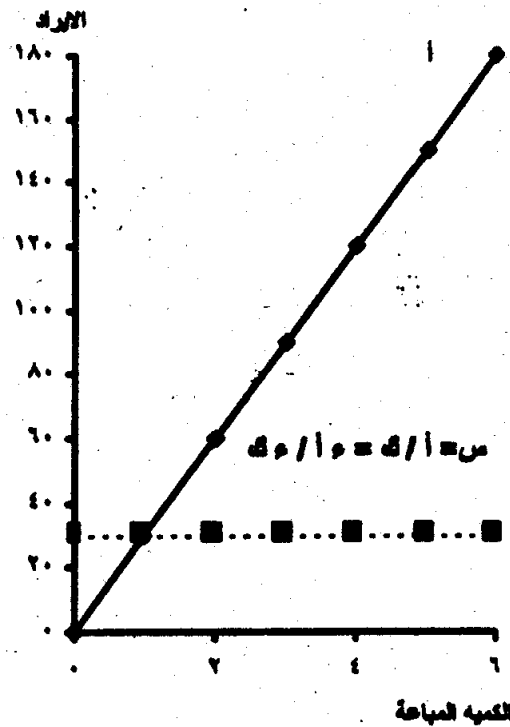
## ملاحظات :

(١) أن الايراد الكلي عبارة عن خط مستقيم لأن ميل دالة الايراد الكلي ثابت وهو السعر أى ٣٠ فى المثال ، كما أن هذا الخط تابع من نقطة الأصل بميل ٣٠ أى  $\hat{S} = ٨٨$  وهذا على غير ما هو موجود فى الشكل البياني والسبب هو استخدام مقياس رسم غير مناسب ، وبالفعل فالشكل البياني المرسوم خادع إذ يظهر العلاقة بين الكمية والسعر على أنها ١ : ١ تقريباً فى حين أنها ٣ : ١ ،

ولذلك إذا ما تم عمل رسم بياني وفق مقياس رسم مناسب فإن

النتائج الرياضية والهندسية والاقتصادية تكون متفقة ، ويتضح

ذلك في الرسم البياني التالي :



(٢) أن الإيراد المتوسط هو خارج قسمة الإيراد الكلي على عدد

الوحدات المباعة

$$\frac{\text{الإيراد المتوسط}}{\text{عدد الوحدات المباعة}} = \frac{\text{الإيراد الكلي}}{\text{أى أ . م}} = \frac{\text{أ}}{\text{ك}}$$

وهو فى المثال عبارة عن خط مستقيم يمثل الكميات المختلفة عند

السعر الثابت س أى (٣٠) ، أى أنه هو منحنى الطلب .



(٣) أن الإيراد الحدى هو التفاضل الأول لدالة الإيراد الكلى ، أى هو التغير فى الإيراد الكلى نتيجة تغير الكمية المباعة بوحدة واحدة ، أى أنه  $\frac{أء}{كء}$  وهو فى المثال  $\frac{أء}{كء} = س \times ١ = س$  ، لذلك فهو نفس خط الإيراد المتوسط والسعر .

### دالة الإيراد فى حالة الاحتكار :

فى هذه الحالة يستطيع المنتج (المنشأة) أن يؤثر إما فى السعر فتحدد الكمية وإما فى الكمية فيتحدد السعر ولذلك إذا رغب المنتج المحتكر أن يزيد من مبيعاته عليه أن يخفض السعر - يلاحظ أن العلاقة عكسية - وعلى ذلك فدالة الطلب أى دالة الإيراد المتوسط التى يواجهها المنتج المحتكر تأخذ شكل دالة الطلب المعتادة وليست دالة أفقية كما فى حالة المنافسة .

### مثال

إذا كانت دالة الطلب على سلعة معينة تمثلها العلاقة :

$$س = د(ك) = ٥٠ - ٤ ك$$

حيث س هى سعر السلعة ، ك الكمية المطلوبة والمنتج يتحكم فى إنتاجها للحصول على سعر يزيد مبيعاته منها ( وهنا يلاحظ أن الكمية

تعتبر مستقل ، السعر يعتبر تابع ( والمطلوب :-

(١) العرض الجدولى والبيانى لدالة الطلب عند الكميات = ١ ، ٢ ، ٣

، ... ، ٧ ثم حساب المرونة .

(٢) إيجاد دالة الايراد الكلى ودالة الايراد المتوسط ودالة الايراد

الحدى مع الايضاح الجدولى والبيانى .

(٣) دون ملاحظتك .

### الحل

(١) العرض الجدولى والبيانى لدالة الطلب :

• العرض الجدولى :

ك	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧
س	٤٦	٤٢	٣٨	٣٤	٣٠	٢٦	٢٢
مرونة السعر	٠,٠٩	٠,١٩	٠,٣٢	٠,٤٧	٠,٦٧	٠,٩٢	١,٢٣
مرونة الكمية	١١,٥	٥,٢٥	٣,٢	٢,١٢	١,٥	١,٠٨	٠,٨

ملاحظات على العرض الجدولى :

أ - مرونة السعر :  $\frac{س}{ك} \times \frac{ك}{س}$  حيث الدالة هى س = ٥٠ - ٤ك

ولذلك عند ك = ١ تكون مرونة السعر =  $-\frac{١}{٤٦} \times ٤ = -٠,٠٩$  ،

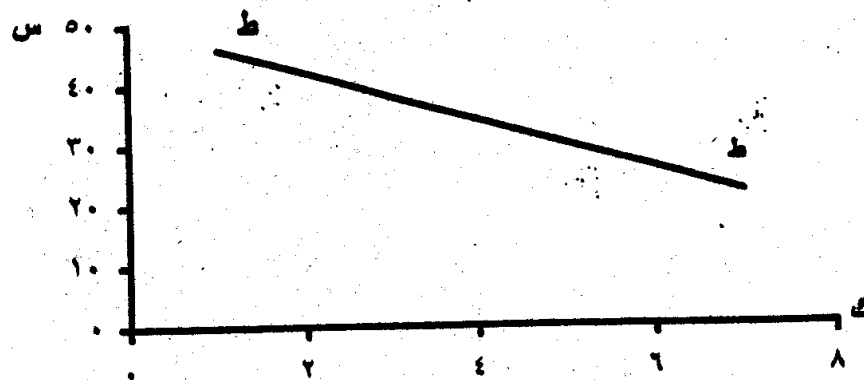
عند ك = ٤ =  $-\frac{٤}{٣٤} \times ٤ = -٠,٤٧$  ، وهكذا ، وعلى ذلك فعند الكميات

المنخفضة تكون مرونة السعر منخفضة وعند الكميات المرتفعة تكون مرونة السعر مرتفعة .

ب- مرونة الكمية:  $\frac{K}{S} \times \frac{S}{K}$  حيث الدالة تصبح  $K = 0.5 - \frac{1}{4}S$   
ولذلك عند  $S = 6$  تكون مرونة الكمية (الكمية المطلوبة)  $-\frac{1}{4} \times 6 = -1.5$   
 $\frac{6}{1} = 6$  ، عند  $S = 34$  تكون مرونة الكمية  $-\frac{1}{4} \times 34 = -8.5$   
 $-\frac{34}{4} = -8.5$  ، وهكذا ، وعلى ذلك فعند الأسعار المرتفعة تكون مرونة الكمية مرتفعة وعند الأسعار المنخفضة تكون المرونة الكمية منخفضة .

ج- عند الكمية 6 ، السعر 24 تكون مرونة السعر = 1 ، مرونة الكمية = 1 .

• العرض البياني :



(٣) دالة الإيراد الكلى والمتوسط والحدى :

• دالة الإيراد الكلى :

$$أ = ك \cdot س$$

حيث أ هي الإيراد ، ك الكمية ، س السعر . وفى حالة الاحتكار تكون الكمية متغير وأيضا السعر متغير ، وباعتبار أن السعر دالة فى الكمية أى أن المنتج المحتكر يتحكم فى الكمية للحصول على السعر الذى يزيد مبيعاته (إيراداته) ، فإن دالة الإيراد الكلى تصبح :

$$أ = ك (٥٠ - ٤ ك) \text{ حيث فى مثالنا س = د(ك) = } ٥٠ - ٤ ك$$

$$= ٥٠ ك - ٤ ك^2 \text{ وهى معادلة من الدرجة الثانية يمثلها منحنى وهذا}$$

ما سيوضحه العرض البيانى التالى .

• دالة الإيراد المتوسط :

$$\therefore أ = ٥٠ ك - ٤ ك^2$$

$$\therefore \frac{أ}{ك} = ٥٠ - ٤ ك \text{ لكون الإيراد المتوسط هذا خارج قسمة}$$

الإيراد الكلى على الكمية المباعة . وهى معادلة من الدرجة الأولى

يمثلها خط مستقيم وهذا ما سيوضحه العرض البيانى التالى ، كما

يلاحظ أن دالة الإيراد المتوسط هى دالة الطلب .

• دالة الإيراد الحدى :

$$\therefore \text{أ} = ٥٠ \text{ك} - ٤ \text{ك}^٢$$

$$\therefore \frac{\text{أ}}{\text{ك}} = ٥٠ - ٤ \text{ك} \text{ تكون الإيراد الحدى هو التفاضل الأول لدالة}$$

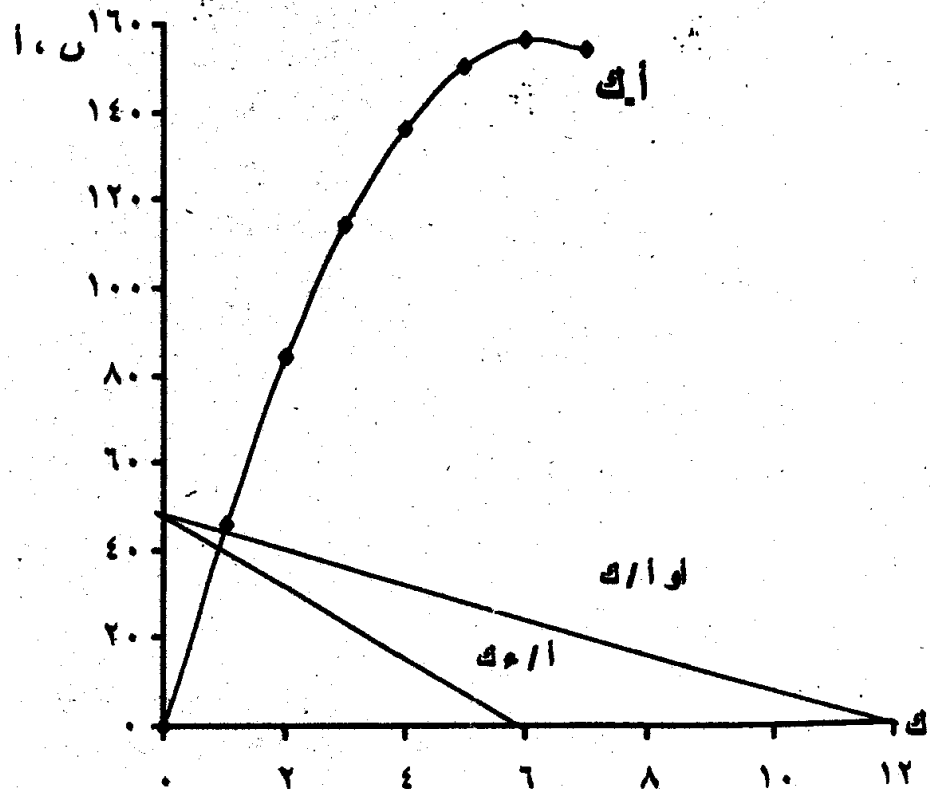
الإيراد الكلى ، كما يلاحظ أن ميل دالة الإيراد الحدى ضعف ميل دالة

الإيراد المتوسط .

• العرض الجدولى :

٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	الكمية المطلوبة (المباعة) (ك)
١٥٤	١٥٦	١٥٠	١٣٦	١١٤	٨٤	٤٦	الإيراد الكلى (أ)
٢٢	٢٦	٣٠	٣٤	٣٨	٤٢	٤٦	الإيراد المتوسط (أ/ك)
٦ -	٢	١٠	١٨	٢٦	٣٤	٤٦	الإيراد الحدى (٥ أ/ك)

• العرض البيانى :



## ملاحظات على العرض البياني :

أ - يتضح هندسيا أن ميل دالة الإيراد الحدى ضعف ميل دالة الأيرود

المتوسط حيث ظا  $\hat{H}$  لخط الإيراد الحدى = - ٠,٨٤ ، بينما

ظا  $\hat{H}$  لخط الإيراد المتوسط = - ٠,٤٢ (°) .

ب- أن خط الإيراد الحدى ينصف خط الكمية (الخط الأفقى) الواصل

من نقطة الأصل حتى نقطة تقاطع خط الإيراد المتوسط مع خط

الكمية .

ج- عند الكمية ٦,٢٥ يكون الإيراد الحدى مساويا للصفر ، والإيراد

الكلى بلغ أقصاه .

(٣) تتمثل الإجابة على الجزئية الثالثة فى مثالنا فى ملاحظة هامة

وهى العلاقة بين مرونة طلب المحتكر وإيراده الحدى وأهمية ذلك

اقتصاديا ، وتتضح هذه العلاقة فيما يلى :

• إذا كان الطلب مرناً ( $m < 1$ ) فإن الإيراد الحدى يكون موجب ،

وبالتالى بزيادة الكميات المباعة يزداد الإيراد الكلى .

(١) حيث  $\hat{H}$  لخط الإيراد المتوسط = ١٥٧ ، ولخط الإيراد الحدى = ١٤٠ .

• إذا كان الطلب غير مرن ( $m < 1$ ) فإن الإيراد الحدى يكون

سالب ، وبالتالي بزيادة الكميات المباعة ينخفض الإيراد الكلى .

• إذا كان الطلب متكافئ المرونة ( $m = 1$ ) فإن الإيراد الحدى

يساوى الصفر ، وبالتالي بزيادة الكميات المباعة يظل الإيراد

الكلى ثابت ، والجدول التالى يزيد الايضاح :

المعنى الاقتصادى	مرونة الطلب	الإيراد الحدى (ع/ك)	الإيراد الكلى (أ)	السعر (س)	الكمية المباعة (ك)
أنه بزيادة المبيعات يزداد الإيراد الكلى	مرن حيث $m < 1$	١١,٥	٤٢	٤٦	١
		٥,٢٥	٣٤	٤٢	٢
		٣,٢٠	٢٦	٣٨	٣
		٢,١٢	١٨	٣٤	٤
		١,٥٠	١٠	٣٠	٥
		١,٠٨	٢	٢٦	٦
بزيادة المبيعات يظل الإيراد الكلى ثابت	متكافئ المرونة حيث $m = 1$				
بزيادة المبيعات ينخفض الإيراد الكلى	غير مرن حيث $m > 1$	٠,٨	٦-	٢٢	٧

ويمكن صياغة العلاقة السابقة رياضيا فيما يلى :

$$\text{الإيراد الحدى} = \text{السعر} (1 - \text{مرونة الطلب})$$

وللتحقق منها فإنه يتم تطبيقها عند الكمية المباعة ٢ :

$$.: \text{الايراد الحدى} = ٤٢ ( ١ - \frac{١}{٥,٢٥} )$$

$$= ٣٤$$

وتسمى هذه العلاقة ( أموروز روبنسون ) ، كما يمكن اثبات هذه

المعادلة رياضيا لكن يخرج ذلك عن نطاق هذا الكتاب .

امثله متنوعه

مثال ١

إذا كانت دالة الطلب على سلعة معينة تمثلها العلاقة :

$$س = د (ك) = ٢٢ - ٢ ك$$

حيث س هي سعر السلعة ، ك الكمية المطلوبة والمنتج يتحكم فى

إنتاجها للحصول على سعر يزيد مبيعاته منها ، والمطلوب :

(١) العرض الجدولى والبيانى لدالة الطلب عند الكميات ١ ، ٢ ،

..... ، ٧ ثم حساب المرونة .

(٢) إيجاد دوال الايراد مع الايضاح الجدولى والبيانى .

(٣) دون ملاحظاتك .



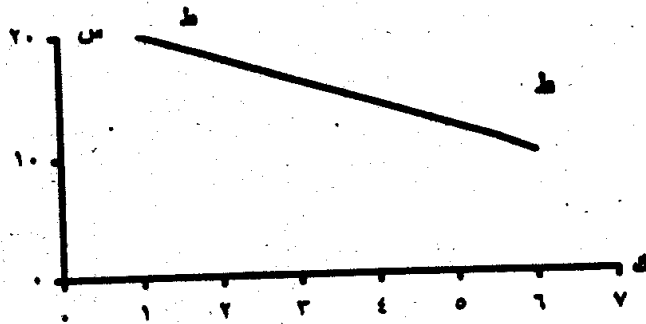
## الحل

(١) العرض الجدولي والبياني لدالة الطلب وحساب المرونة .

• العرض الجدولي وحساب المرونة

ك	١	٢	٣	٤	٥	٥.٥	٦	٧
س	٢٠	١٨	١٦	١٤	١٢	١١	١٠	٨
مرونة الكمية	١٠	٤,٥	٢,٦	١,٧٥	١,٢	١	٠,٨	٠,٥٧

• العرض البياني :



(٢) دوال الايراد مع الايضاح الجدولي والبياني :

• دالة الايراد الكلي :

$$\therefore أ = ك \times س$$

$$\therefore أ = ك (٢٢ - ٢ ك)$$

$$= ٢٢ ك - ٢ ك^٢$$

• دالة الايراد المتوسط :

$$\therefore \text{أ} = ٢٢ \text{ ك} - ٢ \text{ ك}^٢$$

$$\therefore \text{أ/ك} = ٢٢ - ٢ \text{ ك}$$

• دالة الايراد الحدى :

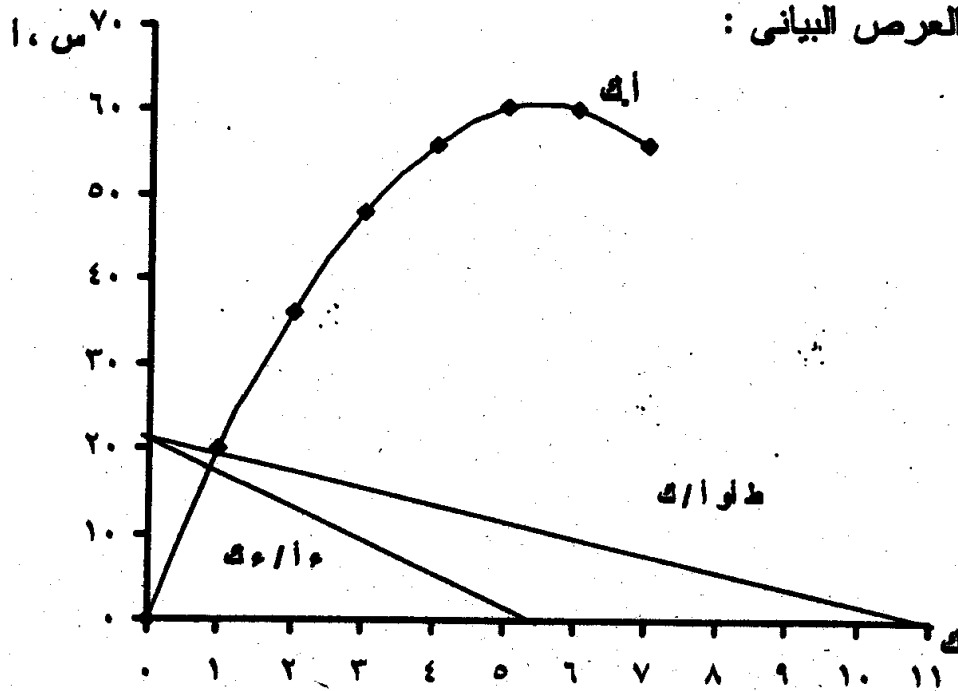
$$\therefore \text{أ} = ٢٢ \text{ ك} - ٢ \text{ ك}^٢$$

$$\therefore \text{أ/ك} = ٢٢ - ٤ \text{ ك}$$

• العرض الجدولى :

ك	١	٢	٣	٤	٥	٥.٥	٦	٧
أ	٢٠	٣٦	٤٨	٥٦	٦٠	٦٠.٥	٦٠	٥٦
أ/ك	٢٠	١٨	١٦	١٤	١٢	١١	١٠	٨
أ/ك	١٨	١٤	١٠	٦	٢	صفر	٢-	٦-

• العرض البيانى :



(٣) الملاحظات تترك كتدريب .

### مثال ٢

إذا كانت دالة الطلب على سلعة ما تمثلها المعادلة :

$$K = D(S) = 500 - 10S$$

حيث K هي الكمية المطلوبة ، S السلعة والمطلوب :

(١) إيجاد دوال الإيراد مع الأيضاح الجدولي والبياني :

(٢) تدوين الملاحظات .

### الحل

(١) دوال الإيراد مع الأيضاح الجدولي والبياني :

• دالة الإيراد الكلي :

$$A = K \times S$$

$$A = (500 - 10S) \times S = 500S - 10S^2 \text{ (معطى)}$$

$$= 500S - 10S^2 \text{ ويصبح الإيراد دالة في السعر .}$$

• دالة الإيراد المتوسط :

$$A = 500S - 10S^2$$

$$\therefore \frac{A}{S} = 500 - 10S$$

• دالة الايراد الحدى :

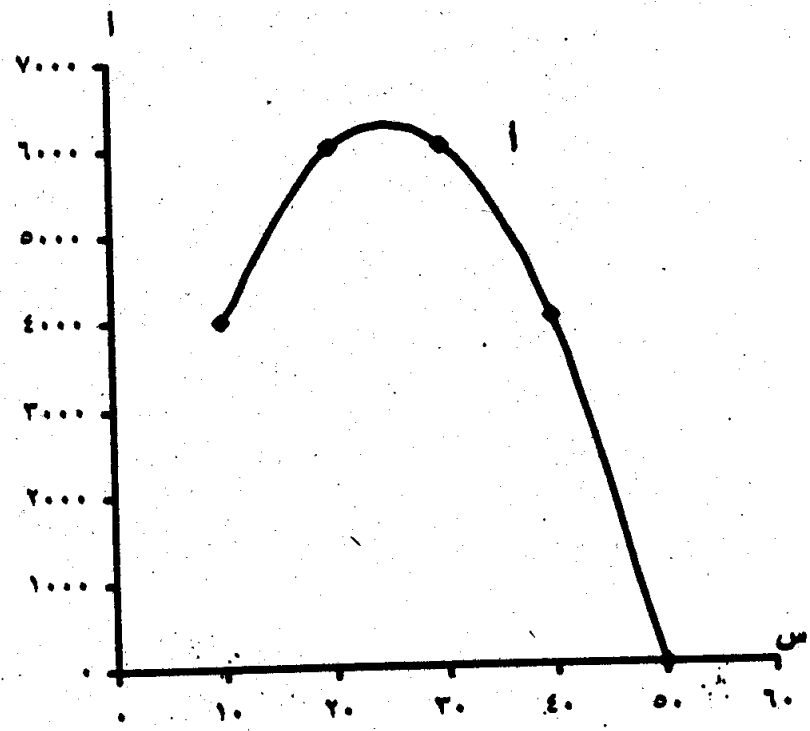
$$\therefore \text{أ} = ٥٠٠ \text{ س} - ١٠ \text{ س}^٢$$

$$\therefore \frac{\text{أ}}{\text{س}} = ٥٠٠ - ٢٠ \text{ س}$$

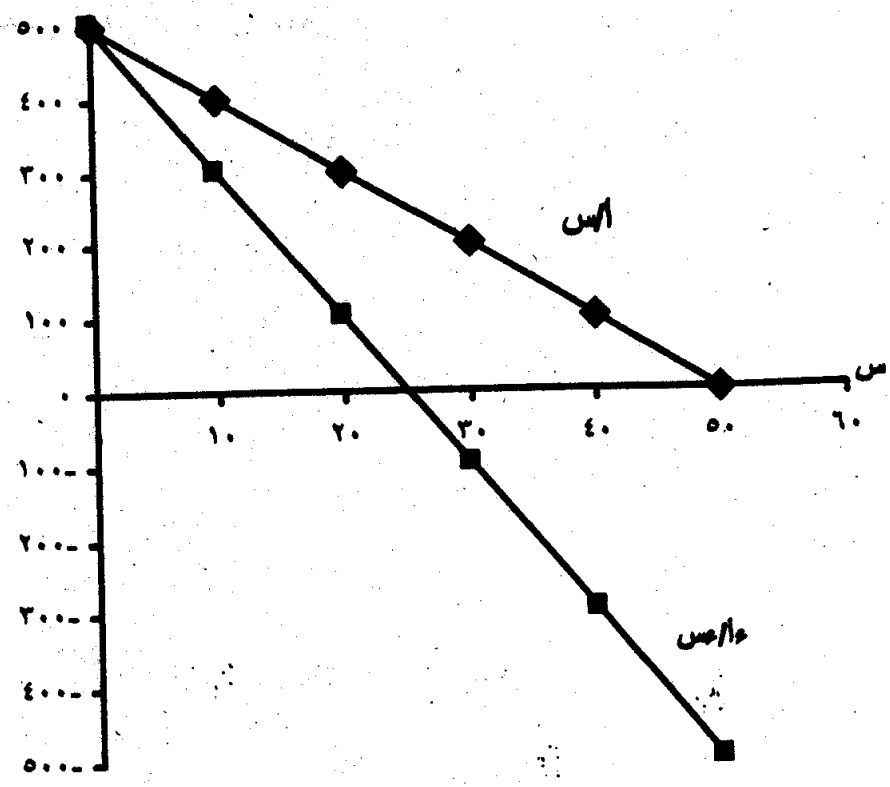
• العرض الجدولى :

س	١٠	٢٠	٣٠	٤٠	٥٠
ك	٤٠٠	٣٠٠	٢٠٠	١٠٠	صفر
أ	٤٠٠٠	٦٠٠٠	٦٠٠٠	٤٠٠٠	صفر
أ/س	٤٠٠	٣٠٠	٢٠٠	١٠٠	صفر
أ/س	٣٠٠	١٠٠	١٠٠-	٢٠٠-	٥٠٠-

العرض البياني :



ايس ، علم ص



\* الملاحظات تترك كتدريب .

### مثال ٣

إذا كانت دالة الطلب على إنتاج منشأة ما هي :

ك - ١٠٠٠٠٠ - ٢٠٠ س حيث ك الكمية المطلوبة ، س السعر ،

ولأن دالة التكاليف هي :

ت - ١٥٠٠٠٠ + ١٠ ك + ٠,٠٠٣ ك<sup>٢</sup> حيث ت التكاليف

الكلية ، ك الكمية المنتجة فالمطلوب :

(١) أوجد دالة الإيراد الكلى .

(٢) أوجد دالة الإيراد الحدى ودالة التكاليف الحدية .

(٣) أوجد حجم الإنتاج الذى يحقق أقصى ربح ممكن .

### الحل

(١) دالة الإيراد الكلى :

$$\therefore ك - ١٠٠٠٠٠ - ٢٠٠ س$$

$$\therefore س = \frac{ك - ١٠٠٠٠٠}{٢٠٠}$$

$$\therefore ، أ - ك \times س$$

$$\therefore أ - ك \left( \frac{ك - ١٠٠٠٠٠}{٢٠٠} \right)$$

= ٥٠٠ ك - ٠.٠٠٠٥ ك<sup>٢</sup> وهذه دالة الإيراد الكلى .

(٢) دالة الإيراد الحدى :

$$\therefore \text{أ} = ٥٠٠ ك - ٠.٠٠٠٥ ك^٢$$

$$\therefore \frac{\text{أ}}{\text{ك}} = ٥٠٠ - ٠.٠٠١ ك \quad \text{وهذه دالة الإيراد الكلى .}$$

دالة التكاليف الحدية :

$$\therefore \text{ت} = ١٥٠.٠٠٠ + ١٠٠ ك + ٠.٠٠٣ ك^٢$$

$$\therefore \frac{\text{ت}}{\text{ك}} = ١٥٠ + ٠.٠٠٦ ك \quad \text{وهذه دالة التكاليف الحدية .}$$

(٣) حجم الإنتاج الذى يحقق أقصى ربح ممكن :

$$\therefore \text{الربح الكلى} = \text{الإيراد الكلى} - \text{التكاليف الكلية} .$$

$$\therefore \text{الربح الحدى} = \text{الإيراد الحدى} - \text{التكاليف الحدية} .$$

$$= (٥٠٠ - ٠.٠٠١ ك) - (١٥٠ + ٠.٠٠٦ ك)$$

$$= ٤٠٠ - ٠.٠٠١٦ ك \quad \text{وهذه دالة الربح الحدى}$$

ولما كانت الكمية المنتجة التى يتحقق عندها أقصى ربح كلى ممكن

هى الكمية التى يتوفر فيها الشرطين :

أ - أن دالة الإيراد الحدى تساوى الصفر .

ب - أن التفاضل الثانى لدالة الإيراد الحدى يكون قيمة سالبة

## وعليه

∴ ح (اليراد الحدى) = ٤٠٠ - ٠.٠١٦ ك

∴ ٤٠٠ - ٠.١٦ ك = ٠ ومنها ك = ٢٥٠٠٠

∴  $\frac{ح}{ك} = - ٠.٠١٦$  أى قيمة سالبة

∴ الكمية ٢٥٠٠٠ هى التى عندها يتحقق أقصى ربح ممكن .

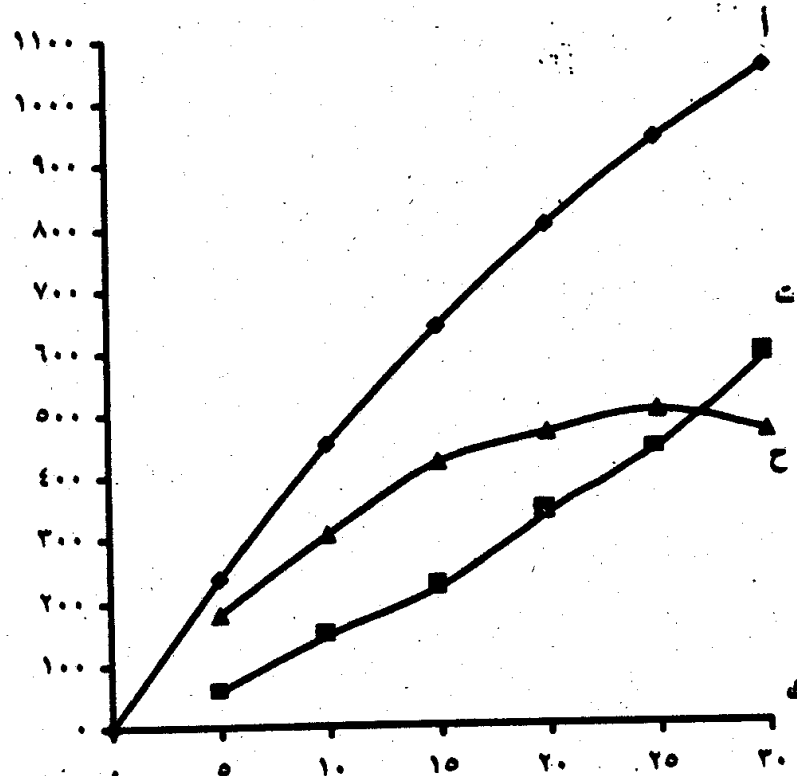
• الايضاح الجدولى والبيانى :

الكمية بالآلاف ك	٥	١٠	١٥	٢٠	٢٥	٣٠
اليراد الكلى بالعملة آلاف أ	٢٣٧,٥	٤٥٠	٦٣٧,٥	٨٠٠	٩٣٧,٥	١٠٥٠
التكاليف الكلية بالعملة آلاف ح	٥٩	١٤٥	٢١٩	٣٣٥	٤٣٩	٥٨٥
التكاليف الكلية بالعملة آلاف ت	١٧٨,٥	٣٠٥	٤١٨,٥	٤٦٥	٤٩٨,٥	٤٦٥
اليراد الحدى بالوحدة هـ / أ هـ ك	٤٥٠	٤٠٠	٣٥٠	٣٠٠	٢٥٠	٢٠٠
التكاليف الحدية بالوحدة هـ ت / هـ ك	١٣٠	١٦٠	١٩٠	٢٢٠	٢٥٠	٢٨٠
الربح الحدى بالوحدة هـ ح / هـ ك	٣٢٠	٣٤٠	١٤٠	٨٠	صفر	٨٠-

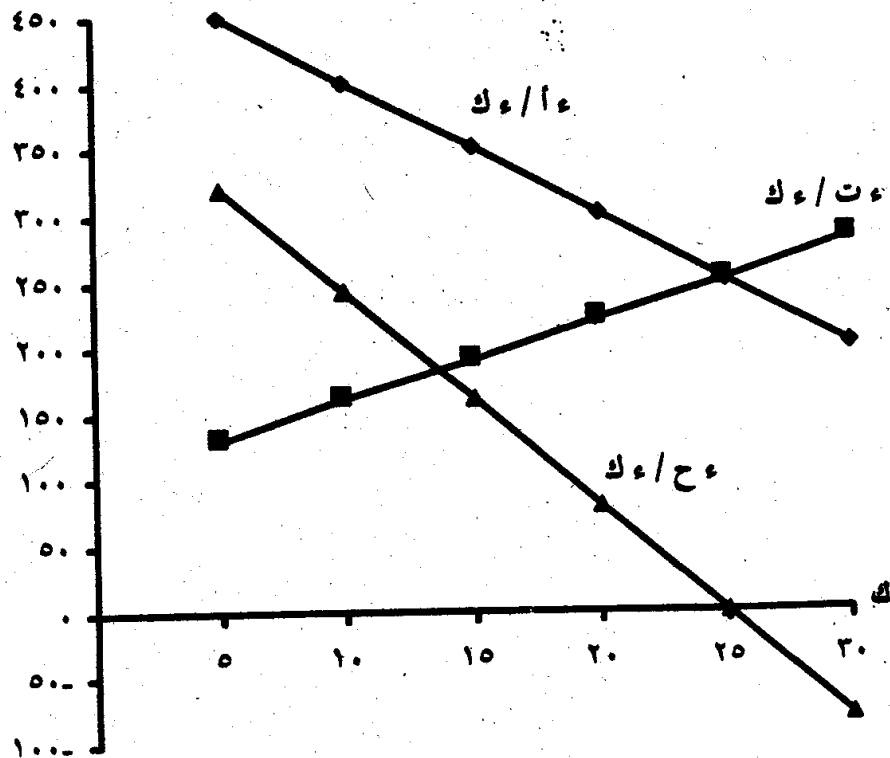


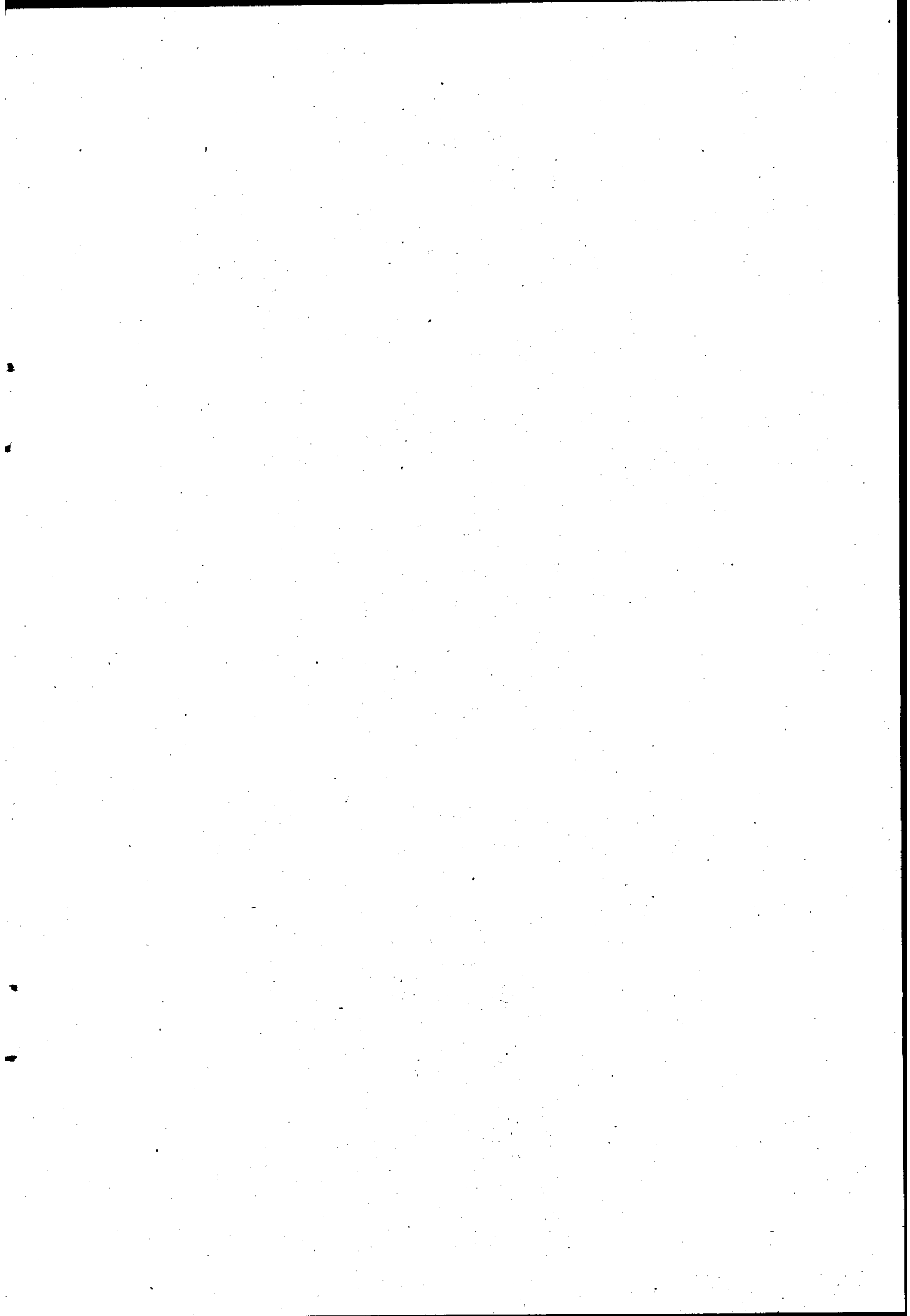
العرض البياني :

ا، ت، ح



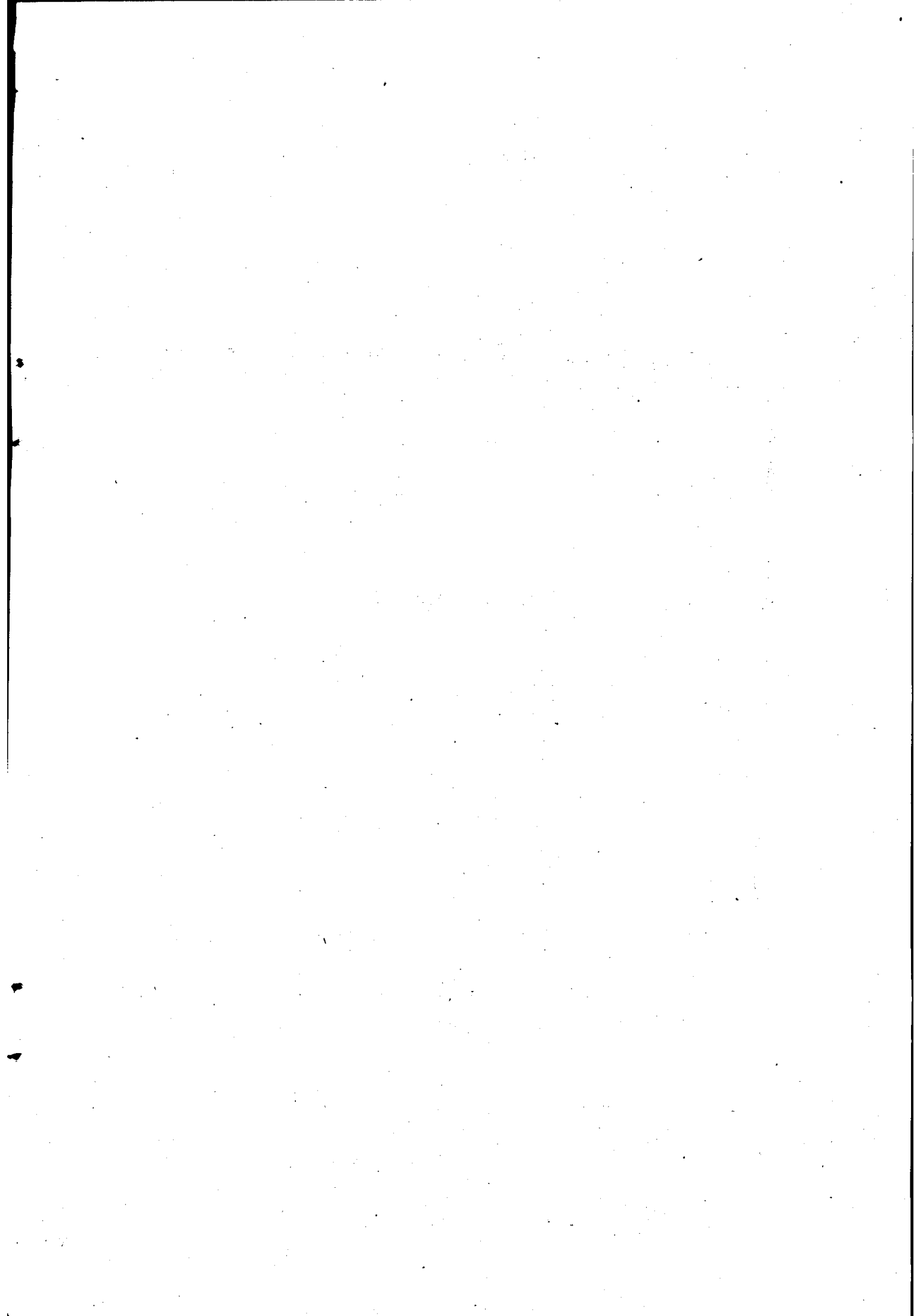
ء/ا، ء/ت، ء/ح، ء/ك





الباب الثالث

التوازن في الاقتصاد



## **الباب الثالث**

### **التوازن في الاقتصاد**

**يشتمل هذا الباب على الفصول التالية :**

**الفصل الأول : توازن السوق .**

**الفصل الثاني : توازن المستهلك .**

**الفصل الثالث : توازن المنتج .**

## الفصل الأول

### توازن السوق

#### مفهوم التوازن :

كلمة توازن Equilibrium كلمة فيزيائية ، فيقال أن الجسم فى حالة توازن إذا كان مجموع (محصلة) القوى المؤثرة عليه تساوى الصفر ، بمعنى أن القوى تتساوى فى المقدار وتختلف فى الاتجاه أى يلغى بعضها بعضا ، ولا تنطبق كلمة توازن على حالة السكون لكونها حالة تنعدم فيها القوى المؤثرة . وقد استعار الاقتصاديون كلمة توازن للتعبير عن حالات مشابهة فى الاقتصاد مثل توازن السوق ، توازن المستهلك ، توازن المنتج .

#### مفهوم السوق :

السوق هو المكان والزمان الذى يتم فيه تبادل السلع والخدمات بين البائع والمشتري بسعر معين يحدده السوق فى حالة المنافسة الكاملة أو يحدده المحتكر فى حالة سوق الاحتكار ، أى أن السوق

يتكون من بائع ومشتري وسلعة وسعر . ويتحدد السعر فى سوق المنافسة الكاملة بتفاعل قوى العرض والطلب فقط أى لا توجد قواه أخرى تؤثر فى تحديد سعره ، وإلتزام هذا التفاعل لأبد من توافر عدة شروط أهمها أن يكون عدد البائعين والمشتريين كبير جدا ، والسلعة متجانسة ، والحرية فى الدخول والخروج من السوق ، وتوافر المعلومات .

### مفهوم توازن السوق :

هو حالة السوق التى تتفاعل فيها القوى المؤثرة على الكمية المطلوبة مع القوى المؤثرة على الكمية المعروضة حتى تتساوى الكمية المطلوبة مع الكمية المعروضة وتعرف بكمية التوازن وعندها يتحدد سعر التوازن .

### تحديد سعر توازن السوق :

يتحدد سعر توازن السوق بتفاعل دالتى العرض والطلب السعرية مع ثبات العوامل الأخرى .

### مثال

إذا كانت دالتى الطلب والعرض على احدى السلع هما :

$$ك = د = (س) = ٢٨ - ٤س \quad \text{مع ثبات العوامل الأخرى}$$

(دالة الطلب السعرية)

$$ك = د = (س) = ٢ + ٤س \quad \text{مع ثبات العوامل الأخرى}$$

(دالة العرض السعرية)

والمطلوب :

حساب سعر التوازن وكمية التوازن جبريا وبيانيا .

### الحل

جبريا :

يتحدد سعر التوازن بتساوى الكمية المطلوبة مع الكمية المعروضة أو

بتساوى شرطى الدالتين .

$$\therefore ٢٨ - ٤س = ٢ + ٤س \quad \text{ومن هنا } ٤س = ٤ \quad \text{وتعرف بسعر التوازن}$$

،  $\therefore$  كمية التوازن (ك) = ١٢ وذلك بالتعويض بقيمة  $س = ٤$  فى

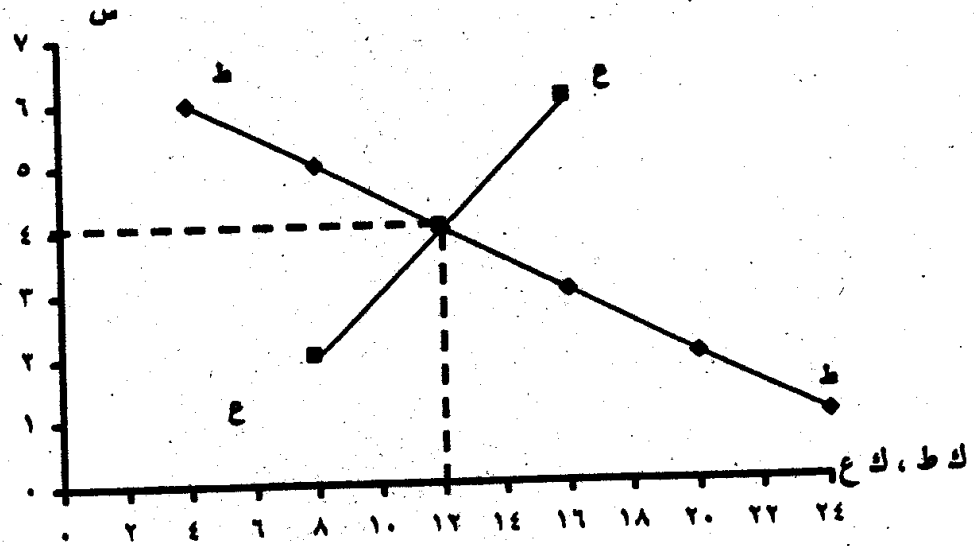
إحدى المعادلتين .



**بيانيا :**

العرض الجدولى للرسم البياني :

السعر	١	٢	٣	٤	٥	٦
كـ	٢٤	٢٠	١٦	١٢	٨	٤
كـع	٦	٨	١٠	١٢	١٤	١٦



**اختلال التوازن وفائض الطلب وعجز العرض أو عجز الطلب وفائض العرض :**

**العرض :**

إذا اختلف سعر التوازن وانخفض إلى ٣ فإن توازن السوق يختل

ويحدث فائض فى الطلب وعجز فى العرض والاثبات فيما يلى :

**جبرياً :**

$$\therefore 28 - 4 \text{ س } 4 = 2 + 4 \text{ س } 4 \quad \text{عندما س} = 4$$

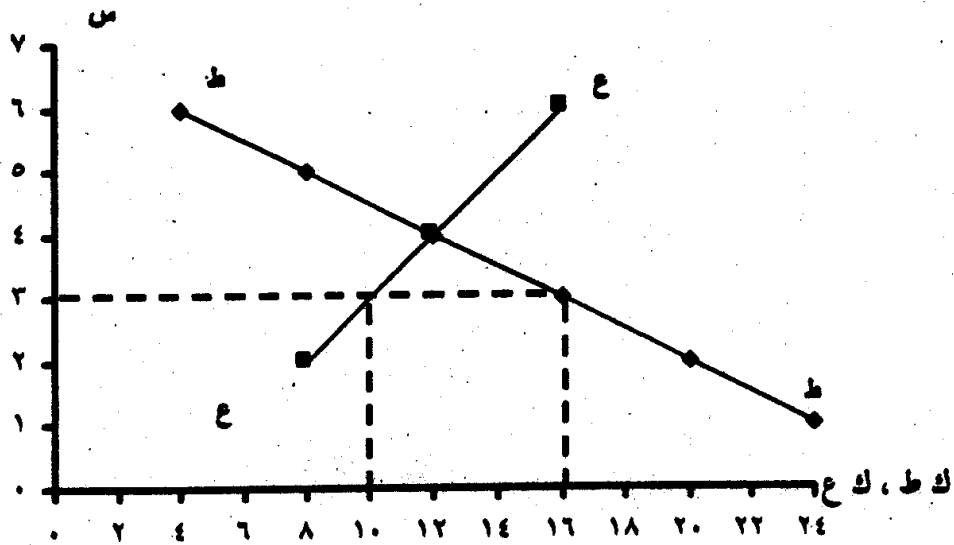
$$\text{لكن } 28 - 4 \text{ س } 4 \neq 2 + 4 \text{ س } 3 \quad \text{عندما س} = 3$$

$$\text{أى } 16 < 10$$

أى أن الكمية المطلوبة أكبر من الكمية المعروضة بمقدار ٦ أى يوجد

فائض فى الطلب وعجز فى العرض .

**بيانياً :**



وإذا اختلف سعر التوازن وارتفع السعر إلى ٥ فإن توازن السوق يختل

ويحدث عجز فى الطلب وفائض فى العرض ويمكن اثبات ذلك كما

سبق . والملاحظ هنا أن تحديد سعر التوازن يتم بالتحرك على نفس منحنى الطلب ونفس منحنى العرض .

### سعر التوازن الجديد في السوق :

قد يكون السوق في حالة توازن ويحدث أن يتغير نوق المستهلك فتتغير دالة الطلب ويترتب على ذلك سعر توازن جديد ، أو يحدث أن تتغير تكاليف الإنتاج فتتغير دالة العرض ويترتب على ذلك سعر توازن جديد ، أو يحدث أن تتغير دالة الطلب ودالة العرض معا فيترتب على ذلك سعر توازن جديد ، وفيما يلي ايضاح ذلك جبريا وبيانيا :

\* سعر التوازن الجديد إذا تغيرت دالة الطلب مع ثبات دالة العرض :

### مثال

إذا كانت دالتي الطلب والعرض على إحدى السلع هما :

ك<sub>د</sub> = ٢٨ - ٤ س مع ثبات العوامل الأخرى (دالة الطلب السعرية)

ك<sub>ع</sub> = ٤ + ٢ س مع ثبات العوامل الأخرى (دالة العرض السعرية)

وحدث أن تغير نوق المستهلك ونقصت الكمية المطلوبة وأصبحت دالة

الطلب هي : ك<sub>د</sub> = ٢٥ - ٤ س ، فاحسب سعر التوازن الجديد

وكمية التوازن الجديدة

## الحل

جبريا :

يتحقق سعر التوازن الجديد عندما :

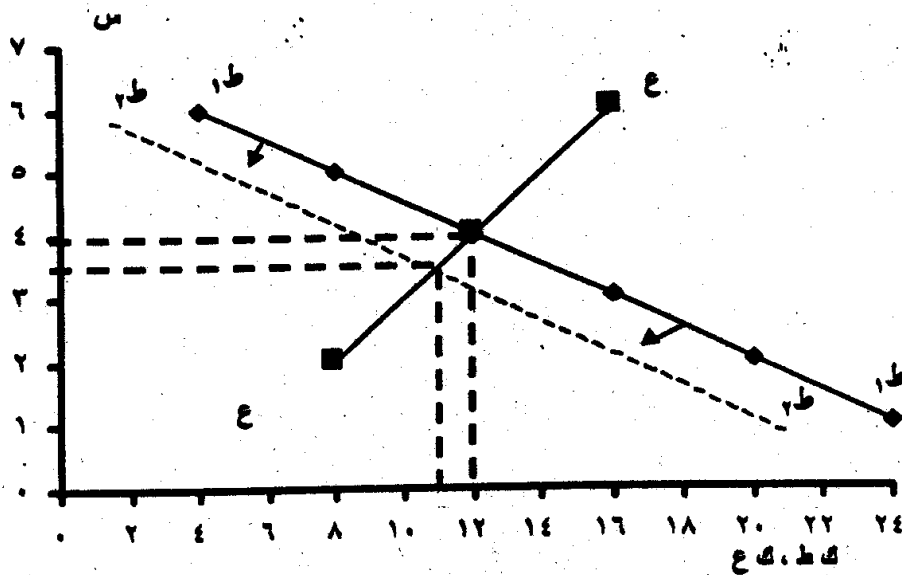
$$٢٥ - ٤ س = ٤ + ٢ س ومنها س = ٣,٥ \text{ وهو سعر التوازن الجديد}$$

∴ كمية التوازن الجديد = ١١

بيانيا :

العرض الجدولى والبياني لدالتى الطلب والعرض فى الوضع الجديد :

س		١	٢	٣	٤	٥	٦
الوضع القديم	ك ط ١	٢٤	٢٠	١٦	١٢	٨	٤
	ك ع	٦	٨	١٠	١٢	١٤	١٦
الوضع الجديد	ك ط ٢	٢١	١٧	١٣	٩	٥	١
	ك ع	٦	٨	١٠	١٢	١٤	١٦



ومن الملاحظ أن نقطة التوازن الجديدة تحركت إلى الشمال ذلك لأن التغير الحادث في دالة الطلب تغير بالنقصان ونتج عن ذلك نقص في كلا من سعر التوازن وكمية التوازن ، لذلك إذا كان التغير الحادث في دالة الطلب تغير بالزيادة فإن نقطة التوازن الجديدة تتحرك إلى اليمين، ويمكن اثبات ذلك جبريا وبيانيا كما سبق .

• سعر التوازن الجديد إذا تغيرت دالة العرض مع ثبات دالة الطلب :

### مثال

إذا كانت دالتي الطلب والعرض على إحدى السلع هما :

كـ  $28 - 4$  س مع ثبات العوامل الأخرى

(دالة الطلب السعرية)

كـ  $2 + 4$  س مع ثبات العوامل الأخرى

(دالة العرض السعرية)

وحدث أن تغيرت تكاليف الإنتاج وزادت الكمية المعروضة وأصبحت

دالة العرض كـ  $2 + 10$  س فاحسب سعر التوازن الجديد

وكمية التوازن الجديدة

## الحل

جبريا :

يتحقق سعر التوازن الجديد عندما :

 $28 - 4س = 10 + 2س$  ومنها  $س = 3$  وهى سعر التوازن الجديد

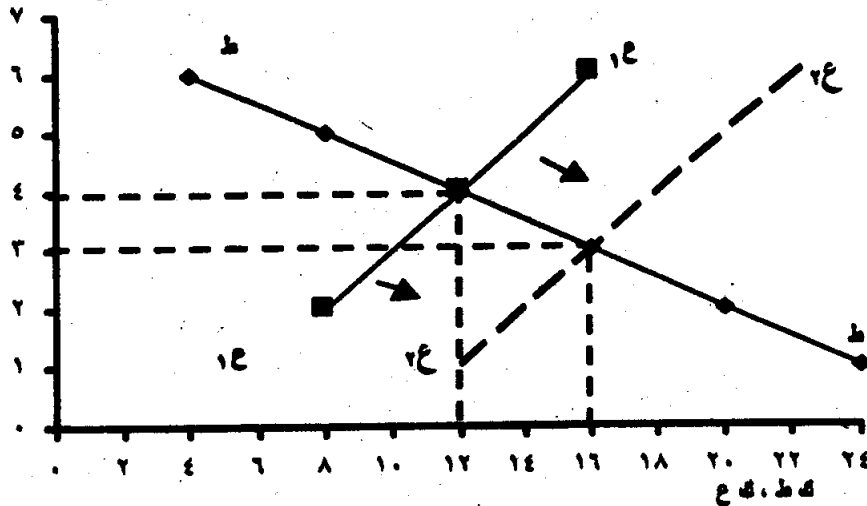
∴ كمية التوازن الجديدة = ١٦ وذلك بالتعويض بقيمة  $س = 3$  فى أى

من المعادلتين .

بيانيا :

العرض الجدولى والبياني لدالتى الطلب والعرض فى الوضع الجديد :

س		١	٢	٣	٤	٥	٦
الوضع القديم	ك <sub>ط</sub>	٢٤	٢٠	١٦	١٢	٨	٤
	ك <sub>ع</sub> ١	٦	٨	١٠	١٢	١٤	١٦
الوضع الجديد	ك <sub>ط</sub>	٢٤	٢٠	١٦	١٢	٨	٤
	ك <sub>ع</sub> ٢	١٢	١٤	١٦	١٨	٢٠	٢٢



ومن الملاحظ أن نقطة التوازن الجديدة تحركت إلى اليمين ذلك لأن التغير الحادث في دالة العرض تغير بالزيادة ونتج عن ذلك نقص سعر التوازن وزيادة كمية التوازن ، لذلك إذا كان التغير الحادث في دالة العرض بالنقصان فإن نقطة التوازن الجديدة تتحرك إلى الشمال ، ويمكن اثبات ذلك جبريا وبينانيا كما سبق . كما يلاحظ أيضا أن انتقال منحنى الطلب أو العرض جاء بخطوط مستقيمة ومتوازية ، والسبب في أنها مستقيمة يرجع إلى أنهما معادلة من الدرجة الأولى ، أما كونهما خطوط متوازية فلكون ميلى خطى الطلب متساويان (٤) ، وميلى خطى العرض متساويان (٢) .

• سعر التوازن الجديد إذا تغيرت دالة الطلب ودالة العرض معا :

### مثال

إذا كانت دالتى الطلب والعرض على إحدى السلع هما :

$$ك = ٢٨ - ٤ س ، ك = ٤ + ٢ س \quad \text{وحدث أن تغير نو}$$

المستهلك وتغيرت تكاليف الإنتاج فتغير تبعاً لذلك دالتى الطلب

والعرض وأصبحتا :

كـ = ٢٥ - ٤ س ، كـع = ١٠ + ٢ س فاحسب سعر

التوازن الجديد وكمية التوازن الجديدة .

**الحل**

**جبريا :**

يتحقق سعر التوازن الجديد عندما :

٢٥ - ٤ س = ١٠ + ٢ س ومنها س = ٢,٥ وهى سعر التوازن

الجديد

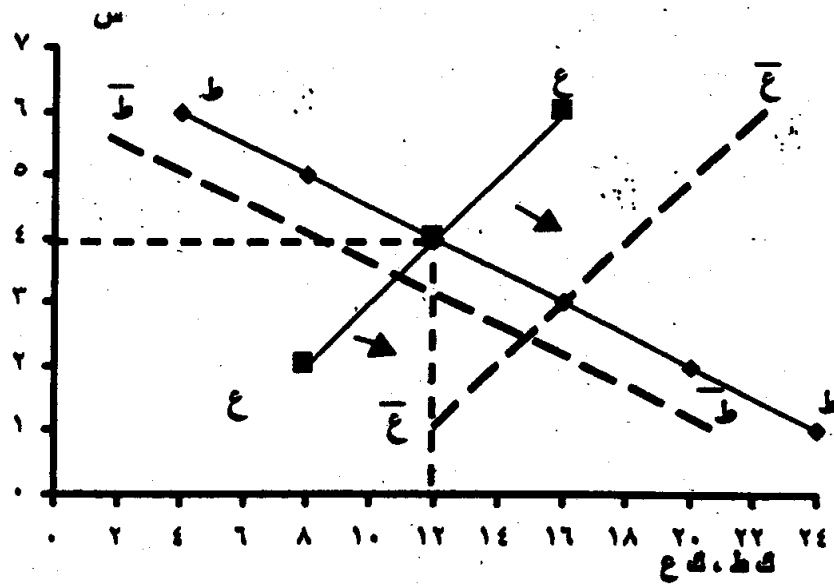
∴ كمية التوازن الجديدة = ١٥

**بيانيا :**

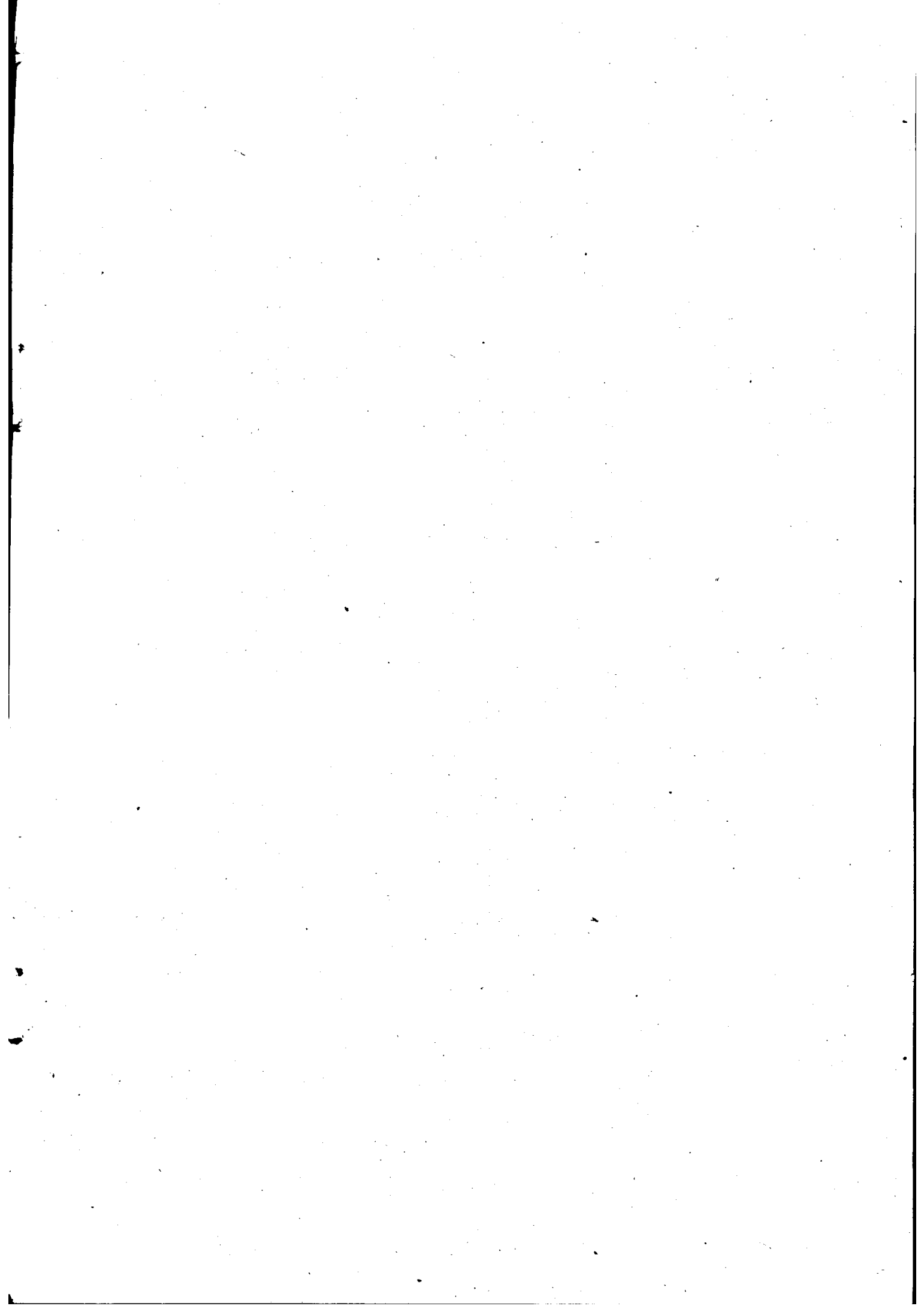
العرض الجدولى والبياني لدالتى الطلب والعرض فى الوضع الجديد :

س		١	٢	٣	٤	٥	٦
الوضع القديم	كـ	٢٤	٢٠	١٦	١٢	٨	٤
	كـع	٦	٨	١٠	١٢	١٤	١٦
الوضع الجديد	كـ	٢١	١٧	١٣	٩	٥	١
	كـع	١٢	١٤	١٦	١٨	٢٠	٢٢



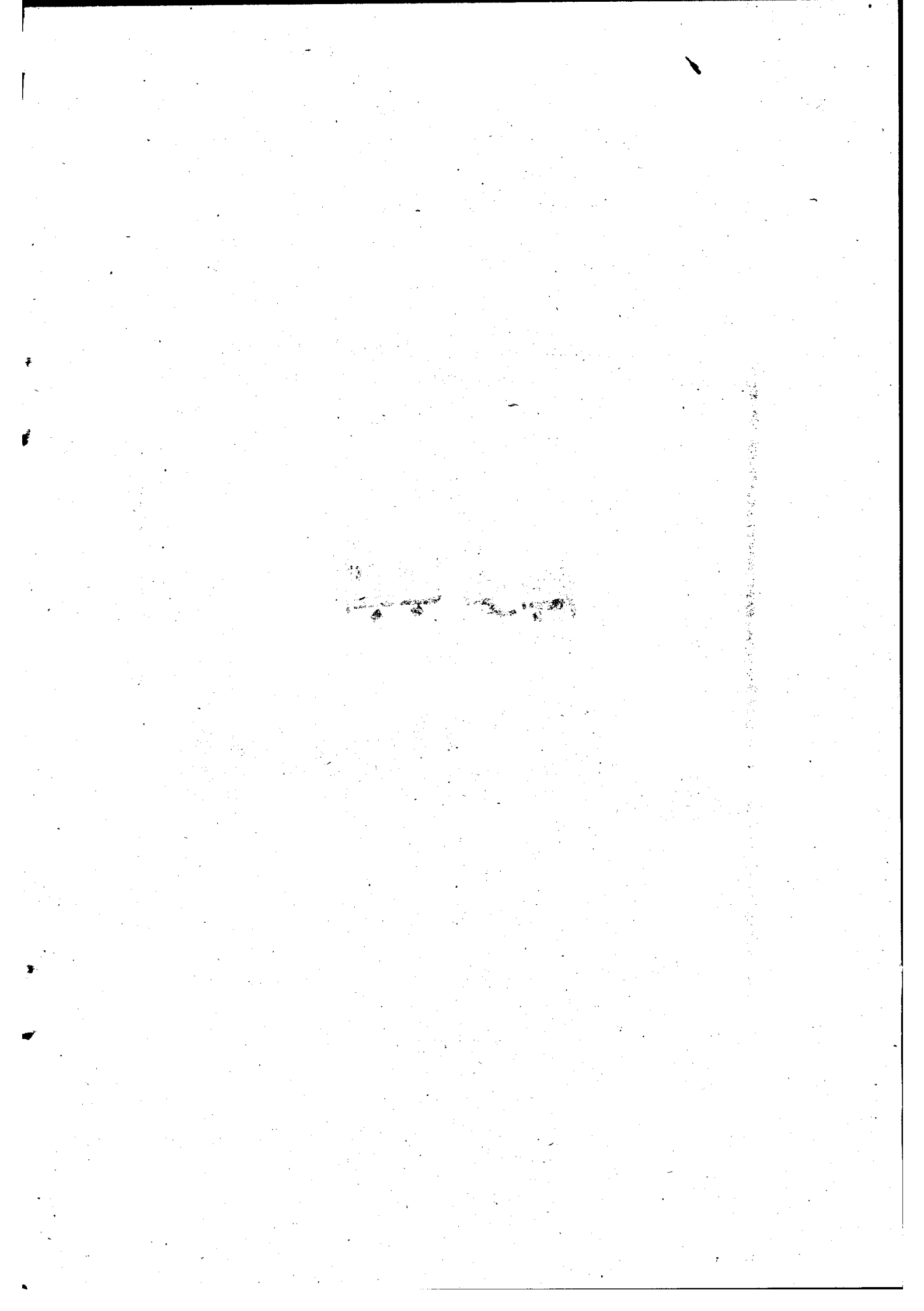


وبلاحظ أن نقطة التوازن الجديدة جاءت إلى اليمين ونتج عنها نقص  
 سعر التوازن وزيادة كمية التوازن ، إلا أن النقص في سعر التوازن  
 (١,٥ وحدة) أقل من الزيادة في كمية التوازن (٣ وحدات) والسبب أن  
 انتقال منحنى العرض بالزيادة جاء أكبر من انتقال منحنى الطلب  
 بالنقصان .



الباب الرابع

اقتصاد كلي



## **الباب الرابع**

### **اقتصاد كلى**

**يشتمل هذا الباب على الآتى :**

**تمهيد :**

#### **الفصل الأول : الحسابات الاقتصادية القومية**

- أهمية اجراء الحسابات الاقتصادية القومية
- المقاييس المستخدم فى الحسابات الاقتصادية القومية
- الانتاج القومى ، الناتج القومى ، الدخل القومى ،  
الاتفاق القومى .

#### **الفصل الثانى : النمو الاقتصادى والتنمية الاقتصادية .**

**أولا : الملامح الاساسية للدولة فى مرحلة ما قبل النمو  
الاقتصادى .**

**ثانيا : النمو الاقتصادى :**

**مفهوم ، كيفية قياسه ، كيفية حدوثه .**

**ثالثا : التنمية الاقتصادية .**

**التمهيد :**

الاقتصاد الكلى هو فرع النظرية الاقتصادية الذى يهتم بالمتغيرات الاقتصادية الكلية وبالعلاقات بينها ، ومن أهم هذه المتغيرات : الطلب الكلى ، العرض الكلى ، المستوى العام للأسعار ، التضخم والكساد ، العمالة ، النمو الاقتصادى ، التنمية الاقتصادية ...

والطلب الكلى هو مجموع منحنيات الطلب على جميع السلع والخدمات المنتجة فى المجتمع ، أما العرض الكلى فهو مجموع منحنيات العرض من جميع السلع والخدمات المنتجة فى المجتمع ، وجدير بالذكر أن مجموع منحنيات الطلب الفردية على سلعة ما يعرف بطلب السوق على هذه السلعة ، وأن مجموع منحنيات العرض الفردية من سلعة ما يعرف بعرض السوق لهذه السلعة .

والمستوى العام للأسعار هو ناتج تفاعل قوى العرض الكلى مع قوى الطلب الكلى ، وكذلك العمالة - (حجم العمالة اللازم لإنتاج العرض الكلى فى المجتمع) - هي ناتج هذا التفاعل .

## الفصل الأول

### الحسابات الاقتصادية القومية

#### أهمية اجراء الحسابات الاقتصادية القومية :

ترجع أهمية اجراء الحسابات القومية إلى ضرورة قياس أداء الاقتصاد الكلى للمجتمع حتى يمكن الحكم على مستوى نشاطه الاقتصادى المتحقق وأيضا على مستوى معيشة أفرادہ ، اذ بدون اجراء هذا القياس يكون من الصعب وضع سياسة عامة للمجتمع سواء لمعالجة مشكلاته أو للعمل على تطوره . ويعتبر الناتج القومى من أهم مقاييس التطور الاقتصادى للمجتمع ، كما يعتبر الدخل القومى مقياسا هاما لقياس مستوى معيشة الأفراد .

#### المقاييس المستخدمة فى الحسابات الاقتصادية القومية :

##### ١- الإنتاج القومى :

ويعرف بأنه مجموع ما تم إنتاجه فى الاقتصاد من سلع وخدمات خلال فترة معينة . والسلع هى مثل الحديد والاسمنت والقمح

والقماش .... الخ ، والخدمات هي مثل خدمات التعليم والبحوث العلمية  
والرعاية الصحية والخدمات السياحية .... الخ .

وللايضاح نفرض أن النشاط الاقتصادى لدولة ما يتكون من  
عدة أنشطة مثل النشاط أ والنشاط ب والنشاط هـ .... النشاط ن ،  
وإذا كان إنتاج المشروع أ بالطن ، وإنتاج المشروع ب بالمتري وإنتاج  
المشروع ج بالكيلوجرام ... ، وإنه لمعرفة حجم النشاط فى الاقتصاد  
القومى فيتم جمع إنتاج المشروع أ مع إنتاج المشروع ب مع إنتاج  
المشروع ج ، ولما كان عملية الجمع هذه غير ممكنه حيث اختلاف  
وحدات القياس فكان لابد من البحث عن مقياس عام لجميع السلع  
والخدمات فكان هذا المقياس هو النقود ، أى قياس الإنتاج القومى  
بالأسعار السائدة فى السوق . وعليه فقيمة الإنتاج القومى هو قيمة ما  
تم إنتاجه فى الاقتصاد من سلع وخدمات خلال فترة معينة .

## ٢- الناتج القومى :

نفرض أن النشاط الاقتصادى القومى يتكون من مشروعين  
هما أ ، ب وأن المشروع أ متخصص فى إنتاج الصلب وأن هذا  
المشروع قد أنتج ما قيمته ٣ مليون جنيه ، وأن المشروع ب



مخصص فى إنتاج السيارات وإن هذا المشروع قد أنتج ما قيمته ٧ مليون جنيه . وإذا ما أريد معرفة حجم النشاط فى الاقتصاد القومى فإنه يتم جمع ٣ مليون جنيه مع ٧ مليون جنيه . وهنا ملحظ هام جداً وهو أن المشروع ب قد تم حساب قيمة الصلب الذى دخل فى إنتاج السيارات مرتين مرة عند حسابه كقيمة للصلب فى المشروع أو مرة عند حسابه فى قيمة السيارة ، ومن ثم فإن قيمة الإنتاج القومى قد أظهرت حجم النشاط الاقتصادى بأكبر من الحقيقة .

ولتجنب خطر الازدواج المحاسبى هذا كان لابد من التوصل إلى تقدير الناتج القومى وهو مجموع الاسهام الإنتاجى للمشروعات فى الاقتصاد القومى خلال فترة معينة عادة سنة . ويقاس الاسهام الإنتاجى لأحد المشروعات فى الناتج القومى من خلال أن يتم الطرح من قيمة الإنتاج الاجمالى للمشروع قيمة السلع والخدمات التى استخدمها المشروع واشتراها من المشروعات الأخرى<sup>(١)</sup> ، أى أنه والحال كذلك يكون قد تم قياس قيمة ما أضافه المشروع نفسه (القيمة المضافة) .

(١) يطلق مصطلح مستلزمات الإنتاج على قيمة السلع والخدمات التى استخدمها المشروع ويشتريها من المشروعات الأخرى .

## وعليه

الناتج القومي = القيمة المضافة

= قيمة الإنتاج القومي - قيمة مستلزمات الإنتاج

ملاحظات على الناتج القومي :

( أ ) الناتج القومي بالأسعار الجارية والناتج القومي الحقيقي :

الناتج القومي بالأسعار الجارية هو قيمة الإنتاج القومي بالأسعار

الجارية مطروحا منه قيمة مستلزمات الإنتاج بالأسعار الجارية ،

ويتغير الناتج القومي بالأسعار الجارية لأحد سببين :

• بسبب تغير الكميات المنتجة من السلع والخدمات النهائية .

• بسبب تغير المستوى العام للأسعار .

أما الناتج القومي الحقيقي فهو المرتبط بالكميات المنتجة من السلع

والخدمات النهائية أى لا يتأثر بالأسعار ، ويتم قياسه باستخدام الناتج

القومي بالاسعار الجارية بعد عزل أثر تغير الأسعار ، ويتم هذا العزل

باستخدام علوم الاحصاء .

(ب) الناتج القومي بسعر السوق والناتج القومي بتكلفة عوامل الإنتاج :  
 الناتج القومي بسعر السوق هو قيمة الناتج القومي محملا بالضرائب  
 التي تفرضها الحكومة على الأفراد وعلى السلع والخدمات وبالإعانات  
 التي تمنحها الحكومة للأفراد وللبيع والخدمات ، وهنا تجدر الإشارة  
 إلى معرفة :

- الضرائب المباشرة : وهي الضرائب التي يتم فرضها على  
 الدخل حيث يدفعها الأفراد بمجرد حصولهم على الدخل  
 مباشرة .

- الضرائب غير المباشرة : هي الضرائب التي يتم فرضها  
 على السلع والخدمات ولا تدفعها الأفراد إلا عند شرائهم  
 للسلع والخدمات أي الدفع بطريقة غير مباشرة .

- الإعانات المباشرة : هي التي تمنح للأفراد مباشرة .

- الإعانات غير المباشرة : هي التي تمنح للسلع والخدمات .

أما الناتج القومي بتكلفة عوامل الإنتاج فهو قيمة الناتج القومي قبل  
 فرض الضرائب ومنح الإعانات .

(جـ) الناتج القومي الاجمالي والناتج القومي الصافي :

الناتج القومي الاجمالي هو قيمة الانتاج القومي مطروحا منه قيمة مستلزمات الإنتاج خلال السنة دون طرح مساهمة رأس المال المستخدم في المشروع والمستمر عطاؤه طوال حياة المشروع . أما الناتج القومي الصافي فهو قيمة الناتج القومي الاجمالي مطروحا منه استهلاك رأس المال وعليه :

الناتج القومي الصافي = الناتج القومي الاجمالي - استهلاك رأس المال

( هـ ) الناتج القومي والتجارة الخارجية :

الناتج القومي = الناتج المحلي + محصلة التجارة الخارجية

= الناتج المحلي + ( الصادرات - الواردات )

أمثله

مثال ١

الجدول التالي يبين الناتج المحلي الاجمالي بتكلفة عوامل الانتاج خلال

الفترة ١٩٩٥ - ٢٠٠٠ ، وكذا محصلة التجارة الخارجية .

السنوات	٩٥	٩٦	٩٧	٩٨	٩٩	٢٠٠٠
الناتج المحلي الاجمالي بتكلفة عوامل الانتاج	٣٠٠	٣٣٠	٣٥٠	٣٧٠	٤٠٠	٤٥٠
محصلة التجارة الخارجية	٤	٥	٥	٦	٨	١٠

فأوجد الناتج القومي خلال تلك الفترة ؟

**الحل**

∴ الناتج القومي = الناتج المحلي الإجمالي + محصلة التجارة الخارجية

∴ الناتج القومي خلال الفترة المذكورة هو :

(بالمليون جنيه)

السنوات	٩٥	٩٦	٩٧	٩٨	٩٩	٢٠٠٠
الناتج القومي	٣٠٤	٣٣٥	٣٥٥	٣٧٦	٤٠٨	٤٦٠

**مثال ٢**

الجدول التالي يوضح الناتج المحلي الإجمالي بتكلفة عوامل الإنتاج

خلال الفترة (١٩٩٥ - ٢٠٠٠) . وكذا اهلاك رأس المال :

(بالمليار جنيه)

السنوات	٩٥	٩٦	٩٧	٩٨	٩٩	٢٠٠٠
الناتج المحلي الإجمالي بتكلفة عوامل الإنتاج	٣٠٠	٣٣٠	٣٥٠	٣٧٠	٤٠٠	٤٥٠
محصلة التجارة الخارجية	٥٠	٦٠	٧٥	٨٥	١٠٠	١١٠

فأوجد الناتج الصافي :

**الحل**

∴ الناتج المحلي الصافي = الناتج المحلي الإجمالي - اهلاك رأس المال

∴ الناتج المحلي الصافي هو :

(بالمليار جنيه)

السنوات	٩٥	٩٦	٩٧	٩٨	٩٩	٢٠٠٠
الناتج القومي	٢٥٠	٢٧٠	٢٨٥	٢٩٥	٣٠٠	٣٤٠

### مثال ٣

الجدول التالي يبين الناتج المحلي الاجمالي بتكلفة عوامل الإنتاج وكذا الضرائب على السلع والخدمات واعانات الإنتاج وذلك خلال الفترة ١٩٩٠ - ٢٠٠٠ :

(بالمليار جنيه)

السنوات	٩٥	٩٦	٩٧	٩٨	٩٩	٢٠٠٠
الناتج المحلي الاجمالي بتكلفة عوامل الإنتاج	٣٠٠	٣٢٠	٣٥٠	٣٧٠	٤٠٠	٤٥٠
الضرائب	٧	٨	٩	٩	١٠	١٠
الاعانات	١	١	٢	٢	٢	٢

فأوجد الناتج المحلي الاجمالي بسعر السوق ؟

### الحل

∴ الناتج المحلي الاجمالي بسعر السوق =

= الناتج المحلي الاجمالي بتكلفة عوامل الإنتاج .

- الضرائب

+ الاعانات .

∴ الناتج المحلى الاجمالى بسعر السوق هو :

السنوات	٩٥	٩٦	٩٧	٩٨	٩٩	٢٠٠٠
الناتج المحلى الاجمالى بتكلفة عوامل الانتاج	٣٠٠	٣٢٠	٣٥٠	٣٧٠	٤٠٠	٤٥٠
الناتج المحلى الاجمالى بسعر السوق	٢٩٤	٣١٣	٣٤٣	٣٦٣	٣٩٢	٤٨٢

### ٣- الدخل القومى :

هو مجموع العوائد التى يحصل عليها أصحاب عناصر الإنتاج مقابل استخدام هذه العناصر فى إنتاج السلع والخدمات خلال فترة معينة عادة سنة . ولما كانت عناصر الإنتاج هى الأرض والعمل ورأس المال والإدارة ، ولما كانت عوائد هذه العناصر هى الإيجار والأجور والفائدة والربح على الترتيب فإن الدخل القومى يمكن تحديده بالمعادلة التالية :

$$\text{الدخل القومى} = \text{الأجور} + \text{الإيجار (الربح)} + \text{الفائدة} + \text{الربح}$$

## ملاحظات على الدخل القومى :

٢- لا يدخل فى حساب الدخل القومى الكسب والخسارة الرأسمالية ،

فإذا باع أحد الأفراد بعض أصوله (منزل مثلاً) بثمن أعلى من

الثمن الذى اشترى به فإنه لا ينظر إلى هذا الكسب الرأسمالى على

أنه دخل لأن هذا الدخل لم ينتج عن الاسهام فى الإنتاج .

٣- لا يدخل فى حساب الدخل القومى الايرادات المحصلة من غير

العملية الإنتاجية مثل الإعانات الاجتماعية وإعانات البطالة

والهبات والتبرعات لأن هذه المبالغ لم تصل للفرد مقابل تقديم

خدمة إنتاجية .

٤- الدخل المتوسط : هو ما يحصل عليه كل فرد فى الدولة من دخل

فى المتوسط خلال عام ، ويقاس الدخل المتوسط بالمعادلة التالية :

$$\text{الدخل المتوسط} = \frac{\text{الدخل القومى للدولة فى العام}}{\text{عدد سكان هذه الدولة فى ذلك العام}}$$

ويلاحظ أنه كلما زاد الدخل القومى بالنسبة لعدد الأفراد فى الدولة زاد

مقدار الدخل المتوسط .

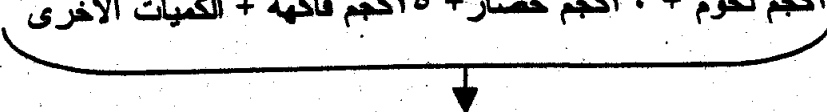


## ٥- الدخل النقدي والدخل الحقيقي :


الدخل النقدي للفرد هو ما يكسبه من دخل نتيجة اسهامه فى العملية الإنتاجية فى صورة نقدية . أما الدخل الحقيقى للفرد هو ما يتحصل عليه الفرد من سلع وخدمات بدخله النقدي .

وللايضاح إذا كان الدخل النقدي لفرد ما هو ١٠٠٠ جنيه فى الشهر ويستطيع هذا الفرد أن يشتري بهذا الدخل خلال الشهر ٢٠ كجم لحوم مع ٣٠ كجم خضار مع ١٥ كجم فاكهة مع كميات من سلع وخدمات أخرى ، فإنه يطلق على المبلغ ١٠٠٠ جنيه بالدخل النقدي ، كما يطلق على ٢٠ كجم لحوم مع ٣٠ كجم خضار مع ١٥ كجم فاكهة مع الكميات من السلع والخدمات الأخرى بالدخل الحقيقى . وبديهي يتضح أن الأسعار هى همزة الوصل بين الدخل النقدي والدخل الحقيقى . أى أن :

$$1000 \text{ جنيه} = 20 \text{ كجم لحوم} + 30 \text{ كجم خضار} + 15 \text{ كجم فاكهة} + \text{الكميات الأخرى}$$



الدخل الحقيقى



الدخل النقدي

• لو حدث أن ارتفعت أسعار اللحوم والخضر والفاكهة والآخرى وظل الدخل النقدي ثابت عند ١٠٠٠ جنيه فإن الدخل الحقيقي ينخفض .

• ولو حدث أن انخفضت الأسعار وظل الدخل النقدي ثابت فإن الدخل الحقيقي يرتفع .

• ولو حدث أن ارتفع الدخل النقدي وظل مستوى الأسعار ثابت فإن الدخل الحقيقي يرتفع .

وهكذا يمكن تصور الحالات الأخرى . كما أن ما ينطبق على الدخل الفردي ينطبق على الدخل القومي . فالدخل القومي النقدي هو مجموع الدخول النقدية التي حصل عليها الأفراد ، وأن الدخل القومي الحقيقي هو كميات السلع والخدمات التي يستطيع الأفراد الحصول عليها بدخولهم النقدية .

وإذا حدث أن ارتفع الدخل القومي النقدي لبلد ما بنسبة ١٠% في أحد الأعوام وفي نفس الوقت ارتفعت الأسعار بنفس النسبة وهي ١٠% فإن الدخل القومي الحقيقي يظل ثابتا . وهكذا يمكن تصور الحالات الأخرى .

### ٣- الدخل القومي يساوى الناتج القومي :

∴ الناتج القومي هو مجموع القيم المضافة لكافة مشروعات الاقتصاد القومي خلال عام عادة .

∴ الناتج القومي = القيمة المضافة

، ∴ القيمة المضافة يتم توزيعها على أصحاب عناصر الإنتاج فى نفس الفترة كدخول فى صورة أجور للعمال وإيجار للأرض وفائدة لرأس المال وربح للمديرين .

∴ القيمة المضافة = الدخل القومي .

، ∴ الناتج القومي = الدخل القومي .

### ٤- الانفاق القومي :

بعد حصول الأفراد على دخولهم (الدخل القومي) فهم يقومون بانفاقه على السلع والخدمات أى على الناتج القومي . ولما كان الدخل القومي يتم استخدام بعضه فى اشباع حاجات مباشرة فى حين يخصص البعض الآخر للفترات القادمة فإنه يطلق على هذين الاستخدامين بالاستهلاك والاستثمار وعليه :

الانفاق القومي = الاستهلاك القومي + الاستثمار القومي .

أى أن الانفاق القومى هو مجموع ما ينفق خلال فترة معينة عادة سنة على الاستهلاك والاستثمار فى الاقتصاد القومى . والاستهلاك هو الانفاق على السلع والخدمات بقصد اشباع حاجات مباشرة ، أما الاستثمار فهو الانفاق من أجل الاضافة إلى ثروة البلد الإنتاجية لكى تستخدم فى الفترات القادمة .

## **الفصل الثانى**

### **النمو الاقتصادى والتنمية الاقتصادية**

**أولاً : الملامح الأساسية للدولة فى مرحلة ما قبل النمو الاقتصادى  
(الدول المختلفة) :**

فى مرحلة ما قبل النمو الاقتصادى تكون الدولة فى وضع اقتصادى واجتماعى وسياسى يتصف بالخصائص التالية :

**أ- الخصائص الاقتصادية :**

**١- عدم التناسب الصحيح لعناصر الإنتاج :**

حيث القصور فى أحد أو بعض عناصر الإنتاج (الموارد الطبيعية ،

العمل ، رأس المال ، الإدارة ) وخاصة عنصر رأس المال ، كما

أن عناصر الإنتاج لا تتسم بالكيف والتضافر مما يعوق تحقيق

الكفاءة الإنتاجية وبالتالي انخفاض مستوى النشاط الاقتصادى .

**٢- تخلف البنية الأساسية :**

تتمثل البنية الأساسية فى وسائل النقل والمواصلات والموانئ

والمطارات والمؤسسات التمويلية ومحطات توليد الطاقة ومراكز

البحوث ومعاهد التدريب إلى آخر مثل هذه المشروعات . وأنه لإقامة بنية أساسية متكاملة . فإن الأمر يحتاج إلى استثمارات ضخمة وهذه في غير مقدور الدول المتخلفة الأمر الذي يترتب عليه الافتقار إلى بنية أساسية متكاملة مما يؤثر على زيادة التكاليف في أى مشروع وتعذر القيام بعملية التنمية الاقتصادية .

### ٣- تخلف الفنى الإنتاجى :

نظرا لافتقار مثل هذه الدول لرأس المال فإنها تضطر إلى الاستخدام المكثف للعمل وطبيعى عمل غير ما هر ، كما أنه لافتقارها لبنية أساسية متكاملة فإن وحداتها الإنتاجية تكون صغيرة الحجم ومتناثرة مما يعوق تحقيق الكفاءة الإنتاجية .

### ٤- انخفاض الدخل :

نظرا لكون الفن الإنتاجى متخلف فإن إنتاجية العامل تكون منخفضة وبالتالي ينخفض الأجر ، ونظرا لكون تكلفة الإنتاج مرتفعة وسعر البيع منخفض لإنخفاض الطلب فإن الربح يكون متدنى أن لم تكن الخسارة ، وكذلك يكون وضع الموارد الطبيعية الأمر الذى يشكل

فى مجموعة انخفاض فى الدخل وبالتالى انخفاض فى حصيلة الضرائب ومن ثم تعذر قيام مشروعات وبنية أساسية .

#### ٥- انخفاض الادخار :

تنسم هذه الدول بانخفاض الدخل وبالتالى تكون مدخراتها منخفضة وبالتالى لا تجد تمويل للاستثمارات المطلوبة .

#### ٦- انخفاض الاستثمار :

يرجع انخفاض الاستثمار لعجز مثل هذه الدول على اقتطاع جزء من إنتاجها الجارى وحجزه عن الاستهلاك وتوظيفه فى الاستثمار ، حيث أن الإنتاج غير كاف أصلا للاستهلاك ، وهذا ما يجعل مثل هذه الدول أن تدخل فى الدائرة الجهنمية وهى دائرة الفقر ، حيث انخفاض الاستثمار يؤدي إلى انخفاض الدخل وانخفاض الدخل يؤدي إلى انخفاض الادخار وانخفاض الادخار يؤدي إلى انخفاض الاستثمار وهكذا ، الأمر الذى يتطلب الاستثمار الخارجى دون الوقوع كفريسة للاستغلال الخارجى .

#### ٧- الاعتماد على نشاط اقتصادى أولى :

حيث الأنشطة الاقتصادية إما رعى أو زراعة بدائية أو خامات

## أولية .

٨- التبعية الخارجية رغم الاستقلال السياسى ، فهذه الدول تنور فى

فلك الدول المتقدمة ، خاصة الدول التى كانت مستعمرات .

٩- العجز فى ميزان المدفوعات :

حيث الصادرات ضئيلة ومن مواد أولية ذات أسعار عالمية

منخفضة ، فى الوقت التى تتزايد فيه الواردات إما لسد الاستهلاك

الغذائى أو لشراء مستلزمات إنتاج .

١٠- انتشار البطالة .

وذلك لعدم توفر رأس المال اللازم لإقامة المشروعات التى تخلق

فرص العمل الكافية لتشغيل القوى العاملة فى المجتمع .

ب- الخصائص الاجتماعية :

١- انخفاض مستوى التعليم وانتشار الأمية .

٢- انخفاض المستوى الصحى .

٣- الافتقار لروح المغامرة والتجديد .

٤- الاستهلاك المظهرى .



**ج- الخصائص الديموجرافية (السكانية) :**

- ١- ارتفاع معدلات المواليد .
- ٢- ارتفاع معدلات الوفيات .
- ٣- ارتفاع معدلات الزيادة السكانية .
- ٤- ارتفاع نسبة الأطفال .

**ء - الخصائص السياسية :**

- ١- مركزية القرار .
- ٢- التشتت في الجهد .
- ٣- عدم وضوح الرؤية .

**ثانيا : النمو الاقتصادي :****١- تعريف النمو الاقتصادي :**

النمو الاقتصادي هو نمو الناتج القومي الحقيقي على مدى سنوات متتالية .

**ملاحظات على هذا التعريف :**

- ١- أن النمو الاقتصادي هو أيضا نمو الدخل القومي الحقيقي ذلك لأن الناتج القومي والدخل القومي متساويان .

٢- أن النمو الاقتصادى يحدث على مدى سنوات متتالية أى أنه

ظاهرة طويلة الأجل .

٣- أن النمو الاقتصادى لا يرتبط بالنتائج القومى بالأسعار الجارية أو

الدخل القومى النقدى ذلك لأن كلاهما قد يتغير لا بسبب تغير

الكميات المنتجة من السلع والخدمات وإنما بسبب تغيرات الأسعار

وهذه التغيرات لا تعكس التغيرات الحقيقية فى الناتج القومى أو

الدخل القومى ، هذا فى الوقت الذى لابد أن يرتبط فيه النمو

الاقتصادى بالتغيرات الحقيقية أى التغيرات فى الكميات المنتجة

من السلع والخدمات فقط .

٢- معدل النمو الاقتصادى :

للايضاح يتم تناول هذا المفهوم بالمثال التالى :

إذا كان الدخل القومى النقدى لدولة ما ٥٠ مليون جنيه عام ١٩٩٠ ثم

ارتفع هذا الدخل إلى ٥٥ مليون جنيه فى العام التالى أى عام ١٩٩١ ،

فاحسب معدل النمو الاقتصادى لهذه الدولة إذا علمت أن مستوى

الأسعار قد زاد بنسبة ٦% بين السنتين ١٩٩٠ ، ١٩٩١ .

## الحل

- معدل نمو الدخل القومي النقدي بين السنتين :

∴ الدخل القومي النقدي عام ١٩٩٠ = ٥٠ مليون جنيه

∴ الدخل القومي النقدي عام ١٩٩١ = ٥٥ مليون جنيه

∴ التغير في هذا الدخل بين السنتين = ٥٥ - ٥٠ = ٥ مليون جنيه

أي  $\Delta R$  =  $\bar{R} - R = ٥$  مليون جنيه

∴ متوسط التغير =  $\frac{\Delta R}{R} = \frac{٥}{٥٠} = \frac{١}{١٠}$

معدل التغير (النمو) =  $\frac{١}{١٠} \times ١٠٠٠\% = ١٠\%$

أي أن معدل نمو الدخل القومي النقدي لهذه الدولة بين السنتين

= ١٠% .

- ولما كان معدل النمو الاقتصادي لا يقاس بمعدل نمو الدخل القومي

النقدي وإنما بمعدل نمو الدخل القومي الحقيقي .

∴ معدل نمو الدخل القومي الحقيقي =

= معدل نمو الدخل القومي النقدي - معدل تغير مستوى الأسعار

= ١٠% - ٦%

- ٤ %

∴ معدل النمو الاقتصادى = ٤ % .

ومن المثال السابق يمكن تصور عددا من الحالات منها إذا كان مستوى العام للأسعار قد زاد بنسبة ١٣% مثلا ففى هذه الحالة يكون معدل النمو الاقتصادى سالبا وهذا يعكس تدهور مستوى المعيشة فى البلد . كما أنه إذا كان الزيادة فى المستوى العام للأسعار ١٠% ففى هذه الحالة فإن معدل النمو الاقتصادى يساوى الصفر .

وجدير بالاهتمام الإشارة إلى أنه إذا كان معدل نمو اقتصادى قدره ١% ومعدل نمو اقتصادى قدره ٢% فقد يلاحظ المرء أن هذا الفرق يعد فرقا طفيفا ، لكن الحقيقة غير ذلك فكما سبق القول بأن النمو الاقتصادى يتطلب أن يكون النمو على مدى سنوات متتالية ومن ثم فهذا الفرق الذى يبدو طفيفا سوف يعكس تزايد كبير فى قيمة الدخل القومى الحقيقى .

## مثال

إذا كان الدخل القومي الحقيقي لدولة ما ١٠٠ مليون جنيه عام ١٩٩٠

فاحسب قيمة هذا الدخل بعد ٥ سنوات ثم بعد ١٠ سنوات ثم بعد ١٥

سنة بعد ٢٠ سنة وذلك :

أ - إذا كان معدل النمو الاقتصادي في السنة ١%

ب - إذا كان معدل النمو الاقتصادي في السنة ٢%

ج - إذا كان معدل النمو الاقتصادي في السنة ١%

## الحل

قيمة الدخل القومي الحقيقي (بالمليون جنيه)

السنة	في حالة معدل النمو الاقتصادي ١% في السنة	في حالة معدل نمو اقتصادي ٢% في السنة	في حالة معدل نمو اقتصادي ٣% في السنة
١٩٩٠	١٠٠	١٠٠	١٠٠
١٩٩٥	$100(1.01)^5 = 105$	$100(1.02)^5 = 110.4$	$100(1.03)^5 = 116$
٢٠٠٠	$100(1.01)^{10} = 110.5$	$100(1.02)^{10} = 122$	$100(1.03)^{10} = 134$
٢٠٠٥	$100(1.01)^{15} = 116$	$100(1.02)^{15} = 135$	$100(1.03)^{15} = 156$
٢٠١٠	$100(1.01)^{20} = 122$	$100(1.02)^{20} = 149$	$100(1.03)^{20} = 181$

٣- كيف يحدث النمو الاقتصادي :

سبق القول أن النمو الاقتصادي يرتبط بالدخل القومي الحقيقي أو بالنواتج

القومي الحقيقي، وكلاهما يرتبط بالكميات المنتجة من السلع والخدمات

كما أن الكميات المنتجة من السلع والخدمات (الناتج القومي) تتوقف على كمية عناصر الإنتاج وإنتاجية عناصر الإنتاج والمناخ العام السياسى والحضارى والاخلاقى . ويمكن صياغة ذلك فى شكل دالة كما يلى :

الناتج القومي الحقيقى = د (كمية عناصر الإنتاج ، إنتاجية عناصر

الإنتاج ، المناخ العام) .

وللتبسيط يمكن دراسة كل عامل مستقل على حده :

أ - الناتج القومي الحقيقى كدالة فى كمية عناصر الإنتاج .

الناتج القومي الحقيقى = د (الأرض ، العمل ، رأس المال ، الإدارة)

• فكما زادت مساحات الأرض الزراعية أو مساحات الأراضى

المستغلة فى استخراج الخامات والمعادن أو مساحات الأراضى

المستغلة فى الأنشطة السياحية كلما ازداد الناتج القومي الحقيقى

سنة بعد أخرى وحدث النمو الاقتصادى .

• كلما زاد عدد السكان بتوزيع عمرى مناسب يسمح بزيادة شريحة

القوى العاملة فى الاقتصاد القومي كلما زاد الناتج القومي الحقيقى

سنة بعد أخرى وحدث النمو الاقتصادى .

• وكلما زاد رأس المال (المعدات والآلات والأدوات الرأسمالية .. )  
 فى الاقتصاد القومى كلما زاد الناتج القومى الحقيقى سنة بعد  
 أخرى وحدث النمو الاقتصادى ، وطبيعى يزداد رأس المال بزيادة  
 الاستثمار سواء كان استثمار قومى أو استثمار أجنبى مع التحفظ  
 على الأخير ليكون فى أضيق الحدود لماذا ؟ (١) .

• كلما زاد اعداد المنظمين (رجال الأعمال) القادرين على انتشار  
 المشروعات وتحمل المخاطر كلما زاد الناتج القومى الحقيقى سنة  
 بعد أخرى وحدث النمو الاقتصادى .

ب- الناتج القومى الحقيقى كدالة فى إنتاجية عناصر الإنتاج :

الناتج القومى الحقيقى = د) إنتاجية الأرض ، إنتاجية العمل ، إنتاجية  
 رأس المال ، إنتاجية الإدارة) .

• كلما تحسنت فنون الانتاج فى الزراعة أو فى استخراج الخامات  
 والمعادن كلما زادت إنتاجية الأرض وزاد الناتج القومى الحقيقى

(١) لأن الاستثمار الاجنبى سيعمل على تحقيق مصالح أصحابه ولذلك سوف يتجه إلى مجالات معينة  
 قد لا يكون لها أثار قوية على نمو بقية الاقتصاد .

- أن الاستثمار الاجنبى له حق فى الارواح المحققة وبالتالي يستطيع أن يحولها خارج الاقتصاد  
 القومى ومن ثم يتقطع نفعا بالنسبة للبلد .

- أن الاستثمار الاجنبى قد يقوم بتصفية اعماله لأى سبب فى أى وقت .

سنة بعد أخرى وحدث النمو الاقتصادى .

• كلما زاد التعليم والتدريب زادت إنتاجية العامل وازداد الناتج

القومى الحقيقى سنة بعد أخرى وحدث النمو الاقتصادى .

• كلما ارتفعت كفاءة المعدات والآلات والأدوات الرأسمالية

المستخدمة فى العمليات الإنتاجية كلما زاد الناتج القومى الحقيقى

سنة بعد أخرى وحدث النمو الاقتصادى .

• كلما كان رجال الأعمال أكثر جرأة وأكثر كفاءة كلما كان هناك

استثمار أكبر وإنتاج أكبر وزاد الناتج السنوى الحقيقى سنة بعد

أخرى وحدث النمو الاقتصادى .

ج- الناتج القومى الحقيقى كدالة فى المناخ العام السياسى

والحضارى والاخلاقى :

اجمعت البحوث المهمة بالنمو الاقتصادى على أنه :

• كلما كان المناخ السياسى يسمح بالحرية السياسية لعامة الناس

وبالديمقراطية وأمن وقضاء عادل كلما أدى ذلك على زيادة الناتج

القومى الحقيقى سنة بعد أخرى ويحدث النمو الاقتصادى .



• كلما كان المناخ الحضارى يحرص على أن تحترم الناس مواعيد العمل والإنتاج ويزداد اهتمامهم برفع مستوى معيشتهم ومعيشة أبنائهم كلما أدى ذلك إلى زيادة الناتج القومى الحقيقى سنة بعد أخرى ويحدث النمو الاقتصادى .

• كلما كان المناخ الاخلاقى بعيدا عن السرقة والغش والرشوة . كلما أدى ذلك إلى زيادة الناتج القومى الحقيقى سنة بعد أخرى وحدث النمو الاقتصادى .

### ثالثا : التنمية الاقتصادية :

#### ١- تعريف التنمية الاقتصادية :

هى تغير هيكلى فى النشاط الاقتصادى يؤدى إلى زيادة معدل نمو الدخل القومى الحقيقى أو الناتج القومى الحقيقى .

ويتضح من التعريف أن التنمية الاقتصادية تشتمل على نمو الدخل القومى الحقيقى أو الناتج القومى الحقيقى بالاضافة إلى تغير هيكلى فى النشاط الاقتصادى يؤدى إلى زيادة معدل نمو الدخل القومى الحقيقى بمعنى آخر زيادة معدل النمو الاقتصادى .

وهنا يجب التفرقة بين حجم النشاط الاقتصادى وهيكـل النشاط الاقتصادى والتغير الهيكلى فى النشاط الاقتصادى . فالأول هو الذى يعبر عنه بالدخل القومى أو الناتج القومى أو بحجم القوة العاملة فى الاقتصاد القومى . أما هيكـل النشاط الاقتصادى فهو الذى يعبر عنه بتوزيع النشاط الإنتاجى فى الاقتصاد القومى على القطاعات الرئيسية فيه وهى الصناعة والزراعة والخدمات ومن ثم تكون هذه القطاعات الناتج القومى الاجمالى ، وفى إحدى الدول مثلاً يلاحظ أن نسبة اسهامات هذه القطاعات فى الناتج القومى الاجمالى هى ٢٠% ، ٥٠% ، ٣٠% على الترتيب وعليه فقطاع الزراعة فى هذه الدولة هو الأكثر اسهاماً فى الناتج القومى الاجمالى عن الصناعة وعن الخدمات . بينما التغير الهيكلى فى النشاط الاقتصادى هو اجراء ما يلزم لزيادة الأهمية النسبية للقطاع الذى حجم نشاطه الاقتصادى صغير فى حين إنتاجيته مرتفعة حيث أن ذلك سوف يرفع معدل النمو الاقتصادى وبالتالي حدوث التنمية الاقتصادية .

## مثال

إذا كان النشاط السياحي في بلد ما ينمو بمعدل أعلى من معدلات نمو الأنشطة الإنتاجية الأخرى في الاقتصاد القومي وفي نفس الوقت حجم النشاط السياحي ضئيل نسبيا عن باقي القطاعات ، فإن أحداث تغيير هيكل النشاط الاقتصادي ككل وذلك بنقل أعداد من العمال من الأنشطة الإنتاجية الأخرى داخل الاقتصاد القومي إلى النشاط السياحي وأيضا بزيادة ناتج القطاع السياحي فإن معدل النمو الاقتصادي يزداد وتحدث التنمية الاقتصادية .

## المراجع

١- أحمد عباده سرحان (دكتور) : مقدمة في طرق التحليل

الاحصائي، معهد البحوث والدراسات الاحصائية ، جامعة القاهرة.

٢- ابراهيم العيسوي (دكتور) : مذكرات في التحليل الاقتصادي ،

معهد التخطيط القومي ، ج ، م ، ع .

٣- لبيب شقوير (دكتور) : تاريخ الفكر الاقتصادي ، دار نهضة

مصر للطبع والنشر ، الفجالة ، القاهرة .

## الفهرس

رقم الصفحة	الموضوع
	<b>الباب الأول: مفاهيم أساسية</b>
٢	• الفصل الأول: علم الاقتصاد، المشكلة الاقتصادية، النظم الاقتصادي
١٤	• الفصل الثاني: التغير والدالة
	<b>الباب الثاني: الدوال الاقتصادية الأساسية</b>
٤٨	• الفصل الأول: داله الطلب
١٠٧	• الفصل الثاني: داله العرض
١١٨	• الفصل الثالث: داله الإنتاج
١٤٠	• الفصل الرابع: داله التكاليف
	<b>الباب الثالث: التوازن في الاقتصاد</b>
١٩٦	• الفصل الأول: توازن السوق
	• الفصل الثاني: توازن المستهلك
	• الفصل الثالث: توازن المنتج
	<b>الباب الرابع: اقتصاد كلي</b>
٢١٠	• الفصل الأول: الحسابات الاقتصادية القومية
٢٢٤	• الفصل الثاني: النمو الاقتصادي والتنمية الاقتصادية

